

**Теорема 2.** Для всяких  $\sigma > 0$  и  $i \in \{1, \dots, n\}$  функционал  $\Delta_\sigma^i$  принадлежит второму классу Бэра на пространстве  $M_n^C$ .

**Литература.** 1. Быков В.В. //Дифференц. уравнения. 1998. Т.34, № 11, С. 1575. 2. Быков В.В. //УМН. 1996. Т. 51, № 5, С. 186. 3. Ветохин А.Н. //Дифференц. уравнения. 1995. Т. 31, № 5, С. 909-910. 4. Ветохин А.Н. //Дифференц. уравнения. 1995. Т. 31, № 12. С. 2090. 5. Изобов Н.А. //Дифференц. уравнения. 1969. Т.5, № 7. С. 1186-1192. 6. Миллиончиков В.М. //Дифференц. уравнения. 1980. Т. 16, № 8. С. 1408-1416. 7. Миллиончиков В.М. //Дифференц. уравнения. 1993. Т. 29, № 11, С. 2014-2015. 8. Рахимбердиев М.И. //Мат. заметки. 1982. Т. 31, № 6. С. 925-931. 9. Салов Е.Е. //Дифференц. уравнения. 1999. Т.35, № 11, С. 1573. 10. Сергеев И.Н. //Дифференц. уравнения. 1999. Т.35, № 11, С. 1572.

## ОБ ОДНОМ КЛАССЕ НЕЛИНЕЙНЫХ ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫХ УРАВНЕНИЙ СО СТАРШЕЙ ПРОИЗВОДНОЙ НЕЦЕЛОГО ПОРЯДКА.

Н.П. Семенчук, В.Т. Дацьк (Брест, БЕЛАРУСЬ)

Найдены условия существования и единственности задачи Коши и получена оценка приближения решения для дифференциального уравнения нецелого порядка.

$$y^{(\alpha)} = f(x, y, y', \dots, y^{(n-1)}), \quad (1)$$

где  $n-1 < \alpha < n$ ,  $n \in \mathbb{N}$ .

Пусть функция  $f$  — абсолютно интегрируема на параллелепипеде  $\Pi_{ih_j} :=$ .

Решение уравнения (1) будем искать в классе дифференцируемых до порядка  $(n-1)$ ,  $n \in \mathbb{N}$ , функций  $y = y(x)$  на отрезке  $[0, l]$  с абсолютно непрерывной на этом отрезке производной  $y^{(n-1)}(x)$ . Причем, для любых указанных функций  $y = y(x)$  функция  $\mu(x) := f(x, y(x), y'(x), \dots, y^{(n-1)}(x))$  должна быть также абсолютно непрерывной на отрезке  $[0, l]$  (условие (\*)). Норма для функций  $y = y(x)$  вводится по формуле

$$\|y(x)\| = \sum_{j=0}^{n-1} \int_0^l |y^{(j)}(x)| dx \quad (2)$$

Указанный класс функций  $y = y(x)$  обозначим через  $L^{(j)}(0, l)$ .

**Теорема 1.** Если для уравнения (1) функция  $f$  — абсолютно интегрируема на параллелепипеде  $\Pi_{ih_j}$  и для любых точек  $M_1(x, y_1, y_1', \dots, y_1^{(n-1)})$  и  $M_2(x, y_2, y_2', \dots, y_2^{(n-1)})$  из  $\Pi_{ih_j}$  будет

$$|f(M_1) - f(M_2)| \leq A \sum_{j=0}^{n-1} |y_1^{(j)} - y_2^{(j)}|, \quad (3)$$

где  $A$  — некоторая положительная константа, а также выполняется условие (\*), то уравнение (1) при выполнении неравенства

$$\frac{A}{\Gamma(\alpha)} \left( \frac{l^\alpha}{\alpha} + \sum_{j=1}^{n-1} (\alpha-1)(\alpha-2) \dots (\alpha-(j-1)) l^{\alpha-j} \right) < 1 \quad (4)$$

имеет в классе  $L^{(j)}(0, 1)$  единственное решение  $y = y(x)$ , удовлетворяющее начальным условиям

$$\mathcal{D}^{(1-\alpha)} y(0) = y_0^{(n-1)} = \mathcal{D}^{(2-\alpha)} y(0) = y_0^{(n-2)} = \dots = \mathcal{D}^{(n-\alpha)} y(0) = y_0 = 0, \quad (5)$$

где  $\Gamma$  — гамма-функция,  $\mathcal{D}^{-\beta}$  — дробный интеграл порядка  $\beta > 0$ ,  $\mathcal{D}^\beta$  — дробная производная порядка  $\beta > 0$ .

## ОБ ОДНОМ НЕЛИНЕЙНОМ ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНОМ УРАВНЕНИИ ЧЕТВЕРТОГО ПОРЯДКА

М.П. Сидоревич, И.И. Гладкий (г. Брест, БЕЛАРУСЬ)

Рассматриваются дифференциальное уравнение вида

$$y^{(IV)} = Ay y''' + By' y'' + Cy^2 y'' + Dyy'^2 + Ey^3 y' + Fy^5, \quad (1)$$

где  $A, B, C, D$  и  $F$  — некоторые постоянные, и преобразование

$$T: (z; y) \rightarrow \left( \frac{az+b}{cz+d}; \frac{\Delta}{(cz+d)^2} w + \frac{\alpha c}{cz+d} \right),$$

где  $a, b, c, d, \alpha$  — постоянные, такие, что  $\Delta = ad - bc \neq 0$ ,  $\alpha \cdot c \neq 0$ .

Доказывается следующее: для того, чтобы уравнение (1) было инвариантно относительно преобразования  $T$ , необходимо выполнение условий:

$$A = 20\alpha^{-1}, \quad C = -(B\alpha + 120)\alpha^{-2}, \quad D = -6B\alpha^{-1}, \quad (2)$$

$$E = 10(B\alpha + 24)\alpha^{-3}, \quad F = -4(B\alpha + 24)\alpha^{-4}.$$

При выполнении условий (2) уравнение (1) запишется

$$w^{(IV)} = 20\alpha^{-1} w w''' + B w' w'' - (B\alpha + 120)\alpha^{-2} w^2 w'' - 6B\alpha^{-1} w w'^2 + 10(B\alpha + 24)\alpha^{-3} w^3 w' - 4(B\alpha + 24)\alpha^{-4} w^5 \quad (3)$$

Если уравнение (2) будет иметь частное решение  $w = \varphi(t)$ , то решением будет и функция

$$w(z) = \frac{\Delta}{(cz+d)^2} \varphi(t) + \frac{\alpha c}{cz+d}, \quad t = \frac{az+b}{cz+d} \quad (4)$$