

$$\tau^1 = \rho_1 = 2,4; \varphi_1 = 1,33; \alpha = 0,24; \gamma = 0,258; a = 1,74;$$

$$\tau^2 = \rho(\varphi_2) = 7,7; \varphi_2 = 5,76; \rho_2 = 4,9; \tau' \approx 8,9.$$

Расчеты показывают, что для равномерно расширяющегося, со скоростью 1 м/сутки, источника загрязнения при скорости окружения 4 м/сутки локализовать его в зоне шириной до 10 м удастся только на 9 сутки.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Моделирование процессов в природно-экономических условиях// Под ред. *В.И.Гурмана* и *А.И.Москаленко*. – Новосибирск: Наука, 1982. – 175 с.
2. *Анохин Ю.А.* Некоторые вопросы математического моделирования процессов, циркуляции веществ в природных геофизических средах. – В кн.: Проблемы экологического мониторинга и моделирования экосистем. Т. 2, Л.; Гидрометеиздат, 1979. – С. 147-160.
3. Оптимальное управление природно-экономическими системами// Под ред. *В.И.Гурмана*. М.: Наука, 1980. – С. 42-66.
4. *Бурлибаев М.Ж., Волчек А.А., Шведовский П.В.* Проблемы оптимизации природопользования и природообустройства в математических моделях и методах. Алматы, Каганат, 2003. – 532 с.

УДК 502.3:550.8.053+631.6

ОСОБЕННОСТИ ПРОГНОЗИРОВАНИЯ КАТАСТРОФИЧЕСКИХ ИЗМЕНЕНИЙ В СТРУКТУРЕ ЭКОЛОГИЧЕСКИХ СИСТЕМ

*Волчек А.А., *Шведовский П.В., *Лукша В.В. **Бурлибаев М.Ж.
Брестский государственный технический университет, г. Брест, Беларусь,
Казахстанское Агентство Прикладной Экологии, г. Алматы, Казахстан

Изменения в динамике протекания многих природных процессов в последние десятилетия прошлого столетия привели к некоторому нарушению глобального равновесия, что и обусловило неопределенность состояния природной среды и соответственно стратегии и тактики в управлении ландшафтно-экологическими, водно-ресурсными и другими природными системами.

Высокая цена ошибочных решений при прогнозировании их изменений обуславливает необходимость совершенствования методологии системно-информационного анализа процессов и базирования прогнозов не на классических моделях, а на моделях, использующих аппарат производящих функций и принцип максимума неопределенности [1, 2, 3].

Принципиальным отличием катастрофических изменений природных систем от катастрофических изменений в большинстве эргономических и экономических процессов и систем, является неопределенность и искажаемость «массовой» информации о прогнозируемых условиях функционирования атмосферы, гидросферы и литосферы.

Концептуально система таких прогнозных исследований может быть описана следующим образом: известны начальные (A_1) и/или конечные (A_n) и/или последовательные состояния A_1, A_2, \dots, A_m системы и /или последовательность переходов $\bar{A}_1, \bar{A}_2, \dots, \bar{A}_m$; нужно отыскать одно из неизвестных состояний, либо элементы системы a_1, a_2, \dots, a_m системы и ее структуру $\vec{a}_1, \vec{a}_2, \dots, \vec{a}_m$.

Для этих прогнозных исследований в целом применимы следующие группы подходов: ситуационные, имитационные, системно-информационные, общесистемные, органоморфные, термодинамические и искусственного интеллекта. Особенности подходов определяют и множество имеющихся групп решений как теоретических, на базе математической логики, абстрактной алгебры, детерминированного дифференциального и интегрального исчисления, интегральной алгебры и теории ошибок, категорий, множеств и мер, нечетких множеств, мер и интегралов, так и модельных – графовых, логико-динамических, композиционных, стохастических, нейросетевых, категорных и тензорных.

Конфликтная природа процессов требует формализации неопределенной (неоднозначной, недостоверной, неизвестной) информации методами математических теорий. Наиболее эффективными являются теория нечетких интегралов, множеств и нечетких мер, базирующиеся на нечетких процессах.

С математической точки зрения нечеткая мера $q(\bullet)$ является однопараметрическим расширением вероятностной меры, которая удовлетворяет условиям ограниченности, монотонности и непрерывности, а нечеткий процесс – это процесс, состояние которого в каждый момент времени $t \in T$ может быть описано некоторым распределением нечеткости $\mu_t(\omega) \in F(\Omega)$ на пространстве состояний процесса Ω .

Состояние любой системы может быть определено совокупностью динамических процессов, которые формируются действием совокупности внешних и внутренних факторов $x = \{x_k\}$, при этом для фактора $x_k \in X$ возможное состояние процесса ограничивается некоторым нечетким процессом, описываемым нечетко-интегральным уравнением вида:

$$\sigma_{x_k} \left(\frac{\omega}{t_{np}} \right) = \int_T h_{x_k}(\omega, t_{np}) \cdot \int_{\Psi_T(\omega)} f_{t_{np}}(\omega) \cdot g_\omega(\bullet), \quad (1)$$

где $t_{np} \in T$; T – нечеткий временной интервал прогноза; $\sigma_{x_k} \left(\frac{\omega}{t_{np}} \right)$ – функция распределения нечеткой меры (нечеткости) на T , связывающей пространства T и Ω т.е. $\sigma_{x_k} \left(\frac{\omega}{t_{np}} \right) / T \rightarrow [0,1]$; $\int(\bullet)$ – нечеткий интеграл; $g_\omega(\bullet)$ – расширенная нечеткая мера; $h_{x_k}(\omega, t_{np})$ – функция преобразования нечеткой динамической системы, определяющей её динамику и $h_{x_k}(\omega, t_{np}) / (\Omega \times T) \times \Omega \rightarrow [0,1]$; $f_{t_{np}}(\omega)$ – функция распределения плотности произвольного нечеткого множества.

С учетом функции важности $p(x)$ нечетко-интегральное уравнение принимает вид:

$$\sigma'_{x_k}(\omega, t_{np}) = (p(x_k))_{\ell_F} \cdot \sigma_{x_k}(\omega, t_{np})^{p(x_k)}_{q_F}. \quad (2)$$

Мера соответствия $\mu^m(\omega)$ истинному состоянию нечеткого процесса может определяться мерой возможности (оптимистический) или мерой необходимости (пессимистический вариант), т.е.

$$\begin{cases} v(\mu^u, \mu^m) = \min_{\omega \in \Omega} \{ \mu^u(\omega); \mu^m(\omega) \} \\ v(\mu^u, \mu^m) = \max_{\omega \in \Omega} \{ \mu^m(\omega); 1 - \mu^u(\omega) \} \end{cases} \quad (3)$$

Полагая, что эффективность управления нечеткой динамической системой определяется множеством критериев $\Theta(v)$ с нечеткой мерой их важности $q^\ominus(\bullet): 2^\ominus \rightarrow [0,1]$, в общем случае потери (ухудшение, изменение) $\ell(v, u)$ по каждому из показателей (факторов, условий) $v \in \Omega$ зависят от выбора управления $u(t, \omega) \in U$ в конкретный момент времени и для конкретного состояния системы, т.е. $\ell(v, u): \Theta \times U \rightarrow [0,1]$. При этом нечеткое отношение $\ell(v, u)$ характеризует распределение меры возможности потерь по $v \in \Omega$ при $u \in U$, а $\ell'(v, u)$ – меру выгоды и $\ell'(v, u) = 1 - \ell(v, u)$.

И тогда соответственно выигрыш по всем критериям в текущий момент времени определится зависимостью $\ell'_\ominus(u) = \int_\ominus \ell'(v, u) g_\ominus(\bullet)$, а интегральный выигрыш определится функционалом $I = \int_T \ell'_\ominus(u) \cdot \int_{\Psi_T(\bullet, \omega)} f_T(\omega) g(\bullet)$, где $q(\bullet): 2^\Omega \rightarrow [0,1]$, $f_T: \Omega \rightarrow [0,1]$ – нечеткий процесс на Ω задающей временную нечеткость динамики нечеткого динамического процесса.

Отсюда в соответствии с принципом оптимальности Беллмана функциональное неравенство для определения оптимального управления примет вид $I(u^*) \geq \max_{u \in U} \int_\ominus \ell'(u, v) \cdot q_\ominus$, где $I'(u, v)$ – функция выигрыша (нечеткий аналог функции Беллмана [6]).

Все это позволяет сделать вывод, что основу решения любых проблем методами теории нечетких интегралов, множеств и мер составляет формализация нечетких данных.

Рассмотрим на примере формализацию нечетких данных для оценки уровня риска $d \in D$ формирования критического состояния водного режима Белорусского Полесья (табл.1).

Бесспорно, предложенная формализация нечетких данных не ограничивают всего спектра возможностей формализации. При необходимости, в каждой конкретной решаемой задаче, могут

использоваться и другие варианты формализации, позволяющие более широко описать спектр разнородных и малодостоверных данных.

Таблица 1

Формализация нечетких данных для оценки уровня риска

Описание данных	Формализованное представление данных
Полная уверенность, что риска нет	$\mu(d) = \begin{cases} 0, d \in D \setminus \{6\} \\ 1, d = 6 \end{cases}$
Полная уверенность, что риск есть, но тяжело оценить его значение	$\mu(d) = \begin{cases} 1, & \mu(\bullet) = \mu_{вз}(\bullet), d \neq 6 \\ \lambda \in [0,1] \mu(\bullet) = \mu_n(\bullet), \mu_D(\bullet), d \neq 6 \\ 0, & \mu(\bullet) = \mu_H(\bullet), d = 6 \end{cases}$
Полная уверенность, что риск есть однако известно, что его значение от минимального до $y(d) = 10, d \in [2,3]$ допустимого	$\mu(d) = \begin{cases} 1, d \in [2,3] \\ 0, d \in [2,3] \\ 0, d = 6 \end{cases}$
Полная уверенность, что риск есть, но значение его четко неизвестно	$\mu(d) = \begin{cases} \varphi(d), d \in D \setminus \{6\} \\ 0, d = 6 \end{cases}$ $\varphi(d)$ – распределение нечеткости для риска низкого уровня
Полная уверенность, что риск допустимый	$\mu(d) = \begin{cases} 0, d \in D \setminus \{3\} \\ 1, d = 3 \end{cases}$
Вполне правдоподобно, что есть риск достаточно высокого уровня, но имеется и ненулевая λ возможность λ что риска нет	$\mu(d) = \begin{cases} M_n, d \in D \setminus \{6\} \\ \lambda, d = 6 \end{cases}$ M_n – распределение меры правдоподобия для риска высокого уровня
Неизвестно есть риск или нет, но если есть, то его величина вообще неизвестна	$\mu(d) = \begin{cases} 1, & \mu(\bullet) = \mu_{вз}(\bullet) \\ \lambda \in [0,1] \mu(\bullet) = \mu_n(\bullet), \mu_D(\bullet) \\ 0, & \mu(\bullet) = \mu_H(\bullet) \end{cases}$
Вполне возможно, что риска нет, но имеется и не нулевая возможность, что он есть и не выше критического	$\mu(d) = \begin{cases} \lambda, d < 3 \\ 0, d \geq 3 \\ 1, d = 6 \end{cases}$

Примечание: 1 - событие возможно; 2 - событие невозможно; M_n - мера правдоподобия; $M_{вз}$ - мера возможности; M_H - мера необходимости; M_D - мера доверия; $M_{вр}$ - мера вероятности. Оценка риска: $D = \{1 - отсутствует, 2 - минимальный, 3 - допустимый, 4 - критический, 5 - недопустимый, 6 - неизвестно, является ли это риском\}$; μ - функция принадлежности; λ - параметр нормировки.

В заключение отметим, что наблюдающиеся в последние годы катастрофические изменения в структуре природных процессов и функционировании глобальных и региональных гео- и экосистем и объектов обуславливают насущную актуальность исследований в области разработки методик решения прогнозных задач в условиях неопределенности на базе теории нечетких множеств.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Бочарников В.П. (1998) Модель управляемого непрерывного нечеткого процесса. Проблемы управления. Издательство «КМУГА», Киев.
2. Бурлибаев М.Ж., Волчек А.А., Шведовский П.В. (2003) Проблемы оптимизации природопользования и природообустройства в математических моделях и методах. Издательство «Каганат», Алматы.
3. Логинов В.Ф., Волчек А.А., Шведовский П.В. (2004) Практика применения статистических методов при анализе и прогнозе природных процессов. Издательство «БрГТУ», Брест.