

**МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ РЕСПУБЛИКИ БЕЛАРУСЬ**

Учреждение образования  
**«БРЕСТСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ  
ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»**

**Кафедра «ФИЗИКА»**

**ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА М9**

**«ДИСК МАКСВЕЛЛА»**

Учебно-методическая разработка по физике для студентов  
технических специальностей БГТУ

Брест 2001

УДК 53 (076.5)

Учебно-методическая разработка по физике «Лабораторная работа М9 «Диск Максвелла» содержит описание установки, методические указания к порядку выполнения лабораторной работы и задания для самостоятельной работы, а также необходимые теоретические сведения. В разработке также имеются вопросы для самопроверки и задачи по теме лабораторной работы для самостоятельного решения.

Учебно-методическая разработка предназначена для студентов всех технических специальностей БГТУ

Составители	Гладковский В. И.	профессор кафедры физики, к.ф.-м.н.
	Чопчиц Н. И.	доцент кафедры физики
Рецензент	Секержицкий В.С.	Проректор по научной работе Брестского государственного университета им. А.С. Пушкина, доцент, к.ф.-м.н.

## **1. ЦЕЛИ РАБОТЫ.**

- 1.1 Определить значение момента инерции диска прямым методом;
- 1.2 Определить значение моментов инерции диска методом наименьших квадратов;
- 1.3 Научиться строить физическую и математическую модель изучаемого явления.

## **2. ПРИБОРЫ И ПРИНАДЛЕЖНОСТИ.**

Установка FPM-03 для измерения времени движения диска, сменные накладки.

## **3. ОПИСАНИЕ УСТАНОВКИ.**

Общий вид установки показан на Рис. 1. Основание (1) оснащено регулируемыми ножками (2), которые позволяют произвести выравнивание прибора. В основании закреплена колонка (3), к которой прикреплен неподвижный верхний кронштейн (4) и подвижный нижний кронштейн (5). На верхнем кронштейне находится электромагнит (6), первый фотоэлектрический датчик (7) и вороток (8) для закрепления и регулирования длины бифилярной подвески маятника. Нижний кронштейн вместе с прикрепленным к нему вторым фотоэлектрическим датчиком (9) можно перемещать вдоль колонки и фиксировать в произвольно выбранном положении. Диск Максвелла (10) представляет собой закрепленный на оси диск, на который накладываются сменные накладки (11), что позволяет изменять момент инерции системы и ее массу.

## 4. ПОДГОТОВКА ПРИБОРА К РАБОТЕ

Проверьте заземление прибора. Работа с прибором допускается только при наличии заземления. Прибор начинает работу после нажатия кнопки "СЕТЬ". Измерение времени падения диска осуществляется следующим образом. Нажмите кнопку "СБРОС". Аккуратно (виток к витку) произведите намотку нитей бифиллярного подвеса до тех пор, пока диск не зафиксируется электромагнитом. Нажмите кнопку

"ПУСК". На табло индикации времени, прочитайте показание прибора: время поступательного перемещения оси диска Максвелла.

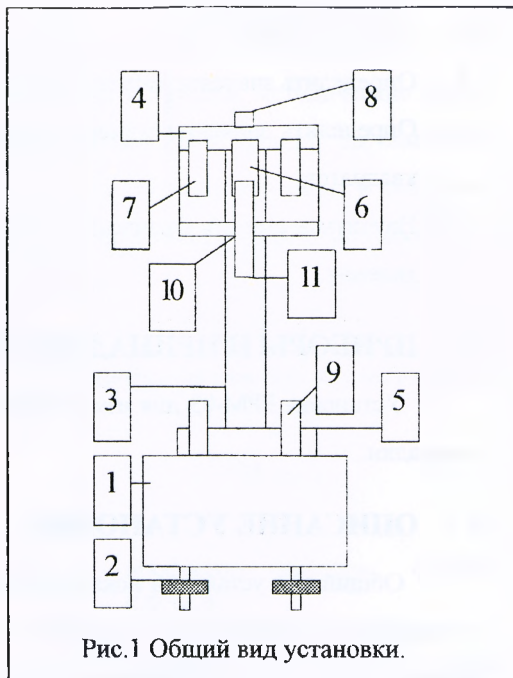


Рис. 1 Общий вид установки.

## 5. МЕТОДИКА ПРОВЕДЕНИЯ ИЗМЕРЕНИЙ

5.1 Выберите 5 значений высоты  $h_i$  перемещения диска Максвелла. Проведите измерения времени  $t_{ij}$  поступательного перемещения оси диска Максвелла по 3 раза для каждого из выбранных значений высоты.

5.2 Усредните для каждого из выбранных значений высоты значения времени перемещения  $t_{ij}$ , по формуле:  $t_i = \frac{1}{3} \sum_{j=1}^3 t_{ij}$ .

5.3 Определите ускорение  $a_c$  поступательного движения диска Максвелла для каждого значения высоты  $h_i$  и времени  $t_i$  при помощи формулы (6.2).

- **Определение момента инерции диска Максвелла прямым методом.**

5.4 При помощи формулы (6.3) определите экспериментальные значения момента инерции диска Максвелла  $(J_c)_{\text{эксп}}$ .

5.5 Найдите среднее значение момента инерции диска Максвелла  $\langle (J_c)_{\text{эксп}} \rangle$ .

5.6 Измеренные и вычисленные результаты занесите в самостоятельно составленную таблицу.

- **Определение момента инерции диска Максвелла методом наименьших квадратов.**

5.7 Самостоятельно составте таблицу значений  $X_i = (h_i - 2\sqrt{h_i \Delta h})$  и  $Y_i = t_i^2$ .

Нанесите полученные значения на график и убедитесь в том, что точки графика «ложатся» на некоторую прямую.

5.8 При помощи метода наименьших квадратов определите экспериментальное значение момента инерции диска Максвелла  $(J_c)_{\text{МНК}}$ .

5.9 Измеренные и вычисленные результаты занесите в самостоятельно составленную таблицу.

- **Определение теоретического значения момента инерции диска Максвелла.**

5.10 Определите теоретическое значение момента инерции диска Максвелла  $(J_c)_{\text{теор}}$ , используя сведения из параграфа 9.

## 6. ТЕОРИЯ РАБОТЫ

На данной установке можно провести прямые измерения времени движения диска Максвелла на заданном расстоянии  $h$ , причем движение начинается из состояния покоя. Величины  $m$  и  $r$  также доступны непосредственному измерению и мы будем считать их известными. В формулу (6.3) входят три неизвестных величины:  $g, J, a_c$ . Ускорение  $a_c$ , однако, лег-

ко может быть найдено по времени движения  $t$  и пройденному расстоянию  $h$ , т.к. в соответствии с (6.3) при сделанных предположениях  $a_c$  постоянно.

Поскольку начальная скорость равна нулю, то в идеально функционирующей установке мы имели бы  $h = \frac{a_c t^2}{2}$  и  $a_c = \frac{2h}{t^2}$ . К сожалению, из-за кон-

структивных особенностей установки отсчет времени начинается не сразу в момент начала движения, а тогда, когда система сместится на некоторое

расстояние  $\Delta h$ , равное, по нашим оценкам, примерно 3 мм. На первый взгляд кажется, что если, например, высота, проходимая диском, составляет  $h=30$  см, то поскольку  $\frac{\Delta h}{h} \approx 0,01$ , т.е. примерно 1%, то погрешностью в

определении ускорения по формуле  $a_c = \frac{2h}{t^2}$  можно вполне пренебречь.

Однако на самом деле это не так. Начав движение из состояния покоя система в конце участка  $\Delta h$  приобретает скорость  $V_0 = \sqrt{2a_c \Delta h}$ . Тогда для оставшегося участка длиной  $(h - \Delta h)$  можно записать

где  $t$  — время движения на этом участке, которое и измеряется на установке. Тогда

$$h - \Delta h = V_0 t + \frac{a_c t^2}{2},$$

где  $t$  — время движения на этом участке, которое и измеряется на установке. Тогда

$$2(h - \Delta h) = 2\sqrt{2a_c \Delta h} t + a_c t^2.$$

Решая это уравнение относительно  $a_c$ , находим

$$a_c = \frac{2h}{t^2} \left[ 1 + \frac{\Delta h}{h} - 2\sqrt{\frac{\Delta h}{h}} \right]. \quad (6.1)$$

При указанных выше численных значениях имеем  $\sqrt{\frac{\Delta h}{h}} \approx 0,1$  и относитель-

ная погрешность в определении величины  $a_c$  по формуле  $a_c = \frac{2h}{t^2}$  состав-

ляет уже не 1 %, а целых 20 %, что слишком много, если учесть точность, с которой измеряется время движения и расстояние, проходимое диском. На уровне относительной погрешности 1 % ускорение следует определять по формуле

$$a_c = \frac{2h}{t^2} \left( 1 - 2\sqrt{\frac{\Delta h}{h}} \right), \quad (6.2)$$

где мы пренебрегли величиной  $\frac{\Delta h}{h}$  по сравнению с единицей. Таким образом, в формулу

$$a_c = \frac{g}{1 + \frac{J_c}{mr^2}} \quad (6.3)$$

входят две величины  $g$  и  $J_c$ , которые непосредственно не определяются. Конечно, значение ускорения свободного падения  $g$  хорошо известно из других опытов и составляет примерно  $g \approx 9,81 \frac{M}{c^2}$ . Тогда из формулы (6.3) можно определить момент инерции  $J_c$  и сравнить полученное значение с результатом, рассчитанным по теоретическим формулам.

Применим метод наименьших квадратов. Вначале линеаризируем исследуемую зависимость. Приравнявая правые части формул (6.2) и (6.3), получим

$$\frac{2h}{t^2} \left[ 1 - 2\sqrt{\frac{\Delta h}{h}} \right] = \frac{g}{1 + \frac{J_c}{mr^2}}$$

или

$$t^2 = \frac{2}{g} \left( 1 + \frac{J_c}{mr^2} \right) (h - 2\sqrt{h\Delta h}) \quad (6.4)$$

Вводя обозначения

$$Y = t^2, \quad A = \frac{2}{g} \left( 1 + \frac{J_c}{mr^2} \right) \quad \text{и} \quad X = (h - 2\sqrt{h\Delta h})$$



уравнение (6.4) можно переписать в виде линейного уравнения

$$Y = AX. \quad (6.5)$$

Составляя сумму

$$S = \sum_{i=1}^n (Y_i - AX_i)^2, \quad (6.6)$$

определим параметр  $A$  из условия минимума суммы (6.6):

$$\frac{\partial S}{\partial A} = 2 \sum_{i=1}^n (Y_i - AX_i) X_i = 0.$$

Решая полученную систему линейных уравнений, находим значение параметра  $A$ :

$$A = \frac{\sum_{i=1}^n X_i Y_i}{\sum_{i=1}^n X_i^2}. \quad (6.7)$$

Зная значение параметра  $A$ , можно определить значение момента инерции диска Максвелла.

## 7. УРАВНЕНИЕ ДИНАМИКИ ВРАЩАТЕЛЬНОГО ДВИЖЕНИЯ ТВЕРДОГО ТЕЛА В НЕИНЕРЦИАЛЬНОЙ СИСТЕМЕ ОТСЧЕТА

Пусть абсолютно твердое тело вращается вокруг некоторой оси  $O$ , которая неподвижна относительно некоторой инерциальной системы отсчета (ИСО). Тогда, как известно, основное уравнение динамики вращательного движения тела имеет вид

$$J_0 \varepsilon = \sum M_0^e, \quad (7.1)$$

где  $J_0$  — момент инерции тела относительно оси  $O$ :  $J_0 = \sum m_i r_i^2$ , где  $m_i$  — масса  $i$ -той частицы тела,  $r_i$  — расстояние от  $i$ -той частицы до оси



О;  $\varepsilon = \frac{d\omega}{dt} = \frac{d^2\varphi}{dt^2}$  — угловое ускорение тела,  $\sum M_0^e$  — сумма моментов сил,

действующих на тело, относительно оси О. Рассмотрим, как изменится уравнение (7.1), если ось О, относительно которой происходит вращение тела, сама движется с некоторым ускорением  $\vec{a}$  относительно ИСО, оставаясь параллельной себе, т.е. поступательно. Перейдем в неинерциальную систему отсчета, движущуюся поступательно относительно ИСО с тем же ускорением  $\vec{a}$ , относительно которой ось неподвижна. В этой системе отсчета, наряду с силами, действующими на тело в ИСО, на каждую частицу тела будет действовать сила инерции, равная  $\vec{F}_i^p = -m_i\vec{a}$  и уравнение (7.1) примет вид

$$J_0\varepsilon = \sum M_0^e + \sum M_0^n$$

Напомним, что моментом силы относительно оси называется проекция на эту ось момента силы относительно любой точки, лежащей на этой оси. Пусть О — произвольная точка на оси О,  $\vec{r}_i$  — радиус-вектор частицы с массой  $m_i$  относительно точки О. Тогда момент силы инерции  $\vec{F}_i^n$ , действующей на  $i$ -тую частицу относительно точки О, равен векторному произведению радиуса-вектора частицы и вектора силы инерции:

$$\vec{M}_i^n = \vec{r}_i \times \vec{F}_i^n = -m_i \vec{r}_i \times \vec{a}.$$

Сумма этих моментов равна

$$\sum \vec{M}_i^n = -\sum (m_i \vec{r}_i) \times \vec{a} = -(\sum m_i \vec{r}_i) \times \vec{a}. \quad (7.2)$$

Здесь мы учли, что ускорение  $\vec{a}$  одно и то же для всех точек и вынесли его за знак суммы. Пусть  $m = \sum m_i$  — масса тела, С — его центр инерции, радиус-вектор которого равен

$$\vec{r}_c = \frac{\sum m_i \vec{r}_i}{\sum m_i} = \frac{\sum m_i \vec{r}_i}{m}.$$

Тогда (7.2) можно переписать в виде

$$\sum M_i^{\rho} = -m_c^{\rho} \times \dot{a} = \dot{r}_c^{\rho} \times \dot{F}^{\rho}, \quad (7.3)$$

где  $\dot{F}^{\rho} = -m\dot{a}$  — суммарная сила инерции, действующая на тело. Формула (7.3) показывает, что при вычислении суммы моментов сил инерции, действующих на отдельные частицы тела, можно считать, что к центру инерции тела приложена суммарная сила инерции  $\dot{F}^{\rho} = -m\dot{a}$  и вычислить ее момент — он и будет равен искомой сумме моментов. Пусть теперь ось  $O$  проходит через центр инерции  $C$  (будем ее называть в таком случае осью  $C$ ) и точка  $O$  совпадает с  $C$ . Тогда очевидно,  $\dot{r}_c^{\rho} = 0$  и  $\sum M_i^{\rho} = 0$ , т.е. сумма моментов сил инерции, действующих на отдельные частицы тела, относительно центра инерции равна нулю, следовательно, и сумма моментов сил инерции относительно оси  $C$ :  $\sum M_{ic}^{\rho} = 0$ . Это означает, что если ось вращения тела проходит через центр инерции  $C$ , то основное уравнение динамики вращательного движения тела имеет вид

$$J_c \varepsilon = \sum M_c^e \quad (7.4)$$

безотносительно к тому, покоится ли эта ось или движется ускоренно.

## 8. ДИСК МАКСВЕЛЛА

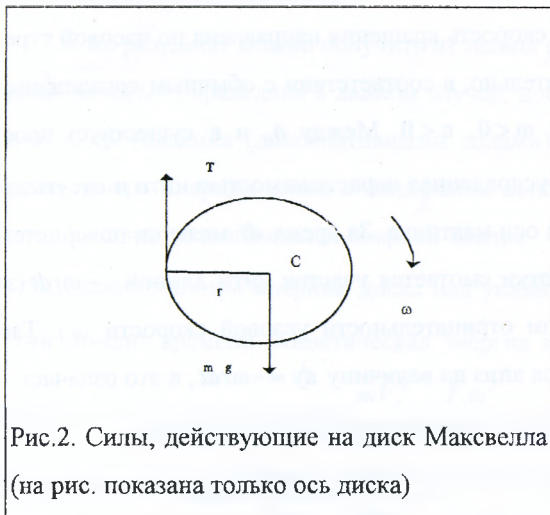


Рис.2. Силы, действующие на диск Максвелла (на рис. показана только ось диска)

Диск Максвелла представляет собой достаточно массивный диск, насаженный на ось небольшого радиуса  $r$ . На ось симметрично наматываются две нити. Если диск отпустить он начнет попеременно двигаться

вверх-вниз, совершая своеобразные колебания — отсюда и его второе название: маятник Максвелла. С течением времени эти колебания затухают вследствие наличия сил сопротивления. Заметим, что по разным причинам, на анализе которых мы останавливаться не будем, с течением времени возбуждаются и обычные колебания в направлении, перпендикулярном оси диска. На Рис. 2 показан вид маятника сбоку и силы, действующие на него :  $\overset{p}{T}$  — суммарная сила натяжения нитей и сила тяжести  $m\overset{p}{g}$ , приложенная к центру инерции. Силы сопротивления учитывать не будем, а нити будем считать вертикальными. Уравнение движения центра инерции в проекции на ось направленную вниз, имеет вид

$$ma_c = mg - T \quad (8.1)$$

где  $a_c$  — ускорение центра инерции,  $m$  — масса маятника. Ось вращения маятника в данном случае ускоренно движется вниз. Согласно параграфу 7 уравнение динамики вращательного движения имеет вид

$$J_c \varepsilon = -Tr \quad (8.2)$$

где  $r$  — радиус оси,  $J_c$  — момент инерции маятника относительно оси, проходящей через центр инерции. Рисунок соответствует движению маятника вниз, когда угловая скорость вращения направлена по часовой стрелке и увеличивается, следовательно, в соответствии с обычным соглашением о знаках угловых величин:  $\omega < 0$ ,  $\varepsilon < 0$ . Между  $a_c$  и  $\varepsilon$  существует простая кинематическая связь, обусловленная нерастяжимостью нити и отсутствием проскальзывания нити по оси маятника. За время  $dt$  маятник повернется на угол  $-\omega dt$  и с оси намотки сомотается участок нити длиной  $-\omega r dt$  (знак минус поставлен с учетом отрицательности угловой скорости  $\omega$ ). Таким образом точка С опустится вниз на величину  $dy = -\omega r dt$ , а это означает, что скорость центра инерции при перемещении вниз будет равна

$$V_c = \frac{dy}{dt} = -\frac{\omega r dt}{dt} = -\omega r.$$

Дифференцируя это соотношение по времени, получим

$$a_c = -\varepsilon r. \quad (8.3)$$

Подставляя (8.3) в (8.2), получим

$$J_c \frac{a_c}{r} = Tr,$$

откуда  $T = J_c \frac{a_c}{r^2}$ . Подставляя в (8.1), получим

$$ma_c = mg - J_c \frac{a_c}{r^2},$$

откуда

$$a_c = \frac{g}{1 + \frac{J_c}{mr^2}}. \quad (8.4)$$

Легко видеть, что формула (8.4) остается справедливой и при движении маятника вверх. Если нити абсолютно упруги, то по достижении центром инерции С наинизшей точки, его скорость изменит направление на

противоположное и маятник начнет двигаться вверх замедленно, но с тем же ускорением (8.4) по величине.

Тот же результат можно получить из закона сохранения механической энергии, который справедлив в данном случае, поскольку мы пренебрегаем силами сопротивления (диссипативными силами). Считая потенциальную энергию центра инерции диска в наинизшем положении равной нулю, получаем значение потенциальной энергии центра инерции диска:  $mgh_c$ , где  $h_c$  — положение центра инерции диска над указанным нулевым уровнем в данный момент времени. Кинетическая энергия вращающегося тела, движущегося поступательно, равна  $\frac{mV_c^2}{2} + \frac{J_c\omega^2}{2}$ . Тогда, согласно закону сохранения механической энергии, можно записать следующее соотношение:

$$mgh_c + \frac{mV_c^2}{2} + \frac{J_c\omega^2}{2} = mgh_{c\max},$$

где  $h_{c\max}$  — наибольшее значение положения центра инерции над нулевым уровнем в момент начала движения. Дифференцируя это выражение по времени и учитывая, что  $\frac{dh_c}{dt} = -V_c$  (напомним, что мы считаем положительной скорость  $V_c$ , если она направлена вниз, кроме того, поскольку  $h_c$

при этом убывает, то  $\frac{dh_c}{dt} < 0$ ) и  $\omega = -\frac{V_c}{r}$ ,  $\frac{dV_c}{dt} = a_c$ , получим

$$-mgV_c + \frac{1}{2}\left(m + \frac{J_c}{r^2}\right)2V_c a_c = 0,$$

откуда опять получаем формулу (8.4), ибо  $V_c$  не равно тождественно нулю.

## 9. МОМЕНТ ИНЕРЦИИ СПЛОШНОГО И ПОЛОГО ДИСКА

Абсолютно твердое тело можно рассматривать как систему частиц (материальных точек) с неизменными расстояниями между ними. Момент инерции твердого тела является аддитивной величиной и вычисляется по формуле

$$J = \sum_i \Delta m_i r_i^2, \quad (9.1)$$

где  $\Delta m_i$  — масса  $i$ -й частицы, а  $r_i$  — расстояние от  $i$ -й частицы до оси вращения.

Распределение массы в пределах тела можно охарактеризовать с помощью величины, называемой *плотностью*. Если тело однородно, то плотность  $\rho = \frac{m}{V}$ , где  $m$  — масса тела, а  $V$  — его объем. Для тела с неравномерно распределенной массой плотность в данной точке определяется следующим образом:

$$\rho = \lim_{\Delta V \rightarrow 0} \frac{\Delta m}{\Delta V} = \frac{dm}{dV}. \quad (9.2)$$

В этом выражении  $\Delta m$  — масса, заключенная в объеме  $\Delta V$ , который при предельном переходе стягивается к той точке, в которой определяется плотность. (Заметим, что предельный переход (9.2) нельзя понимать буквально. Уменьшение  $\Delta V$  следует производить только до тех пор, пока не будет получен физически бесконечно малый объем, под которым понимают такой объем, который, с одной стороны, достаточно мал для того, чтобы макроскопические свойства в пределах его можно было считать одинаковыми, а с другой стороны, достаточно велик для того, чтобы не могла проявиться дискретность вещества.)

Выражая из (9.2) элементарную массу  $\Delta m_i = \rho_i \Delta V_i$ , момент инерции (9.1) можно представить в виде



$$J = \sum_i \rho_i r_i^2 \Delta V_i, \quad (9.4)$$

Соотношения (9.1) и (9.4) являются приближенными, причем тем более точными, чем меньше элементарные объемы  $\Delta V_i$  и соответствующие им элементарные массы  $\Delta m_i$ . Следовательно, задача нахождения моментов инерции сводится к интегрированию

$$J = \int_V \rho r^2 dV. \quad (9.5)$$

Интеграл в (9.5) берется по всему объему тела. Величины  $\rho$  и  $r$  в этом интеграле являются функциями координат рассматриваемой точки твердого тела.

Вычислим по формуле (9.5) момент инерции сплошного диска относительно оси  $OO$ , перпендикулярной к плоскости диска и проходящей через его центр (рис. 3). Разобьем диск на кольцевые слои шириной  $dr$ . Все точки одного слоя можно считать находящимися на одинаковом расстоянии от оси равном  $r$ . Объем такого слоя равен  $dV = 2\pi r b dr$ , где  $b$  — толщина диска (на Рис. 3 не показана). Поскольку диск однороден, то его плотность во всех точках одинакова и  $\rho$  можно вынести за знак интеграла:

$$J = \int \rho r^2 dV = \rho \int_0^R r^2 2\pi r b dr = 2\pi b \rho \int_0^R r^3 dr = 2\pi b \rho \frac{R^4}{4},$$

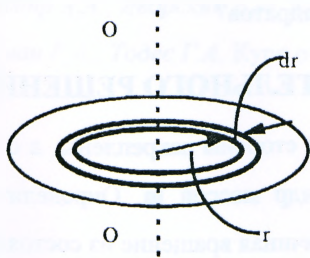


Рис. 3. К расчету момента инерции диска.

Учитывая однородность диска, его плотность можно определить по формуле:

$$\rho = \frac{m}{V} = \frac{m}{\pi R^2 b}.$$

Тогда для

момента инерции диска получим следующее выражение

$$J = \frac{mR^2}{2}. \quad (9.6)$$



Момент инерции полого диска относительно оси, перпендикулярной к плоскости диска и проходящей через его центр, вычисляется по формуле

$$J = \int \rho r^2 dV = \rho \int_{R_1}^{R_2} r^2 2\pi r b dr = 2\pi b \rho \int_{R_1}^{R_2} r^3 dr. \quad (9.7)$$

Дальнейшие вычисления предлагается провести самостоятельно.

## 10. ВОПРОСЫ ДЛЯ САМОПРОВЕРКИ.

- 10.1 Сформулируйте основное уравнение динамики вращательного движения и определения физических величин, входящих в него.
- 10.2 Как рассчитать момент инерции твердого тела?
- 10.3 Что показывает угловая скорость?
- 10.4 Что показывает угловое ускорение?
- 10.5 Получите формулу ускорения поступательного перемещения оси диска Максвелла при помощи динамического подхода.
- 10.6 Получите формулу ускорения поступательного перемещения оси диска Максвелла из энергетических соображений.
- 10.7 Выведите формулу для расчета момента инерции полого диска.
- 10.8 Как экспериментально определить значение момента инерции диска Максвелла прямым методом?
- 10.9 Как определить значение момента инерции диска Максвелла при помощи метода наименьших квадратов?

## 11. ЗАДАЧИ ДЛЯ САМОСТОЯТЕЛЬНОГО РЕШЕНИЯ

- 11.1 Два шнура длиной  $L$  с верхней стороны закреплены, а с нижней – полностью намотаны на цилиндр массой  $m$ . Определить момент инерции  $J$  цилиндра, если он, начиная вращение из состояния покоя, за время  $t_1$  приобрел угловую скорость  $\omega_1$ .
  - За какое время произойдет полная размотка шнуров?

- Найти кинетическую энергию цилиндра в этот момент времени.
  - Какие дополнительные величины можно определить в данной физической ситуации?
- 11.2 Два шнура длиной  $L$  с верхней стороны закреплены, а с нижней – намотаны на вал маховика диаметром  $D$ . На обод маховика, изготовленного в виде сплошного однородного цилиндра, полностью намотана другая нить длиной  $L_2$  с привязанным к ней грузом массой  $m_2$ . Масса цилиндра  $m$ . Определить момент инерции  $J$  вала с маховиком, если, начиная вращение из состояния покоя, установка приобрела за время  $t_1$  угловую скорость  $\omega_1$ . За какое время произойдет полная размотка шнуров? Найти кинетическую энергию установки в этот момент времени. Какие дополнительные величины можно определить в данной физической ситуации?
- 11.3 Придумайте самостоятельно усложненный вариант рассмотренной выше физической ситуации. Составьте ее математическую модель. Покажите сколько конкретных условий задач можно составить на основе такой физической ситуации.

## 12. ЛИТЕРАТУРА

- 12.1 Савельев И.В. Курс общей физики. Т.1. М., "Наука". 1982.
- 12.2 Детлаф А.А., Яворский Б.М. Курс физики. М. "Высшая школа". 1989.
- 12.3 Зисман Г.А., Тодес Г.А. Курс общей физики. Киев, "Дніпро". 1994.

## ОГЛАВЛЕНИЕ

<b>1. ЦЕЛИ РАБОТЫ:</b> .....	<b>3</b>
<b>2. ПРИБОРЫ И ПРИНАДЛЕЖНОСТИ:</b> .....	<b>3</b>
<b>3. ОПИСАНИЕ УСТАНОВКИ.</b> .....	<b>3</b>
<b>4. ПОДГОТОВКА ПРИБОРА К РАБОТЕ</b> .....	<b>4</b>
<b>5. МЕТОДИКА ПРОВЕДЕНИЯ ИЗМЕРЕНИЙ</b> .....	<b>4</b>
<b>6. ТЕОРИЯ РАБОТЫ</b> .....	<b>5</b>
<b>7. УРАВНЕНИЕ ДИНАМИКИ ВРАЩАТЕЛЬНОГО ДВИЖЕНИЯ ТВЕРДОГО ТЕЛА В НЕИИЕРЦИАЛЬНОЙ СИСТЕМЕ ОТСЧЕТА</b> .....	<b>8</b>
<b>8. ДИСК МАКСВЕЛЛА</b> .....	<b>11</b>
<b>9. МОМЕНТ ИНЕРЦИИ СПЛОШНОГО И ПОЛОГО ДИСКА</b> .....	<b>14</b>
<b>10. ВОПРОСЫ ДЛЯ САМОПРОВЕРКИ</b> .....	<b>16</b>
<b>11. ЗАДАЧИ ДЛЯ САМОСТОЯТЕЛЬНОГО РЕШЕНИЯ</b> .....	<b>16</b>
<b>12. ЛИТЕРАТУРА</b> .....	<b>17</b>

## УЧЕБНОЕ ИЗДАНИЕ

Составители: Гладковский Виктор Иванович  
Чопчиц Николай Игнатьевич

### УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКАЯ РАЗРАБОТКА «ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА М9 «ДИСК МАКСВЕЛЛА»

по физике для студентов  
технических специальностей БГТУ

Ответственный за выпуск: Гладковский В.И.

Редактор: Т.В. Строкач

Технический редактор: Никитчик А.Д.

Корректор: Никитчик А.Д.

Художник В.И. Гладковский

Набор и компьютерная верстка В.И. Гладковский

---

Подписано к печати 22.06.2001. Формат 60x84 1/16. Бумага писч. Гарни-  
тура «Times New Roman». Усл. печ. л. 1,1. Уч. изд. л. 1,25. Тираж 120 экз.  
Заказ № 554. Отпечатано на ризографе учреждения образования  
«Брестский государственный технический университет». – 224017, г.Брест,  
ул. Московская, 267.