

ЛИТЕРАТУРА.

1. Голубев В.В. Лекции по аналитической теории дифференциальных уравнений. М.-Л., ГИТТЛ, 1950. 2. Bureau F.J. "Ann.mat.pura ed appl.", 1972, 91,p.163-281 .

НЕКОТОРЫЕ АППРОКСИМАЦИОННЫЕ МЕТОДЫ ПРИ РЕШЕНИИ ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫХ УРАВНЕНИЙ, ВЫЧИСЛЕНИИ ИНТЕГРАЛОВ И РЯДОВ, НАХОЖДЕНИИ АССИМПТОТИЧЕСКИХ ПРЕДСТАВЛЕНИЙ

Семенчук Н.П.

Вводятся классы линейных методов суммирования интегралов и рядов Фурье, которые включают в себя (при определенном подборе параметров) многие известные методы суммирования ((C,1) - средние, метод типичных средних - средние Зигмунда, метод Бернштейна-Рогозинского, средние Рисса, Абеля, Вейерштрасса и т.д.). На базе введенных классов методов суммирования строятся обобщенные средние интегралов и рядов Фурье, для которых найдены асимптотические представления типа Вороновской.

Исследуются аппроксимационными методами приближенные способы решения выделенных классов нелинейных дифференциальных уравнений нецелого порядка и их систем. Доказаны теоремы существования и единственности решений указанных уравнений и систем, а также найдены оценки приближения их решений решениями специально построенных с помощью линейных методов суммирования интегралов и рядов операторных уравнений и систем типа Абеля и Гаммерштейна. Приведены конкретные примеры.

Изучается сходимость и (C,1) - суммируемость одного класса тригонометрических повторных интегралов, зависящих от параметров и входящих к понятию производной нецелого порядка, предложенному в 1822 г. Фурье. На базе результатов исследований найден метод вычисления интегралов как от элементарных, так и специальных функций. Приведены также конкретные примеры. Например, показано, что:

$$\int_0^{\infty} u^{\delta+\alpha} {}_2F_1\left(\frac{\gamma+1}{2}, \frac{\gamma}{2}+\delta; \delta+\frac{1}{2}; -\frac{u^2}{p^2}\right) du = \begin{Bmatrix} 1 \\ -1 \end{Bmatrix} p^{\gamma+\delta} \frac{\Gamma(\alpha+1)}{\Gamma(\gamma+\delta)} \begin{Bmatrix} \cos \frac{\alpha\pi}{2} \\ \sin \frac{\alpha\pi}{2} \end{Bmatrix} \Gamma(\gamma-\alpha-1) p^{-\gamma+\alpha+1},$$

где ${}_2F_1$ - гипергеометрическая функция Гаусса,

$$\operatorname{Re} p > 0, \delta = \begin{Bmatrix} 1 \\ 0 \end{Bmatrix}, \quad \Gamma - \text{гамма-функция,}$$

$$\gamma = [\alpha] + 2, \alpha > 0.$$