

СЛОВА СМЕЖНОГО КЛАССА КОДА ХЭММИНГА

Абрамук В.М., Маньяков Н.В., Махнист Л.П.

Брестский политехнический институт

224017, г. Брест, ул. Московская, 267

Предложен алгоритм генерации слов фиксированного веса смежного класса кода Хэмминга.

Ключевые слова: корректирующие коды, коды Хэмминга

В работе предложен алгоритм формирования двоичных последовательностей фиксированного веса кода Хэмминга [1]. Данный алгоритм предназначен для решения указанной задачи независимо от величины задаваемого веса, в отличие от алгоритмов, рассчитанных лишь для малых весов [2]. В его основу положен алгоритм генерирования множества $A(m)$ – всех кодовых слов весов от 0 до некоторого заданного четного числа k расширенного кода Хэмминга $H(m)$ длины $N = 2^m$:

begin

$A(1) := \{(00)\};$

$i := 2;$

$A(i) := \{\emptyset\};$

while $i < m$ *do*

if $A(i-1) = \{\emptyset\}$

then begin $i := i + 1; A(i) := \{\emptyset\};$ *end*

else

begin

$A(i-1) := A(i-1) \cup \{a\};$

if $w(\bar{a}) = 0$

then

begin

$p_0 := 0;$

repeat

“построить все вспомогательные вектора \bar{b} веса p_0 длины 2^{i-1} , которые содержат p_0 единиц в позициях, в которых вектор \bar{a} содержит нули, $A(i) := A(i) \cup \{\{\bar{b} | \bar{b} \text{ xor } \bar{a}\}\}$ ”;

$p_0 := p_0 + 2;$

until $p_0 > \min \{2(k \text{ div } 4), 2^{i-1}\};$

end!

else

for $p_0 := 0$ to $\min \{ (k-w(\bar{a})) \text{ div } 2, 2^{i-1} - w(\bar{a}) \}$ do

begin

if $p_0 \bmod 2 = 0$ then $p_1 := 0$ else $p_1 := 1$;

repeat

“построить все вспомогательные вектора \bar{b} веса $p_0 + p_1$ длины 2^{i-1} , которые содержат p_0 единиц в позициях, где вектор \bar{a} содержит нули, и p_1 единиц в позициях, где вектор \bar{a} содержит единицы, $A(i) := A(i) \cup \{ \bar{b} | \bar{b} \text{ xor } \bar{a} \}$ ”;

$p_1 := p_1 + 2$;

until $p_1 > w(\bar{a})$;

end;

end;

end.

Количество векторов, полученных по вектору \bar{a} длины $n = 2^{i-1}$ веса $w(\bar{a})$ на i -ом шаге алгоритма можно определить по формуле:

$$\sum_{j=0}^U C_n^{2j},$$

где $U = \min \{ (k \text{ div } 4), 2^{i-1} \text{ div } 2 \}$, если $w(\bar{a}) = 0$; и

$$\sum_{j=0}^V \left(C_{n-w(a)}^{j'} \sum_l C_{w(a)}^{l'} \right),$$

где $V = \min \{ (k-w(\bar{a})) \text{ div } 2, 2^{i-1} - w(\bar{a}) \}$, а внутреннее суммирование производится по параметру l с шагом 2 от 0 до $w(\bar{a})$, если j – четно, и от 1 до $w(\bar{a}) - 1$, если j – нечетно, при $w(a) \neq 0$.

Количество кодовых слов весов от 0 до некоторого заданного четного числа k расширенного кода Хэмминга $H(m)$ длины $N = 2^m$ определяется соотношением [3]:

$$\sum_{j=0}^{\frac{k}{2}} \frac{C_N^{2j} + (-1)^j C_N^j (N_{\text{дв}} - 1)}{2}$$

В основу приведенного алгоритма положено следующее свойство кодовых слов расширенного кода Хэмминга: кодовое слово длины 2^m дает возмож-

ность получить кодовые слова в два раза большей длины. Например, для слова $\bar{a}=0000$ веса $w(\bar{a})=0$ составляются все векторы \bar{b} четного веса этой длины: $\bar{b}=0000; 1100; 1010; 1001; 0110; 0101; 0011; 1111$. Тогда слова в два раза большей длины будут образованы по правилу:

$$(\bar{b} | \bar{b} \text{ xor } \bar{a}),$$

т.е. 00000000; 11001100; 10101010; и т. д.

Генерация всех слов расширенного кода Хэмминга $H(3)$ длины $N = 8$ приведена в таблице.

| \bar{a} | $w(\bar{a})$ | \bar{b} | $(\bar{b} \bar{b} \text{ xor } \bar{a})$ |
|-----------|--------------|-----------|--|
| 0000 | 0 | 0000 | 00000000 |
| | | 1100 | 11001100 |
| | | 1010 | 10101010 |
| | | 1001 | 10011001 |
| | | 0110 | 01100110 |
| | | 0101 | 01010101 |
| | | 0011 | 00110011 |
| | | 1111 | 11111111 |
| 1111 | 4 | 0000 | 00001111 |
| | | 1100 | 11000011 |
| | | 1010 | 10100101 |
| | | 1001 | 10010110 |
| | | 0110 | 01101001 |
| | | 0101 | 01011010 |
| | | 0011 | 00111100 |
| | | 1111 | 11110000 |

Для получения слов веса k на последнем шаге алгоритма, когда $i=p_0$ берут таким, чтобы выполнялось соотношение $w(\bar{a})+2p_0=k$. Слова заданного веса k кода Хэмминга получаются из векторов веса k соответствующего расширенного кода путем удаления нулевой координаты, если k — четно; и векторов веса $k+1$ — удалением координаты равной нулю, если k — нечетно.

Заметим, что идея данного алгоритма может быть использована при решении аналогичной задачи для примитивных кодов Боуза-Чоудхури-Хоквингема, исправляющих две ошибки [1].

Литература

1. Мак-Вильямс Ф. Дж., Слоэн Н. Дж. А. Теория кодов, исправляющих ошибки: Пер. с англ. - М.: Связь, 1979. - 744 с.
2. Demidenko S., Piuri V., Ivanyukovich A. Error Localization in Test Outputs: a Generalized Analysis of Signature Compression // IEEE Second Asian Test Symposium (ATS-93). - Beijing, China, 1993. - P. 317-322.
3. Demidenko S., Ivanyukovich A., Makhnist L., Piuri V. On the Binary Sequences with Indistinguishable Signature for a Given Error Multiplicity in Electronic Testing // Journal of The Institution of Engineers. - Singapore, February, 1995, Vol. 35, N 1. - P. 63-66.

ВЫБОР АДАПТИВНОГО ШАГА ОБУЧЕНИЯ ПРИ ГРУППОВОМ ОБУЧЕНИИ ДЛЯ ЛИНЕЙНОЙ НЕЙРОННОЙ СЕТИ

Гладкий И. И.

Брестский политехнический институт

г. Брест ул. Московская 267

В статье рассмотрен случай выбора адаптивного шага обучения для линейной нейронной сети при групповом обучении. Получена формула вычисления адаптивного шага обучения.

Ключевые слова: нейронная сеть, адаптивный шаг обучения.

Рассмотрим линейную нейронную сеть, которая состоит из распределительного слоя нейронных элементов и выходного слоя. В качестве выходного слоя используются нейронные элементы с линейной функцией активации. Каждый нейрон распределительного слоя имеет синаптические связи со всеми нейронами обрабатывающего слоя. Выходное значение j -го нейрона сети определяется, как

$$y_j^k = \sum_i \omega_{ij} x_i^k - T_j \quad (1)$$

Среднеквадратичная ошибка сети для всей обучающей выборки будет равна

$$E = \frac{1}{2} \sum_k \sum_j (y_j^k - t_j^k)^2$$

Для нахождения адаптивного шага обучения будем использовать метод градиентного спуска.