

Максимальная запыленность воздуха наблюдается при работе комбайна в нижней части лавы, где еще не происходит полного перераспределения пыли.

На вентиляционном штреке в 10 м от сопряжения с лавой запыленность воздуха снижается до 170–210 мг/м<sup>3</sup>. На погрузочных пунктах она составляет 15–110 мг/м<sup>3</sup>, на поступающей струе в лаву – 10–15 мг/м<sup>3</sup> и на исходящей струе лавы – 70–230 мг/м<sup>3</sup>. В подготовительных забоях концентрация пыли составляла: на рабочем месте машиниста 110–230 мг/м<sup>3</sup>, в пяти метрах от комбайна 620–1200 мг/м<sup>3</sup>.

При размере частиц пыли до 10 мкм датчик можно установить в любой точке сечения выработки. При размере частиц более 10 мкм и при установке датчика в произвольном месте необходимо учитывать коэффициент поля концентрации пыли. Датчики контроля запыленности воздуха целесообразно устанавливать на расстояния 20–40 м от источника пылеобразования.

Определив концентрацию в начальном сечении, нетрудно установить среднюю запыленность воздуха в любом сечении и на любом расстоянии от источника пылеобразования. При этом частота опроса зависит от среднего значения контролируемой величины и продолжительности технологического процесса, а длительность одного замера рассчитывается по методу малой выборки.

Московский горный институт

УДК 622.271.01

Ю.П.Ашаев, Г.Н.Андреева

К ВОПРОСУ ОЦЕНКИ МЕТОДОВ ПРИБЛИЖЕННОГО РЕШЕНИЯ  
ГОРНО-ГЕОМЕТРИЧЕСКИХ ЗАДАЧ С ПРИМЕНЕНИЕМ ЭВИ НА ОСНОВЕ  
ИСПОЛЬЗОВАНИЯ ДИСКРЕТНЫХ ИСХОДНЫХ ДАННЫХ

Разработки автоматизированных методов проектирования карьеров создали основу для быстрого развития математического моделирования месторождений и карьеров. Под математическим моделированием понимается способ отображения горно-геологической информации в памяти ЭИМ, позволяющий в пределах заданной точности осуществлять проектную или действительную разработку месторождения.

Вопросы математического моделирования месторождений и карьеров наиболее полно раскрыты в работах ведущих советских ученых

В.В.Ржевского, А.И.Арсентьева, В.С.Хохрякова, М.Т.Новожилова, И.Б.Табакмана и др., и в настоящее время их актуальность все больше возрастает в связи с широким внедрением ЭВМ в область горной науки.

Математическое моделирование включает в себя задачу описания геометрических элементов карьеров, предусматривающую заданную информацию о горных выработках, границах карьерного поля, контурах рудных тел.

Описание элементов месторождений и карьеров и дальнейшая их обработка в ЭВМ при автоматизированном проектировании требуют применения математических методов, различающихся как по сложности реализации, так и по точности конечных результатов. Решение вопроса применения конкретных математических методов для геометрического описания элементов месторождений и карьеров находится в прямой зависимости от сложности моделируемого месторождения.

Для однородных горизонтальных месторождений и в большинстве случаев для горизонтальных сложноструктурных многокомпонентных месторождений применяются простые геометрические и цифровые модели месторождений, аппроксимирующие криволинейные контуры и поверхности кусочно-линейными зависимостями.

Для горизонтальных, наклонных и крутопадающих месторождений применяются как цифровые, так и аналитические модели месторождений, описывающие криволинейные контуры и поверхности в виде полиномов [5].

В данной статье рассматриваются вопросы сравнительного анализа некоторых методов аппроксимации с последующим подсчетом площадей с точки зрения точности данных методов и сложности их реализации на ЭВМ.

Задача подсчета площадей фигур, ограниченных замкнутым контуром или рядом точек, возникает при решении различных задач горно-геометрического анализа карьерных моделей. К таким задачам можно отнести задачу подсчета объемов полезного ископаемого при подвигании фронта в пределах некоторых этапов отработки, задачу определения различных коэффициентов вскрыши и т.д. Поэтому при мер подсчета площадей, приведенный в статье, является, с нашей точки зрения, наиболее характерным.

Определение числовых значений погрешностей на основании общих аналитических формул в каждом конкретном случае является

или затруднительным или вообще невозможным. Кроме того, часто математический процесс обработки информации предусматривает использование нескольких математических методов, и итоговое значение ошибки в конечном результате точно выразить невозможно. В этом случае используется стандартная формула определения относительной погрешности (1), которая в каждом отдельном случае дает точный результат и может характеризовать весь процесс математической обработки информации в целом

$$\delta_{от} = \frac{u_p - u_{ст}}{u_{ст}} \cdot 100, \quad (1)$$

где  $\delta_{от}$  - относительная погрешность;

$u_{ст}$  - эталонное (абсолютное) значение функции;

$u_p$  - реальное (вычисленное) значение функции.

При математическом моделировании чаще всего применяют следующие методы аппроксимации, которые и рассматриваются в статье:

- кусочно-линейные;
- сплайн-функция (кубические сплайны);
- полиномы  $n$ -й степени (конкретно был использован метод наименьших квадратов [2],  $n = 3$ ).

Для подсчета площадей использованы следующие методы: для кусочно-линейной аппроксимации - метод треугольников, дающий в этом случае погрешность, равную нулю; для полиномов 3-й степени - метод аналитического интегрирования, также дающий погрешность, равную нулю; для сплайн-функций применялись численные методы и для аппроксимации и для подсчета площадей, позволяющие сразу получить конечный результат на ЭВМ [1, 3]. В итоге учитывалась суммарная погрешность аппроксимации и подсчета площадей. Кроме того, для сравнения получены результаты подсчета площадей по методу палетки [4].

Для анализа исследовались две функции. Функция  $y^2 + (x-10)^2 = 10^2$  (рис.1), характерная для месторождений с простой геометрической конфигурацией. И  $y = x^3 - 3,6x^2 + 2,32x + 2,6723$  (рис.2), характерная для месторождений и карьеров со сложной геометрией.

На основании уравнений (2, 3) были получены точные значения координат точек, лежащих на кривой, что позволило ликвидировать ошибки за счет ручного счета и кодирования информации.

Ниже в табл.1, 2, 3, 4 приводятся данные подсчета площадей и относительных погрешностей для различных методов.

Для анализа степени сложности реализации метода на ЭВМ воспользуемся критериями, предлагаемыми Б.С.Хохряковым [5].

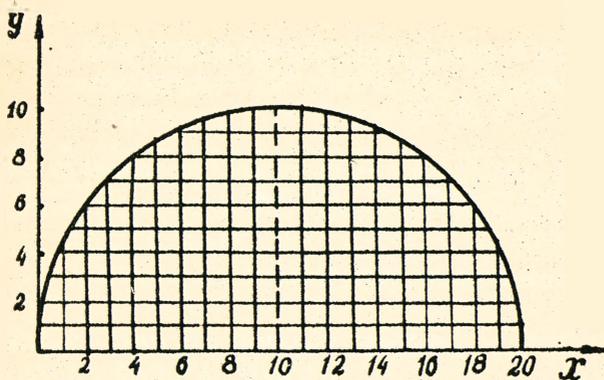


Рис.1.

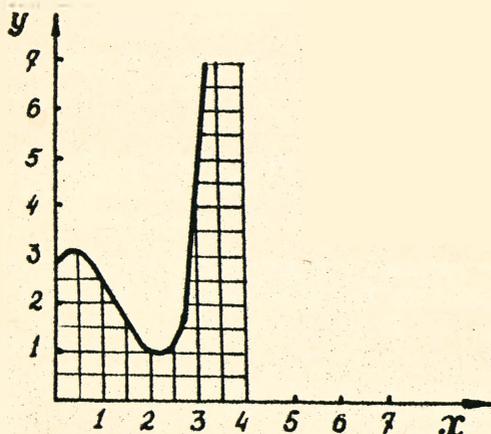


Рис.2.

1. Информационная емкость (необходимый объем памяти ЭМ для хранения числовой информации).

2. Точность моделирования (относительная погрешность).

По первому критерию наиболее рациональным является метод палетки. В этом случае необходимо хранить в памяти ЭМ только признаки точек или блоков, входящих в подсчитываемый контур.

Таблица 1

Расчет площадей и относительных погрешностей  
 для уравнения  $Y = \sqrt{10^2 - (X-10)^2}$  на интервале  
 $X \in [0, 20]$  с шагом 5

| Метод  | Полученная<br>аналитиче-<br>ская зави-<br>симость | Эталонная<br>площадь | Расчетная<br>площадь | Отклонения | Относитель-<br>ная погреш-<br>ность, % |
|--|---|----------------------|----------------------|------------|--|
| Кубочно-линейная аппроксимация                         |   |                      |                      |            |  |
| Вписанный<br>многоуголь-<br>ник                        |   | 157,0790             | 141,4000             | -15,6790   | 9,9816                                 |
| Описанный  |   |                      | 165,6000             | + 8,5210   | 5,4246                                 |
| Среднее  |   |                      | 153,5000             | - 3,5790   | 2,2784                                 |
| Метод па-<br>летки                                     |   | 157,0790             | 137,5000             | -19,5790   | 12,4644                                |
| Аппрокси-<br>мация по-<br>линомами<br>3-й сте-<br>пени | $Y = -0,1066X^2 +$<br>$+2,1326X +$<br>$+0,1326$   | 157,0790             | 145,1720             | - 11,9070  | 7,5802                                 |
| Метод<br>сплайнов                                      |   | 157,0790             | 139,6850             | -17,3940   | 11,0710                                |

Таблица 2

Расчет площадей и относительных погрешностей  
 для уравнения  $Y = \sqrt{10^2 - (X-10)^2}$  на интервале  $X$   
 $\in [0, 20]$  с шагом 2

| Метод   | Полученная<br>аналитиче-<br>ская зави-<br>симость | Эталонная<br>площадь | Расчетная<br>площадь | Отклонение | Относитель-<br>ная погреш-<br>ность, % |
|---|---|----------------------|----------------------|------------|--|
| Кусочно-линейная аппроксимация                    |   |                      |                      |            |  |
| Вписанный<br>многоуголь-<br>ник                   |   | 157,0790             | 154,5000             | -2,5790    | 1,6418                                 |
| Описанный   |   |                      | 158,4000             | +2,3210    | 0,8409                                 |
| Среднее   |   |                      | 156,4500             | -0,6290    | 0,4004                                 |
| Метод па-<br>летки                                |   | 157,0790             | 154,0000             | -3,0790    | 1,9671                                 |
| Аппрокси-<br>мация поли-<br>номами 3-й<br>степени | $Y = -0,0963x^3 +$<br>$+1,9251x +$<br>$+1,1271$   | 157,0790             | 150,7620             | -6,3170    | 4,0210                                 |
| Метод сплайнов                                    |   | 157,0790             | 158,8220             | +1,7430    | 1,1090                                 |

Таблица 3

Расчет площадей и относительных погрешностей  
для уравнения  $Y=X^3-3,6X^2+2,32X+2,672$  на  
интервале  $X [0,4]$  с шагом 1

| Метод                                | Полученная аналитическая зависимость   | Эталонная площадь | Расчетная площадь | Отклонение | Относительная погрешность, % |
|--------------------------------------|--|-------------------|-------------------|------------|------------------------------|
| Кусочно-линейная аппроксимация       |  | 16,4682           | 18,0480           | +1,5798    | 9,59                         |
| Метод палетки                        |  | 16,4682           | 17,7500           | +1,2818    | 7,7810                       |
| Аппроксимация полиномами 3-й степени | $Y=1,0420X^3-3,8703X^2+2,7284X+2,6863$ | 16,4682           | 16,5840           | +0,0158    | 0,0905                       |
| Метод сплайнов                       |  | 16,4682           | 16,6570           | +0,1888    | 1,1480                       |

Таблица 4

Расчет площадей и относительных погрешностей  
для уравнения  $Y=X^3-3,6X^2+2,32X+2,672$   
на интервале  $X [0,4]$  с шагом 0,5

| Метод                                | Полученная аналитическая зависимость   | Эталонная площадь | Расчетная площадь | Отклонение | Относительная погрешность, % |
|--------------------------------------|--|-------------------|-------------------|------------|------------------------------|
| Кусочно-линейная аппроксимация       |  | 16,4682           | 16,4730           | +0,0048    | 0,0299                       |
| Метод палетки                        |  | 16,4682           | 16,5000           | +0,0318    | 0,1930                       |
| Аппроксимация полиномами 3-й степени | $Y=1,0383X^3-3,8186X^2+2,5988X+2,6660$ | 16,4682           | 16,4800           | +0,0118    | 0,0730                       |
| Метод сплайнов                       |  | 16,4682           | 16,4130           | -0,0552    | 0,3350                       |

В случае кусочно-линейной аппроксимации в памяти ЭМ хранятся или координаты точек перегиба или коэффициенты линейных уравнений для каждого линейного участка. Для случая аппроксимации полиномами  $n$ -й степени и сплайнами необходимо хранение коэффициентов полиномов или коэффициентов сплайн-функций и ряда характерных признаков. Таким образом, с точки зрения информативной емкости наиболее приемлемыми являются метод палетки и метод кусочно-линейной аппроксимации и более емкими – методы сплайн-функций и полиномов  $n$ -й степени. Кроме того, сложность построения алгоритма и объем вычислений для метода сплайн-функций и метода аппроксимации полиномами значительно выше.

Точность моделирования при использовании метода сплайн-функций и метода аппроксимации полиномами даже при разреженной сетке является вполне удовлетворительной, а также зависит от формы и характера кривой; чем больше кривая соответствует аппроксимирующей зависимости, тем точность выше.

Для метода палетки и метода кусочно-линейной аппроксимации точность в основном определяется интервалом сетки и характером кривизны кривой в точке снятия координат.

Приведенные выше расчетные данные и их последующий анализ позволяют при автоматизированном проектировании карьеров руководствоваться выбором того или иного метода в зависимости от требований и точности моделирования; характера кривизны линий контуров карьера, фронта горных работ и т.д.; имеющегося математического обеспечения ЭМ.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Альберт Д., Нильсон Ж., Уолш Д. – Теория сплайнов и её приложения. – М.: Мир, 1972.
2. Демидович Б.П., Марон И.А., Чувалов Э.З. – Численные методы анализа. – М.: Наука, 1967.
3. Завьялов Ю.С., Квасов Б.И., Мирошниченко В.Л. – Методы сплайн-функций. – М.: Наука, 1980.
4. Поэлементные операции с матрицами на ЭМ БЭСМ-4 /Подсчет запасов методом числовой модели и создание геолого-промышленных карт продуктивных тел (ПЗМ-2). – Инструктивные указания (серия УП, подсчет запасов, выпуск II). – Алма-Ата: КОМЭ МГ КазССР, 1976.
5. Хохряков В.С. Проектирование карьеров. – М.: Недра, 1980.

КазПИ им. В.И.Ленина,  
каф. ТРМ