

4. Кожух И.Г., Юдов А.А. О геометрических приложениях одного матричного дифференциального уравнения. Тезисы докладов. Математическая конференция "Еругинские чтения-IV", 1997 г.
5. Кожух И.Г., Юдов А.А. Некоторые геометрические приложения одного дифференциального уравнения. Тезисы докладов. Математическая конференция "Еругинские чтения-V", 1998 г.
6. Кожух И.Г., Юдов А.А. Об одном классе подмногообразия однородного пространства. Тезисы докладов. Математическая конференция "Еругинские чтения-VI", 1999 г.
7. Матвеев Н.М. Методы интегрирования обыкновенных дифференциальных уравнений. М., 1967 г.

УДК 528.4

Самодуров А.А., Санюкевич А.В., Романкевич А.П., Явид П.П.

ПРИМЕНЕНИЕ МИКРОКАЛЬКУЛЯТОРОВ В ТОПОГРАФО-ГЕОГРАФИЧЕСКИХ РАБОТАХ

При выполнении топографо-географических работ необходимо проводить камеральную обработку данных непосредственно в полевых условиях. Эти расчеты связаны с многократным использованием одних и тех же формул. Имеющиеся современные геодезические GPS-приборы существенно облегчают обработку данных, но в настоящее время слишком дорогостоящи для широкого применения.

Альтернативой этим приборам является использование программируемого калькулятора, существенно облегчающее вычислительную работу. В настоящее время имеется комплекс программ для калькуляторов серии МК [1], для которых характерен ряд существенных недостатков в работе. Во-первых, при выключении калькулятора все введенные программы уничтожаются. Во-вторых, в основном они рассчитаны на работу от сети и не способны на продолжительную (несколько часов) работу с элементами питания.

В связи с появлением новых программируемых калькуляторов (Casio, Citizen и др.), рассчитанных на несколько тысяч часов автономной работы без замены элементов питания, целесообразно их использование в полевых условиях. Например, в учебном процессе при геодезической практике студентов.

Покажем это на примере решения трех задач. В качестве базового выберем несложный калькулятор Casio fx 3900Pv. Приведенные программы легко адаптируются для аналогичных калькуляторов других фирм.

Программа I. Вычисление горизонтальных проложений (длина линии, измерена натяжным дальномером)

Расчетная формула

$$S = D' \cdot \cos^2 \nu \quad (1)$$

где S - горизонтальное проложение, D' - измеренная длина линии хода, ν - угол наклона. Угол ν вводится в регистр памяти PI , D' - в регистр памяти $PI2$.

Программа для выполнения расчетов:

$$ENT \text{ Kout}1 \cos \text{ SHIFT } x^2 x \text{ Kout}2 =$$

Результат вычислений высвечивается на дисплее калькулятора.

Программа II. Вычисление горизонтального проложения и отметки пикета при тахеометрической и мензульной съемках.

Расчетные формулы: (1), где $\nu = BK - MO$,

$$H_{ПК} = H_{СТ} + S \cdot \text{tg } \nu + i - \nu$$

где BK - значение вертикального угла, MO - место нуля прибора, $H_{ПК}$ - отметка пикета, $H_{СТ}$ - отметка станции. Данные вводим в следующие регистры памяти: BK - в PI , D' - в $PI2$, MO - в $PI3$, $H_{СТ}$ - в $PI4$, i - в $PI5$, ν - в $PI6$.

Программа для выполнения расчетов:

$$\begin{aligned} ENT \text{ Kout}1 - \text{ Kout}3 \quad \text{Kin}1 \cos \text{ SHIFT } x^2 \\ x \text{ Kout}2 = \text{Kin}2 \text{ Kout}1 \text{ tg } x \\ \text{Kout}2 + \text{Kout}4 + \text{Kout}5 - \text{Kout}6 = \end{aligned}$$

$H_{ПК}$ высвечивается на дисплее калькулятора, S - находится в регистре памяти $PI2$.

Программа III. Прямая засечка по измеренным углам β_1 и β_2 и координатам исходных точек.

Расчетные формулы:

$$\begin{aligned} X_P &= \frac{X_1 \cdot \text{ctg } \beta_2 + X_2 \cdot \text{ctg } \beta_1 + Y_2 - Y_1}{\text{ctg } \beta_1 + \text{ctg } \beta_2}, \\ Y_P &= \frac{Y_1 \cdot \text{ctg } \beta_2 + Y_2 \cdot \text{ctg } \beta_1 + X_1 - X_2}{\text{ctg } \beta_1 + \text{ctg } \beta_2}. \end{aligned}$$

где BK - значение вертикального угла, MO - место нуля прибора, $H_{ПК}$ - отметка пикета, $H_{СТ}$ - отметка станции. Данные вводим в следующие регистры памяти: β_1 - в $PI1$, β_2 - в $PI2$, X_1 - в $PI3$, Y_1 - в $PI4$, X_2 - в $PI5$, Y_2 - в $PI6$.

В связи с особенностями используемого калькулятора (наличии всего лишь шести ячеек памяти) вычисление X_P и Y_P проводится отдельными программами. Программа для вычисления X_P :

$$\begin{aligned} ENT \text{ Kout}1 \text{ tg } 1/x = \text{Kin}1 \text{ Kout}2 \text{ tg} \\ 1/x = \text{Kin}2 \times \text{Kout}3 + \text{Kout}5 \end{aligned}$$

Самодуров А.А. Доцент Белорусского государственного университета.

Романкевич А.В. Преподаватель Белорусского государственного университета.

Явид П.П. Старший преподаватель Белорусского государственного университета.

Беларусь, БГУ, г. Минск-50, ул. Ленинградская 14.

Санюкевич Александр Викторович. Доцент каф. высшей математики Брестского государственного технического университета.

Беларусь, БГТУ, 224017, г. Брест, ул. Московская 267.

$$\begin{aligned} & \times \text{Kout 1} + \text{Kout 6} - \text{Kout 4} = \\ & \div [(\text{Kout 1} + \text{Kout 2})] = \end{aligned}$$

Программа для вычисления Y_p :

$$\begin{aligned} \text{ENT Kout 4} \times \text{Kout 2} + \text{Kout 6} \times \text{Kout 1} \\ + \text{Kout 3} - \text{Kout 5} = \div [(\\ \text{Kout 1} + \text{Kout 2})] = \end{aligned}$$

УДК 539.3

Веремейчик А.И.

ПРИМЕНЕНИЕ ИНТЕГРАЛЬНОГО ПРЕОБРАЗОВАНИЯ ЛАПЛАСА К ИССЛЕДОВАНИЮ НЕСТАЦИОНАРНЫХ ТЕПЛОВЫХ ПРОЦЕССОВ

При исследовании напряженно-деформированного состояния конструктивных элементов машин, механизмов и строительных конструкций, подвергающихся одновременному воздействию механических усилий и изменяющихся во времени температур, возникают дополнительные трудности из-за появления в разрешающих уравнениях времени как дополнительной независимой переменной. Один из подходов состоит в учете времени аналогично учету координат; при этом численное интегрирование производится по отрезку времени также как и по границе рассматриваемого тела. Однако этот метод значительно усложняет вычислительные операции. Для преодоления этих трудностей целесообразно применить интегральное преобразование Лапласа к исходным дифференциальным уравнениям в частных производных и краевым условиям задачи путем исключения времени из числа независимых переменных [1]. Использование данного подхода позволяет одинаково хорошо решать краевые задачи с различного рода начальными и граничными условиями благодаря значительному упрощению исходных уравнений.

Рассмотрим дифференциальное уравнение (ДУ) несвязанной теплопроводности в общем виде [2]:

$$\nabla^2 T = \frac{1}{a} \frac{\partial T}{\partial t}, \quad (1)$$

где $T = T(p, t)$ - тепловое поле как функция координат

произвольной точки p и времени t , $a = \frac{\lambda}{c\rho}$ - коэффициент

температуропроводности, λ - коэффициент теплопроводности, ρ - плотность материала, c - удельная теплоемкость.

Используя свойство изображения производной для преобразования Лапласа, уравнение (1) переписывается в виде:

$$\nabla^2 T^* - \frac{s}{a} T^* + \frac{1}{a} T(p, 0) = 0, \quad (2)$$

где $T^* = T^*(p, s)$ - трансформанта Лапласа температуры T как функция координат и параметра преобразования s (изображение функции T), $T(p, 0)$ - функция начального распределения температуры. Если в начальный момент времени распределение температуры равно нулю, то выражение (2) упрощается:

Вычисленные значения X_p и Y_p читаем на дисплее калькулятора.

Перечисленные программы далеко не исчерпывают как возможности калькулятора, так и библиотеку разработанных авторами программ.

СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ

1. Жмойдяк М.А., Медведев Б.А. Полевая практика по топографии с основами геодезии: Учеб. Пособие для геогр. спец.- Мн.: изд-во "Университетское", 1987. - 237 с.

$$\nabla^2 T^* - \frac{s}{a} T^* = 0. \quad (3)$$

Рассмотрим двумерную задачу, т.е. случай, когда распространение тепла происходит в направлении 2-х осей координат, т.е. $\frac{\partial^2 T}{\partial z^2} = 0$ и

$$\left(\frac{\partial^2 T^*}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 T^*}{\partial y^2} \right) - \frac{s}{a} T^* + \frac{T(p, 0)}{a} = 0. \quad (4)$$

Решение этой задачи можно рассматривать как произведение решений для 2-х одномерных задач при соответствующих краевых условиях. Решение задачи при граничных условиях 1-го рода и постоянной температуре на границе области имеет вид:

$$\frac{T^*(p, s) - T_n}{T(p, 0) - T_n} = \frac{T^*(x, s) - T_n}{T(x, 0) - T_n} \cdot \frac{T^*(y, s) - T_n}{T(y, 0) - T_n}, \quad (5)$$

где T_n - температура на поверхности, $T(x, 0)$ и $T(y, 0)$ - начальные условия.

Температурные поля $T^*(x, s)$ и $T^*(y, s)$ определяются решением ДУ для соответствующей одномерной краевой задачи:

$$\begin{aligned} \frac{\partial^2 T^*}{\partial x^2} - \frac{s}{a} T^* + \frac{T(x, 0)}{a} &= 0 \\ \frac{\partial^2 T^*}{\partial y^2} - \frac{s}{a} T^* + \frac{T(y, 0)}{a} &= 0 \end{aligned} \quad (6)$$

Решение ДУ (6) в наиболее часто встречающемся в инженерной практике случае, т.е. при постоянном начальном распределении температуры, имеет следующий вид:

$$\begin{aligned} T^*(x, s) &= \frac{T_0}{s} + A \operatorname{sh} \sqrt{\frac{s}{a}} x + B \operatorname{ch} \sqrt{\frac{s}{a}} x, \\ T^*(y, s) &= \frac{T_0}{s} + C \operatorname{sh} \sqrt{\frac{s}{a}} y + D \operatorname{ch} \sqrt{\frac{s}{a}} y, \end{aligned} \quad (7)$$

где $T_0 = T(x, 0) = T(y, 0) = T(p, 0)$, A, B, C, D - постоянные, определяемые из граничных условий задачи.