В большинстве случаев при создании и расчете армированных композиционных материалов преобладают или полуэмпирические методы, или классические методы теории упругости, абстрагирующиеся от неизбежного наличия в композите различных дефектов типа трещин, расслоений, пузырей, что, естественно, не позволяет в полной мере реализовать упруго-прочностные свойства исходных компонентов. Таким образом, проблема расчета и создания, монолитных трещиностойких армированных композитов, безусловно, актуальна и далека до полного завершения.

УДК 539.3

# ИССЛЕДОВАНИЕ НАПРЯЖЕННО-ДЕФОРМИРОВАННОГО СОСТОЯНИЯ ТЕЛ ЦИЛИНДРИЧЕСКОЙ ФОРМЫ В УСЛОВИЯХ РАДИАЦИОННОГО РАСПУХАНИЯ И ПОЛЗУЧЕСТИ

## Веремейчик А.И., Хвисевич В.М.

Брестский государственный технический университет Брест, Республика Беларусь

Рассмотрим бесконечно длинный однородный круговой цилиндр с равномерным тепловыделением по сечению, который подвергается воздействию равномерного давления *P* со стороны внешней поверхности и находится в условиях радиационного распухания суммарным флюенсом быстрых нейтронов  $\Phi = \varphi t$  ( $\overline{E} > 0, 1 M \Rightarrow B$ ) с учетом тепловой и радиационной ползучести. Температура  $T_s$  на внешней поверхности считается известной на основании решения задачи теплообмена с окружающей средой. Исследуем напряженнодеформированное состояние (НДС) цилиндра при комплексном нагружении. Дифференциальное уравнение равновесия имеет вид [1]:

$$\sigma_r - \sigma_\theta + r \frac{d\sigma_r}{dr} = 0, \qquad (1)$$

где  $\sigma_r$ ,  $\sigma_{\theta}$  – радиальные и тангенциальные напряжения; *r* – текущий радиус. Граничные условия принимаются в виде:

при r=0:  $u_r = 0$ ; при r=R:  $\sigma_r = -P$ ; где R – наружный радиус.

В соответствии с принципом Сен-Венана, на торцах длинного цилиндра граничные условия не рассматриваются, т.к. производится анализ сечений, достаточно удаленных от торцов. Считаем, что поток быстрых нейтронов происходит по нормали к поверхности цилиндра.

Эмпирическая функция радиационного распухания принимается согласно [1]:

$$S(T(r),\varphi t) = 4,9 \cdot 10^{-51} \cdot (\varphi t)^{1,71} \cdot 10^{\frac{15490}{T} - \frac{5,98 \cdot 10^6}{T^2}},$$
(2)

где *t* – время, *T* – стационарное неоднородное температурное поле, являющееся функцией координаты [1, 2]:

141

$$T = T_s + \frac{q_v}{4\lambda} \left( R^2 - r^2 \right), \tag{3}$$

где  $q_v$  – интенсивность объемного тепловыделения равномерно распределенных внутренних источников тепла;  $\lambda$  – коэффициент теплопроводности.

Формулы обобщенного закона Гука при силовом и температурном нагружении с учетом радиационного распухания и ползучести имеют вид:

$$\varepsilon_{r} = \frac{1}{E} \left( \sigma_{r} - \nu \left( \sigma_{\theta} + \sigma_{z} \right) \right) + \varepsilon_{r}^{t} + \varepsilon_{r}^{sw} + \varepsilon_{r}^{cr},$$

$$\varepsilon_{\theta} = \frac{1}{E} \left( \sigma_{\theta} - \nu \left( \sigma_{r} + \sigma_{z} \right) \right) + \varepsilon_{\theta}^{t} + \varepsilon_{\theta}^{s} + \varepsilon_{\theta}^{cr},$$

$$\varepsilon_{z} = \frac{1}{E} \left( \sigma_{z} - \nu \left( \sigma_{\theta} + \sigma_{r} \right) \right) + \varepsilon_{z}^{t} + \varepsilon_{z}^{sw} + \varepsilon_{z}^{cr},$$
(4)

где  $\mathcal{E}_r$ ,  $\mathcal{E}_{\theta}$ ,  $\mathcal{E}_z$  – радиальные, тангенциальные и осевые деформации,  $\alpha$  – коэффициент линейного расширения материала,  $\nu$  – коэффициент Пуассона, E – модуль Юнга,  $\mathcal{E}^t$ ,  $\mathcal{E}^{sw}$  – деформации, вызванные температурным воздействием и радиационным распуханием материала соответственно ( $\mathcal{E}^t = \alpha \cdot T$ ,  $\mathcal{E}^{sw} = \frac{1}{3}S(T(r), \varphi t)$ ),  $\mathcal{E}^{cr}$  – деформации, обусловленные ползучестью материала. При расчетах необходимо учитывать, что деформация ползучести происходит при постоянном объеме материала, поэтому должно выполняться

$$\mathcal{E}_{r}^{cr} + \mathcal{E}_{\theta}^{cr} + \mathcal{E}_{z}^{cr} = 0.$$
<sup>(5)</sup>

Геометрические соотношения Коши, связывающие перемещения и деформации, имеют вид [1]:

$$\varepsilon_r = \frac{du_r}{dr}, \quad \varepsilon_\theta = \frac{u_r}{r}, \quad \varepsilon_z = 0.$$
 (6)

Принимая S = S(r) для фиксированного момента времени и решая совместно (4) и (5), выразим компоненты напряжений через перемещения:

$$\sigma_{r} = \frac{\lambda}{\nu} \cdot \left( (1-\nu) \cdot \varepsilon_{r} + \nu \cdot \varepsilon_{\theta} - (1+\nu) \cdot \left( \varepsilon_{r}^{t} + \varepsilon_{r}^{sw} \right) - (1-\nu) \varepsilon_{r}^{cr} - \nu (1-\nu) \varepsilon_{\theta}^{cr} - \nu \varepsilon_{z}^{cr} \right),$$

$$\sigma_{\theta} = \frac{\lambda}{\nu} \cdot \left( (1-\nu) \cdot \varepsilon_{\theta} + \nu \cdot \varepsilon_{r} - (1+\nu) \cdot \left( \varepsilon_{r}^{t} + \varepsilon_{r}^{sw} \right) - (1-\nu) \varepsilon_{\theta}^{cr} - \nu (1-\nu) \varepsilon_{r}^{cr} - \nu \varepsilon_{z}^{cr} \right),$$

$$\sigma_{z} = \frac{\lambda}{\nu} \cdot \left( \nu \cdot \left( \varepsilon_{r} + \varepsilon_{\theta} \right) - (1+\nu) \left( \varepsilon_{r}^{t} + \varepsilon_{r}^{sw} \right) - \varepsilon_{\theta}^{cr} - \varepsilon_{r}^{cr} - \frac{(1-\nu)}{\nu} \varepsilon_{z}^{cr} \right),$$
(7)

где  $\lambda = \frac{E\nu}{(1-2\nu)(1+\nu)}$  – параметр Ламе.

условие:

В результате совместного решения (7) и (1) получено неоднородное дифференциальное уравнение равновесия второго порядка:

$$\frac{d^{2}u_{r}}{dr^{2}} + \frac{1}{r}\frac{du_{r}}{dr} - \frac{u_{r}}{r^{2}} = \left(\alpha\frac{dT}{dr} + \frac{1}{3}\frac{dS}{dr}\right)\frac{1+\nu}{1-\nu} + \frac{1}{r}\left(\varepsilon_{r}^{p} - \varepsilon_{\theta}^{p}\right)(1-\nu) + \frac{d\varepsilon_{r}^{p}}{dr} + \nu\frac{d\varepsilon_{\theta}^{p}}{dr}.$$
(8)

с граничными условиями:

где

при 
$$r=0$$
:  $u_r = 0$ ; при  $r=R$ :  $\sigma_r = -P = \frac{\lambda}{\nu} \cdot \left( (1-\nu) \cdot \frac{du}{dr} + \nu \cdot \frac{u}{r} - (1+\nu) \cdot \left( \alpha T + \frac{1}{3}S \right) - \nu (1-\nu) \left( \varepsilon_r^{cr} + \nu \varepsilon_\theta^{cr} \right) - \nu \varepsilon_z^{cr} \right).$  (9)

Сначала весь интервал времени нагружения  $t_{\Sigma}$  разбивается на множество *n* шагов  $\Delta t : n = \frac{t_{\Sigma}}{\Delta t}$ . Затем в соответствии с методикой [1] решается дифференциальное уравнение (8) с граничными условиями (9) на нулевом шаге для момента времени t=0, при котором деформации ползучести отсутствуют. По выражениям (7) и (6) определяются компоненты тензора напряжения и деформаций соответственно.

Компоненты скорости деформации ползучести определяются на каждом временном шаге по формулам:

$$\dot{\varepsilon}_{r}^{cr} = \frac{3}{2} \frac{\dot{\varepsilon}_{u}^{cr}}{\sigma_{u}} \cdot (2\sigma_{r} - \sigma_{\theta} - \sigma_{z}),$$

$$\dot{\varepsilon}_{\theta}^{cr} = \frac{3}{2} \frac{\dot{\varepsilon}_{u}^{cr}}{\sigma_{u}} \cdot (2\sigma_{\theta} - \sigma_{r} - \sigma_{z}),$$

$$\dot{\varepsilon}_{z}^{cr} = \frac{3}{2} \frac{\dot{\varepsilon}_{u}^{cr}}{\sigma_{u}} \cdot (2\sigma_{z} - \sigma_{\theta} - \sigma_{r}),$$

$$\sigma_{u} = \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot \sqrt{(\sigma_{r} - \sigma_{\theta})^{2} + (\sigma_{\theta} - \sigma_{z})^{2} + (\sigma_{r} - \sigma_{z})^{2}} - \text{интенсивность напряже-}$$
(10)

ний,  $\dot{\varepsilon}_{u}^{cr}$  — закон терморадиационной ползучести, принимается согласно рекомендаций [2] в виде:

$$\dot{\varepsilon}_{u}^{cr} = 1,49 \cdot 10^{10} \cdot \sigma_{u}^{2,44} \cdot \exp(-63200 / T).$$
(11)

Тогда деформации ползучести на *n*-м шаге определяются из выражений:

$$\boldsymbol{\varepsilon}_{r(n)}^{cr} = \boldsymbol{\varepsilon}_{r(n-1)}^{cr} + \dot{\boldsymbol{\varepsilon}}_{r(n-1)}^{cr} \cdot \Delta t, 
\boldsymbol{\varepsilon}_{\theta(n)}^{cr} = \boldsymbol{\varepsilon}_{\theta(n-1)}^{cr} + \dot{\boldsymbol{\varepsilon}}_{\theta(n-1)}^{cr} \cdot \Delta t, 
\boldsymbol{\varepsilon}_{z(n)}^{cr} = \boldsymbol{\varepsilon}_{z(n-1)}^{cr} + \dot{\boldsymbol{\varepsilon}}_{z(n-1)}^{cr} \cdot \Delta t,$$
(12)

где  $\mathcal{E}_{(n-1)}^{cr}$ ,  $\dot{\mathcal{E}}_{(n-1)}^{cr}$  – составляющие деформации ползучести и скорости деформации ползучести на предыдущем временном шаге.

Найденные на рассматриваемом временном шаге компоненты деормации ползучести подставляются в дифференциальное уравнение (8) и граничные условия (9), затем на следующем шаге решается новое дифференциальное уравнение (8), определяются перемещения, компоненты напряжений и деформаций, и расчет повторяется.

Численный эксперимент проводился для аустенитной нержавеющей стали

ОХ16Н15М3Б [3], для которой 
$$\varphi = 2,81 \cdot 10^{19} \frac{\text{нейтр}}{cM^2 \cdot u}; \quad \alpha = 16 \cdot 10^{-6} \frac{1}{K}; \quad v = 0,3;$$

 $E = 1,5 \cdot 10^{11}$  Па;  $T_s = 973 K; \lambda = 12 \frac{Bm}{M^2 \cdot C}$ . При расчетах принималось:

$$R = 0,0027 \text{ } \text{} \text{} \text{} \text{} \text{} \text{} \text{} P = -10 \text{ } M\Pi a, \ t_{\Sigma} = 7000 \text{ } \text{} \text{} \text{} \text{} \text{} \text{} \text{} q_{\nu} = 2,234 \cdot 10^8 \frac{Bm}{M^3}.$$

По результатам расчетов определены компоненты тензора напряжений и деформаций и исследована их зависимость от радиуса цилиндра и времени нагружения. Проведено сравнение результатов исследования НДС с учетом и без учета терморадиационной ползучести.

#### СПИСОК ЦИТИРОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ

1. Хвисевич, В.М. Исследование напряженно-деформированного состояния сплошного цилиндра при температурном, механическом и радиационном нагружении / В.М. Хвисевич, А.И. Веремейчик // Вестник Брестского гос. техн. ун-та. – 2012. – № 4. – С. 25–28.

2. Ширвель, П.И. Прочность неравномерно нагретых цилиндрических тел в условиях ползучести и радиационного облучения / П.И. Ширвель, А.В. Чигарев, И.С. Куликов. – Минск: БНТУ, 2014. – 252 с.

3. Куликов, И.С. Прочность тепловыделяющих элементов быстрых газоохлаждаемых реакторов / И.С. Куликов, Б.Е. Тверковкин. – Минск: Наука и техника, 1984. – 103 с.

УДК 621.7/9.048.7

# МОДЕЛИРОВАНИЕ НАПРЯЖЕННО-ДЕФОРМИРОВАННОГО СОСТОЯНИЯ ОПОРЫ ИЗМЕЛЬЧАЮЩЕГО БАРАБАНА КОРМОУБОРОЧНОГО КОМБАЙНА

### М. И. Михайлов, К. М. Михайлов

Учреждение образования «Гомельский государственный технический университет имени П.О. Сухого»

Исследовано напряженно-деформированное состояние опор измельчающего барабана кормоуборочного комбайна. Выполнен анализ влияния нагрузки на напряжения, деформации и перемещения опор качения и модельной конструкции. Установлена эквивалентная конструкция, позволяющая сократить объем расчетов на ЭВМ.