

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ РЕСПУБЛИКИ БЕЛАРУСЬ

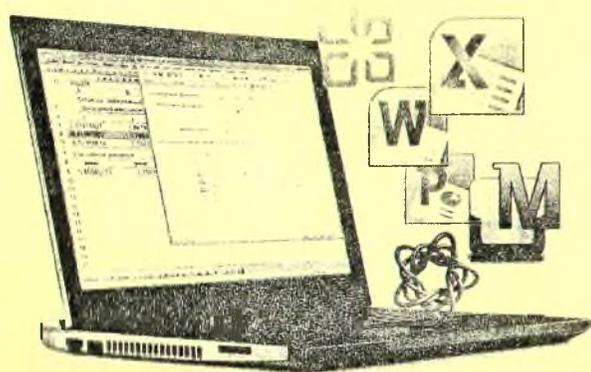
УЧРЕЖДЕНИЕ ОБРАЗОВАНИЯ
«БРЕСТСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»

КАФЕДРА ИНФОРМАТИКИ И ПРИКЛАДНОЙ МАТЕМАТИКИ

ЛАБОРАТОРНЫЙ ПРАКТИКУМ

по дисциплине «Информатика» для студентов
строительных специальностей очной формы обучения
первого семестра

издание 4-е, переработанное и дополненное



Строительный факультет

Группа _____

Фамилия _____

Имя _____

Отчество _____

Вариант _____

м/тел. +375 () _____ - -

Брест 2019

УДК 004

Практикум предназначен для студентов первого курса строительного факультета, изучающих дисциплину «Информатика». В него входят задания для лабораторных работ и задания для их защиты. В теоретической части изложены методические рекомендации по работе с системой компьютерной математики MathCAD, текстовым редактором MS WORD и приложением Google Таблицы из пакета корпоративных веб-приложений G Suite for Education.

Составители: В.А. Кофанов, к.т.н., доцент

Т.Г. Хомицкая, ст. преподаватель

И.В. Тузик, ст. преподаватель

Общие указания

Практикум предназначен для организации самостоятельной, практической и лабораторной работы студентов в первом семестре изучения дисциплины «Информатика».

Перед началом работы необходимо привести информацию на титульном листе, то есть должны быть указаны данные ее владельца (Ф.И.О., группа, номер мобильного телефона).

На текущей странице в блок «Индивидуальное задание» необходимо вклеить листок с вариантами заданий, полученный у преподавателя. Специальный блок «Условие» на странице с лабораторной работой заполняется простым переписыванием условия задачи с бланка индивидуального задания.

При выполнении лабораторных работ результаты вычислений заносятся в отчет в том же виде, в котором они отображаются на экране монитора. Ведение записей выполняется четко и разборчиво шариковой ручкой (блок-схемы – карандашом). Неправильные (ошибочные) записи на страницах практикума необходимо исправлять с использованием корректирующих средств (корректирующие ленты, штрих-корректоры и т.п.).

Каждая лабораторная работа считается выполненной только при наличии отметки преподавателя о ее защите, подтвержденной его подписью (личной печатью) на странице 4. Данные из этого листа служат основанием для допуска к итоговому испытанию (зачету, экзамену).

Индивидуальное задание

Место для
ИНДИВИДУАЛЬНОГО
задания

Отметки о защите лабораторных работ

№	Наименование работы	Защита	Примечание
1	Лабораторная работа №1		
2	Лабораторная работа №2		
3	Лабораторная работа №3(1,2)		
4	Лабораторная работа №4(1,2)		
5	Лабораторная работа №5		
6	Лабораторная работа №6(1,2)		
7	Лабораторная работа №7(1,2)		
8	Лабораторная работа №8(1,2)		
9	Лабораторная работа №9		
10	Лабораторная работа №10(1,2)		

Итог работы в семестре:

Все лабораторные работы выполнены в полном объеме.

(дата, подпись)

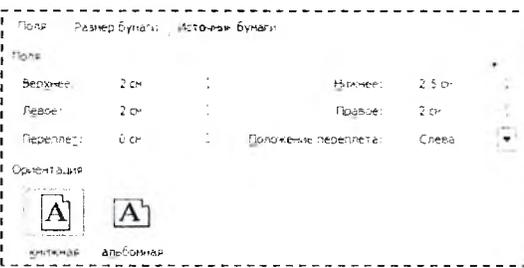
Методические указания к выполнению лабораторных работ

ТЕКСТОВЫЙ РЕДАКТОР MICROSOFT WORD

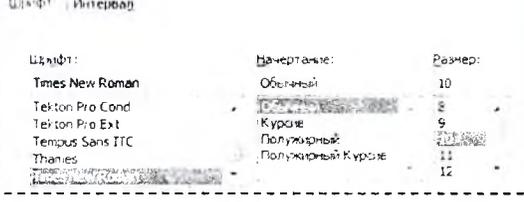
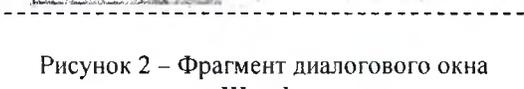
MS Word помогает создавать профессионально оформленные документы, предоставляя набор разнообразных средств для создания и форматирования документов. Вставка и редактирование объектов в MS Word происходит посредством выбора команды из главного меню, либо контекстного меню, либо нажатием комбинации клавиш на клавиатуре. Чаще всего пользователь не помнит комбинацию клавиш и в контекстном меню нужная команда отсутствует, но в любом случае получить доступ к этой команде можно через главное меню.

В MS Word 2007+ традиционное для приложений MS Windows главное меню с панелями инструментов заменено динамической лентой. При этом основные функции редактирования и форматирования документов в MS Word аналогичны во всех его версиях.

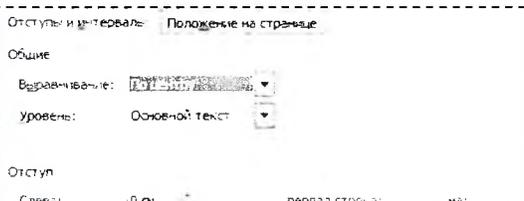
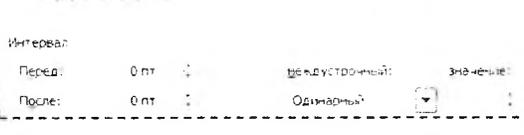
Поля страницы (ЗЯН)

2003	<ul style="list-style-type: none"> Выберите в меню Файл команду Параметры страницы, а затем откройте вкладку Поля. На вкладке Поля введите новые значения параметров: Верхнее, Нижнее, Левое и Правое. 	
2007+	<ul style="list-style-type: none"> На вкладке Разметка страницы в группе Параметры страницы выберите команду Поля. Будет отображена коллекция полей. В нижней части коллекции полей выберите пункт Настраиваемые поля. Появится диалоговое окно Параметры страницы. На вкладке Поля введите новые значения параметров: Верхнее, Нижнее, Левое и Правое. 	 <p style="text-align: center;">Рисунок 1 – Фрагмент диалогового окна Параметры страницы</p>

Формат шрифта (ЯФТ, Ctrl+D)

2003	<ul style="list-style-type: none"> В меню Формат выберите команду Шрифт, а затем откройте вкладку Шрифт. В диалоговом окне на вкладке Шрифт можно задать стиль шрифта, его размер и начертание. 	
2007+	<ul style="list-style-type: none"> На вкладке Главная в группе Шрифт нажмите на пиктограмму открытия диалогового окна Шрифт. В диалоговом окне на вкладке Шрифт можно задать стиль шрифта, его размер и начертание. 	 <p style="text-align: center;">Рисунок 2 – Фрагмент диалогового окна Шрифт</p>

Формат абзаца (ЯЗЗ)

2003	<ul style="list-style-type: none"> В меню Формат выберите команду Абзац, а затем откройте вкладку Отступы и интервалы. В группе Общие выберите тип Выравнивания строк абзаца. В группе Отступ задайте величину зазора Слева или Справа от абзаца и величину отступа либо выступа Первой строки абзаца. В группе Интервал укажите интервал До или После абзаца, а также Межстрочный интервал. 	
2007+	<ul style="list-style-type: none"> На вкладке Главная в группе Абзац нажмите на пиктограмму открытия диалогового окна Абзац. На первой вкладке в группе Общие выберите тип Выравнивания строк абзаца. В группе Отступ задайте величину зазора Слева или Справа от абзаца и величину отступа либо выступа Первой строки абзаца. В группе Интервал укажите интервал До или После абзаца, а также Межстрочный интервал. 	 <p style="text-align: center;">Рисунок 3 – Фрагмент диалогового окна Абзац</p>

Нумерованный (маркированный) список (ЯУ или ЯМ)

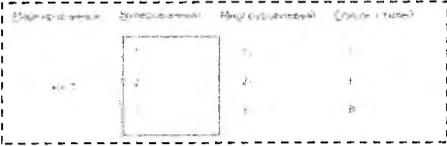
2003	<ul style="list-style-type: none"> Выделите абзацы, к которым необходимо добавить маркеры или нумерацию. В меню Формат выберите команду Список, а затем в диалоговом окне Список откройте вкладку, соответствующую требуемому стилю (Нумерованный/Маркированный) списка. Выберите формат стиля. 	
2007+	<ul style="list-style-type: none"> Выделите абзацы, к которым необходимо добавить маркеры или нумерацию. На вкладке Главная в группе Абзац нажмите на кнопку Маркеры или Нумерация, либо на стрелку рядом с соответствующей кнопкой. Выберите нужный формат. 	

Рисунок 4 – Фрагмент диалогового окна **Список** (2003)

Рисунок 5 – Фрагмент раскрывающегося списка **Нумерация** (2007+)

Колонки (ЗКК)

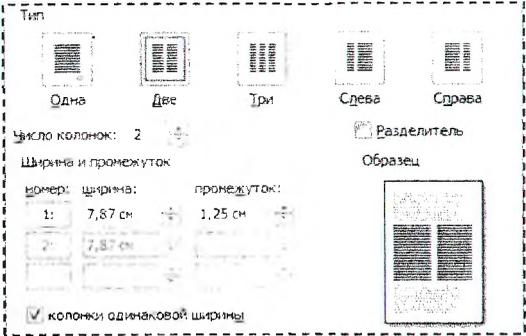
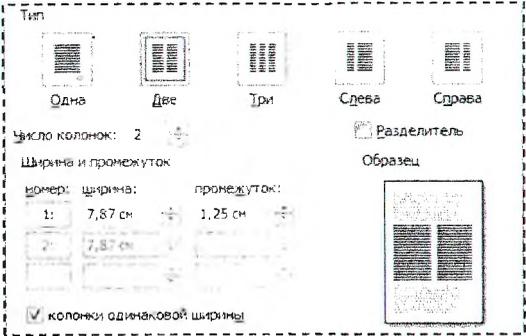
2003	<ul style="list-style-type: none"> Выделите часть текста, которая должна быть разбита на колонки. В меню Формат выберите команду Колонки. В открывшемся диалоговом окне Колонки выберите нужное количество колонок и установите их размер. 	
2007+	<ul style="list-style-type: none"> Выделите текст, который требуется разбить на колонки, или поместите курсор в то место, где должны начинаться колонки. На вкладке Разметка страницы в группе Параметры страницы выберите команду Колонки. Выберите пункт Другие колонки. В открывшемся диалоговом окне Колонки выберите нужное количество колонок и установите их размер. 	

Рисунок 6 – Фрагмент диалогового окна **Колонки**

Рисунок (из файла – СЗ)

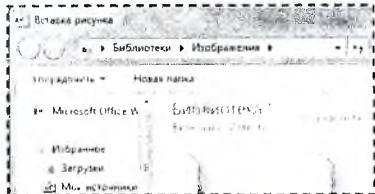
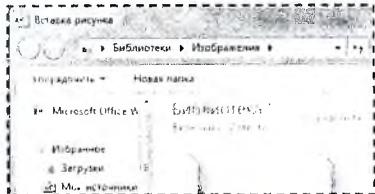
2003	<ul style="list-style-type: none"> В меню Вставка выберите команду Рисунок, а затем команду Из файла... В открывшемся диалоговом окне Вставка рисунка укажите файл рисунка. 	
2007+	<ul style="list-style-type: none"> На вкладке Вставка в группе Иллюстрации выберите команду Рисунок. В открывшемся диалоговом окне Вставка рисунка укажите файл рисунка. 	

Рисунок 7 – Фрагмент диалогового окна **Вставка рисунка**

Рисунок (из буфера обмена – Ctrl+V)

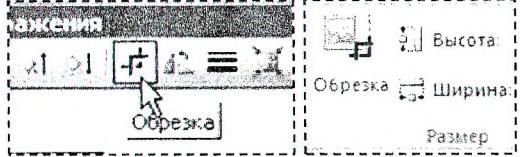
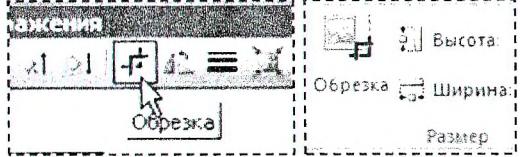
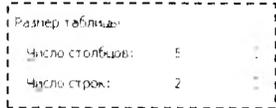
2003	<ul style="list-style-type: none"> Сделайте снимок экрана клавишей <Print Screen>. Вставьте рисунок из буфера обмена <Ctrl+V>. Выделите рисунок и передвиньте его границы с помощью инструмента Обрезка, расположенного на панели инструментов Настройка изображения. 	
2007+	<ul style="list-style-type: none"> Сделайте снимок экрана клавишей <Print Screen>. Вставьте рисунок из буфера обмена <Ctrl+V>. Выделите рисунок и передвиньте его границы с помощью инструмента Обрезка, расположенного на контекстной вкладке Формат в группе Размер. 	

Рисунок 8 – Фрагменты панели инструментов **Настройка изображения** (2003) и контекстной вкладки **Формат** (2007+)

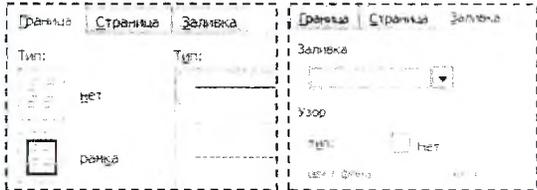
Формула (СУВ)

<p>2003</p> <ul style="list-style-type: none"> В меню Вставка выберите команду Объект, а затем откройте вкладку Создание. Укажите Тип объекта – Microsoft Equation 3.0. Создайте формулу, выбирая символы на панели инструментов Формула и с клавиатуры. 	 <p>Рисунок 9 – Фрагмент панели инструментов Формула (2003)</p>
<p>2007+</p> <ul style="list-style-type: none"> На вкладке Вставка в группе Текст выберите команду Объект. Укажите Тип объекта – Microsoft Equation 3.0. Создайте формулу, выбирая символы на панели. 	 <p>Рисунок 10 – Фрагмент панели инструментов Формула (2007+)</p>

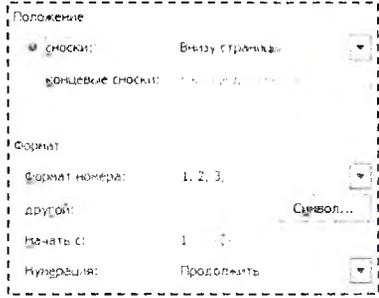
Таблица (СЦВ)

<p>2003</p> <ul style="list-style-type: none"> В меню Таблица выберите команду Вставить, а затем – команду Таблица. В диалоговом окне Вставка таблицы в группе Размер таблицы укажите число строк и столбцов. 	 <p>Рисунок 11 – Фрагмент диалогового окна Вставка таблицы</p>
<p>2007+</p> <ul style="list-style-type: none"> На вкладке Вставка в группе Таблицы выберите команду Таблица, а затем – из выпадающего списка пункт Вставить таблицу. В диалоговом окне Вставка таблицы в группе Размер таблицы укажите число строк и столбцов. 	

Граница (заливки цветом) (ЯИГГ Enter)

<p>2003</p> <ul style="list-style-type: none"> Выделите ячейки таблицы. В меню Формат выберите команду Границы и заливка, а затем откройте вкладку Границы или Заливка в диалоговом окне Границы и заливка. Выберите нужные параметры. 	 <p>Рисунок 12 – Фрагменты диалогового окна Границы и заливка</p>
<p>2007+</p> <ul style="list-style-type: none"> Выделите ячейки таблицы. На вкладке Главная в группе Абзац выберите стрелку рядом с кнопкой Границы. Из выпадающего списка выберите пункт Границы и заливка, а затем откройте вкладку Границы или Заливка в диалоговом окне Границы и заливка. Выберите нужные параметры. 	

Сноска (КЙ)

<p>2003</p> <ul style="list-style-type: none"> Укажите место для вставки знака сноски. В меню Вставка выберите команду Ссылка, а затем – команду Сноска. В диалоговом окне Сноски выберите Положение сноски и ее Формат. После нажатия на диалоговом окне кнопки Вставить, введите текст сноски. 	 <p>Рисунок 13 – Фрагмент диалогового окна Сноски</p>
<p>2007+</p> <ul style="list-style-type: none"> Укажите место для вставки знака сноски. На вкладке Ссылки в группе Сноски нажмите на пиктограмму открытия диалогового окна Сноски. Выберите Положение сноски и ее Формат. После нажатия на диалоговом окне кнопки Вставить, введите текст сноски. 	

Нумерация страниц (СТЫ, СТЫМ)

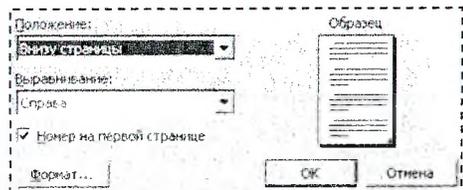
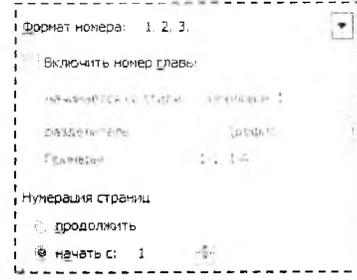
2003	<ul style="list-style-type: none"> • В меню Вставка выберите команду Номера страниц. • В поле Положение укажите расположение номеров страниц (внизу или сверху страницы). • В поле Выравнивание укажите вид выравнивания (по левому краю, по правому краю, по центру, внутри или снаружи страницы). • Если на первой странице раздела номер не нужен, снимите флажок Номер на первой странице. • Для настройки номера страницы нажмите на кнопку Формат и в диалоговом окне Формат номера страницы укажите номер первой страницы раздела. 	
2007+	<ul style="list-style-type: none"> • На вкладке Вставка в группе Колонтитулы выберите команду Номер страницы. • Выбор в выпадающем списке пункта Вверху страницы, Внизу страницы или На полях страницы определит, где в документе будут отображаться номера страниц. • Выбор пункта Формат номеров страниц откроет диалоговое окно Формат номера страницы, в котором укажите номер первой страницы раздела. 	

Рисунок 14 – Фрагмент диалогового окна **Номера страниц (2003)**

Рисунок 15 – Фрагмент диалогового окна **Формат номера страницы**

Стиль абзацев (ЯФС)

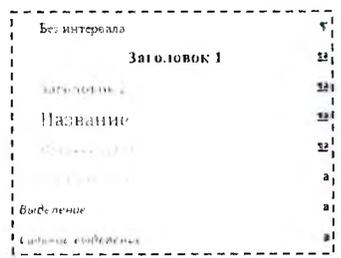
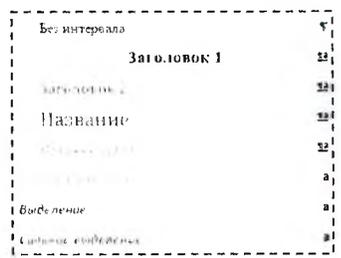
2003	<ul style="list-style-type: none"> • Выделите абзац. • В меню Формат выберите команду Стили и форматирование, появится область задач в режиме Стили и форматирование. • Выберите нужный стиль в области задач Стили и форматирование. 	
2007+	<ul style="list-style-type: none"> • Выделите абзац. • На вкладке Главная в группе Стили нажмите на пиктограмму открытия области задач Стили. • В области задач Стили выберите нужный стиль. 	

Рисунок 16 – Фрагмент области задач **Стили и форматирование (2003)** и **Стили (2007+)**

Оглавление (КЕЛ)

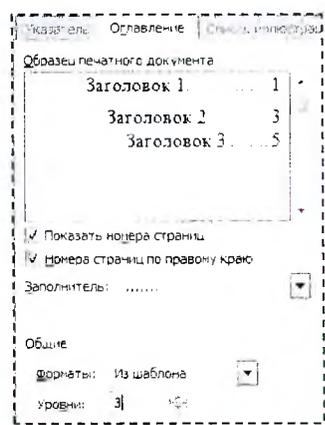
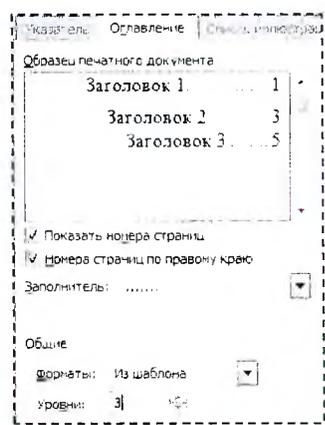
2003	<ul style="list-style-type: none"> • Укажите место вставки оглавления. • В меню Вставка выберите команду Ссылка, а затем – команду Оглавление и указатели. • В диалоговом окне Оглавление и указатели откройте вкладку Оглавление. • В группе Общие выберите Формат стиля будущего оглавления и количество Уровней заголовков. • Выберите другие параметры оглавления. 	
2007+	<ul style="list-style-type: none"> • Укажите место вставки оглавления. • На вкладке Ссылки в группе Оглавление нажмите на команду Оглавление. • В выпадающем списке выберите пункт Оглавление, для открытия диалогового окна Оглавление. • В группе Общие выберите Формат стиля будущего оглавления и количество Уровней заголовков. • Укажите при необходимости другие параметры оглавления. 	

Рисунок 17 – Фрагмент диалогового окна **Оглавление**

ВЕБ-ПРИЛОЖЕНИЕ GOOGLE ТАБЛИЦЫ

Каждый файл веб-приложения Google Таблицы состоит из одного или нескольких рабочих листов, а рабочий лист, в свою очередь, состоит из строк и столбцов (рисунок 18).

На пересечении строки и столбца расположена отдельная ячейка. В каждой ячейке может храниться число, формула или текст. В любой момент времени только одна ячейка может быть активной. Активная ячейка выделяется темным контуром. Ее адрес, т.е. буква столбца и номер строки, указывается в поле **Имя**.

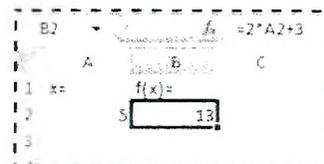


Рисунок 18 – Фрагмент рабочего листа Таблицы

Форматирование числовых значений

После ввода числовые значения, как правило, никак не отформатированы. Другими словами, они просто состоят из последовательности цифр. Некоторые операции форматирования Google Таблицы способны выполнять автоматически. Например, если вы вводите в ячейку число 12.2 (с точкой, а в настройках по умолчанию разделитель дробной и целой части – запятая), то приложение автоматически применяет формат **Дата**.

Изменить числовой формат ячейки можно через пункт **Главного меню – Формат/Числа**. Если выбрать один из предложенных в этом пункте форматов, то он сразу будет применен к активной ячейке. Если предварительно выделено несколько ячеек, то числовой формат будет применен ко всем выделенным ячейкам. Ниже в таблице 1 приведен список часто используемых в наших лабораторных работах категорий форматов.

Таблица 1 – Описание категорий числовых форматов

Категория формата	Описание категории
Автоматический формат	Формат, принятый по умолчанию. При его выборе числа отображаются в виде целых чисел, десятичных дробей или, если число слишком большое и не помещается в ячейке, в экспоненциальном формате.
Число	Позволяет указать числовой формат.
Дата	Позволяет указать один из форматов отображения дат.
Экспоненциальный	В этом формате число всегда отображается с буквой E. Число 2,35E+02 в экспоненциальном формате тоже, что и 235 в числовом.
Обычный текст	Его применение к числовому значению заставляет Google Таблицы рассматривать это число как текст (даже если текст выглядит как число). По умолчанию текст выравнивается по левому краю ячейки.

Важно понимать, что применение числового формата к ячейке никоим образом не изменяет само число, которое там находится. Форматирование изменяет только внешний вид отображаемого числового значения. Например, если в ячейке находится число 0,5742, его можно отформатировать так, чтобы на экране оно выглядело как 57%. Но если на ячейку сделана ссылка в формуле, то во время вычислений будет использоваться полное числовое значение 0,5742, а не отображаемое 57%.

Относительные, абсолютные и смешанные ссылки

Практически во всех формулах в Google Таблицах используются ссылки на ячейки или диапазоны ячеек. Эти ссылки позволяют формулам работать с данными, содержащимися в этих ячейках и диапазонах, а не просто использовать фиксированные значения.

В формулах используются три типа ссылок на ячейки и диапазоны.

- *Относительные ссылки.* При копировании формул эти ссылки автоматически изменяются в соответствии с новым положением формулы.
- *Абсолютные ссылки.* Эти ссылки не изменяются при копировании формул.
- *Смешанные ссылки.* В этих ссылках номер строки (или столбца) является абсолютным, а столбца (строки) – относительным.

Отличительной особенностью абсолютных ссылок являются два знака доллара «\$»: один перед буквой столбца и второй перед номером строки (например, \$A\$5). В Google Таблицах также допускаются смешанные ссылки, в которых только одна часть адреса является абсолютной (например, \$A4 или A\$4).

На рисунке 19 показан процесс табулирования функции $y(x)=x^2$. Для получения очередного значения x (начиная с ячейки A8) необходимо к предыдущему значению x прибавить значение шага табулирования h (ячейка B4). Формула в ячейке A8 будет выглядеть следующим образом: $=A7+\$B\4 . Обратите внимание на то, что ссылка на ячейку A7 является относительной, а ссылка на ячейку B4 – абсолютной.

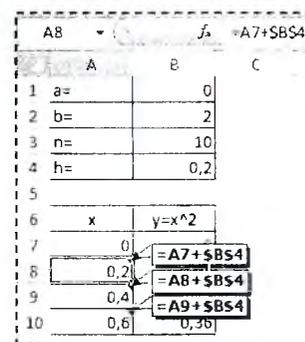


Рисунок 19 – Фрагмент процесса табулирования функции

При копировании формулы из ячейки А8 в ячейку А9 ссылка А7 изменится, а ссылка В4 нет. В результате в ячейке А9 получим правильную формулу – =А8+В\$4. В случае если обе ссылки в формуле ячейки А8 были бы относительными (либо абсолютными), то формула в ячейке А9 была бы неверной (=А8+В5 или =\$А\$7+В\$4).

При копировании формулы по вертикали в относительных ссылках меняется номер строки, по горизонтали – имя столбца. В рассмотренном примере формула копируется вниз, поэтому вместо абсолютной ссылки на ячейку В4 (\$В\$4) можно также использовать смешанную ссылку, т.е. В\$4.

Абсолютные или смешанные ссылки можно ввести вручную, вставив в нужных местах знаки доллара. Можно также воспользоваться клавишей <F4>, которая является удобным клавиатурным эквивалентом для этой операции. При вводе ссылки в ячейку – либо вручную, либо путем указания – нужно нажать клавишу <F4> несколько раз, чтобы приложение «прокрутило» по циклу все четыре варианта ссылок.

Копирование (тиражирование) и перемещение (вырезание и вставка)

Копирование и перемещение содержимого ячейки (ячеек) – очень распространенная операция в программах электронных таблиц. Между копированием и перемещением существует различие: при копировании исходный диапазон не изменяется, а при перемещении – удаляется.

У операций копирования, вырезания и вставки существуют клавиатурные эквиваленты.

- <Ctrl+C>. Копирует выбранные ячейки в буферы обмена.
- <Ctrl+X>. Вырезает выбранные ячейки в буферы обмена.
- <Ctrl+V>. Вставляет содержимое буфера обмена в выбранную ячейку или диапазон ячеек.

В Google Таблицах можно скопировать формулы в соседние ячейки при помощи маркера заполнения  (процесс тиражирования). Маркер заполнения – небольшой синий квадрат в правом нижнем углу выделенного блока. При наведении на маркер заполнения указатель принимает вид черного креста. Удерживая левую клавишу мыши и передвигая маркер заполнения по строке или столбцу, происходит копирование содержимого исходной ячейки (ячеек) в выделенный диапазон.

Следует запомнить правило: при вырезании и вставке формулы (т.е. при перемещении ее в другую ячейку) относительные ссылки в формуле не изменяются, а при копировании формулы — изменяются.

Не всегда требуется полное копирование исходного диапазона в диапазон назначения. Например, при копировании ячеек, содержащих формулы, часто требуется скопировать вычисленные значения, а не сами формулы. Для выполнения подобных операций используется пункт **Главного меню – Изменить/Специальная вставка** ▶ :

- Вставить только значения (Эта опция позволяет скопировать только значения, вычисленные по формулам, причем диапазоном назначения может быть как новый диапазон, так и исходный. В последнем случае первоначальные формулы будут заменены полученными значениями.)
- Вставить только формат;
- Вставить все, кроме границ;
- Вставить только ширину столбцов;
- Вставить только формулу (Копируются только формулы и значения (без атрибутов форматирования), содержащиеся в исходном диапазоне.);
- Вставить только правила проверки данных;
- Вставить только условное форматирование;
- Вставить с изменением положения строк и столбцов (транспонирование диапазона).

Эти операции также доступны через контекстное меню (щелкнув правой кнопкой мыши на ячейке, куда будут вставляться скопированные данные, и выбрав команду **Специальная вставка**).

Встроенные функции (функция «ЕСЛИ»)

Google Таблицы содержат огромное количество встроенных функций (основные из них приведены в соответствующем разделе далее), которые вы можете использовать в своих формулах. Ввести формулу, содержащую функции, можно вручную после знака равенства «=», с помощью **Главного меню – Вставка/Функция** ▶ , либо с панели инструментов.

Работа встроенных функций различна. Например, встроенная логическая функция «ЕСЛИ» используется при проверке условий для значений и формул, позволяя создавать разветвляющиеся функции. Синтаксис этой функции выглядит так:

ЕСЛИ(лог_выражение; значение_если_истина; значение_если_ложь)

Первый аргумент функции «ЕСЛИ» должен содержать логическое выражение. Второй и третий аргументы содержат выражение. В случае если логическое выражение истинно, то результат функции «ЕСЛИ» будет соответствовать ее второму аргументу. Если логическое выражение ложно, то результат функции «ЕСЛИ» будет соответствовать ее третьему аргументу. Пара примеров использования функции «ЕСЛИ» показана в таблице 2.

Таблица 2 – Примеры создания разветвляющихся функций с помощью встроенной функции «ЕСЛИ»

Разветвляющаяся функция	Формула в ячейке B1
$f(x) = \begin{cases} 2 \cdot x, & \text{если } x < 0 \\ x^2, & \text{если } x \geq 0 \end{cases}$	$=ЕСЛИ(A1<0;2*A1;A1^2)$
$f(x) = \begin{cases} 2 \cdot x, & \text{если } x < 0 \\ x^2, & \text{если } 0 \leq x \leq 3 \\ e^{2 \cdot x}, & \text{если } x > 3 \end{cases}$	$=ЕСЛИ(A1<0;2*A1;ЕСЛИ(A1<=3;A1^2;EXP(2*A1)))$

Условное форматирование

Условное форматирование позволяет задать определенный формат диапазона ячеек в зависимости от содержимого этого диапазона. Как правило, когда вы задаете условия для форматирования диапазона ячеек (**Главное меню – Формат/Условное форматирование**), приложение проверяет каждую ячейку диапазона для определения ее соответствия заданным вами условиям. Затем Таблицы применяют выбранный вами для данного условия формат во всех ячейках, удовлетворяющих этому условию. Если содержимое ячейки не отвечает любому из заданных условий, форматирование ячейки не меняется.

Порядок использования **Условного форматирования** следующий:

- Выделяете нужные ячейки.
- Нажимаете **Формат/Условное форматирование**. Справа открывается панель инструментов.
- Создаете правило.
 - **Один цвет**. В разделе **Форматирование ячеек** указываете, при каких значениях ячейки выделяются цветом. В разделе **Формат** устанавливаете подходящие параметры.
 - **Градиент**. В разделе **Предварительный просмотр** выбираете цветовую гамму.
- Нажимаете **Готово**.

Предположим, что необходимо отформатировать ячейки массива A1:B2, в которых значения *больше среднего значения чисел, содержащихся в этом массиве*.

	A	B
1	5	2
2	3	4

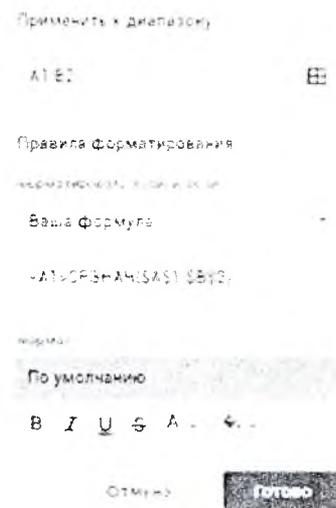


Рисунок 20 Фрагмент панели **Правила условного форматирования**

Для этого выделяем на рабочем листе диапазон ячеек A1:B2, на боковой панели инструментов **Условного форматирования/Один цвет** выбираем правило **Ваша формула**, указываем формулу (=A1>CP3HACH(\$A\$1:\$B\$2)), выбираем параметры форматирования и нажимаем **Готово** (Рисунок 20).

Первая ссылка в формуле относительная – при автоматическом тиражировании формулы в другие ячейки эта ссылка должна изменяться. Вторая ссылка на диапазон абсолютная – при тиражировании этот диапазон останется неизменным.

Построение графика функции одной переменной

Для построения графиков в Google Таблицах используются диаграммы. Диаграммы создаются на основе данных, содержащихся на рабочем листе. Создать диаграмму чрезвычайно просто.

- Определите данные, по которым будет построена диаграмма.
- Выделите диапазон ячеек, содержащий эти данные с заголовками строк/столбцов.
- Выполните команду **Главного меню – Вставка/Диаграмма**.
- Настройте параметры диаграммы на боковой панели инструментов **Редактор диаграмм**.

В лабораторных работах мы будем использовать тип диаграммы **График** или **Гладкий график** (рисунок 21) с различными настройками (с точками или без них, с гладкими кривыми или с прямыми отрезками и др.), которая позволяет задавать значения координат точки по горизонтальной и вертикальной оси и соединять их линиями.

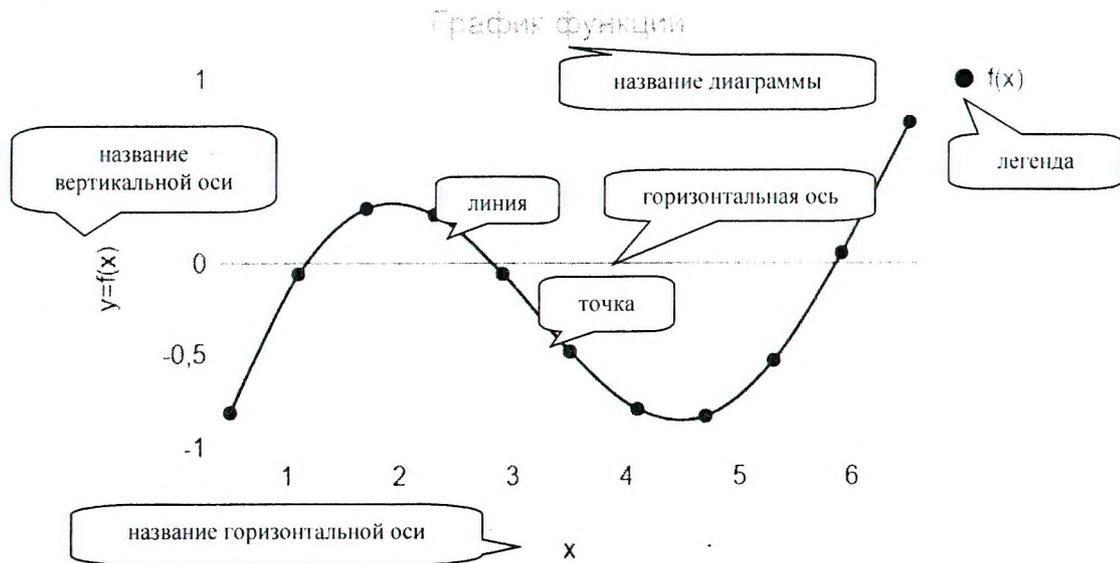


Рисунок 21 – Элементы диаграммы Точечная с гладкими кривыми и маркерами

Чтобы изменить настройки любого элемента диаграммы, необходимо левой клавишей мыши щелкнуть по этому элементу. Для каждого элемента открывается свой определенный набор настроек на боковой панели инструментов Редактор диаграмм.

Определение отрезков, содержащих нули и экстремумы функции. Определение точек наибольшего и наименьшего значения функции

Для того чтобы определить отрезки, содержащие нули либо экстремумы функции, точки, имеющие наибольшее и наименьшее значения функции, необходимо предварительно создать таблицу значений координат ряда точек, принадлежащих заданной функции. В полученной таблице (рисунок 22) найти места, удовлетворяющие следующим критериям:

- Произведение значений координат Y соседних точек меньше нуля. Соответствующие этим значениям Y координаты X образуют отрезок, содержащий нуль функции. В нашем примере нуль функции на участке $[5,3..5,9]$;
- Значение координаты Y выбранной точки меньше значения координаты Y предыдущей и последующей точки. Координаты X предыдущей и последующей точки образуют отрезок, содержащий локальный минимум функции. Локальный минимум на участке $[4,1..5,3]$;
- Значение координаты Y выбранной точки больше значения координаты Y предыдущей и последующей точки. Координаты X предыдущей и последующей точки образуют отрезок, содержащий локальный максимум функции. Локальный максимум на участке $[1,1..2,3]$;
- Наибольшее значение координаты Y во всей таблице. Соответствующая этой координате координата X укажет на место нахождения максимального значения функции в рассматриваемом диапазоне среди приведенных точек. Максимальное значение функции при $X=6,5$;
- Наименьшее значение координаты Y во всей таблице. Соответствующая этой координате координата X укажет на место нахождения минимального значения функции в рассматриваемом диапазоне среди приведенных точек. Минимальное значение функции при $X=4,7$.

X	Y
0,5	-0,813
1,1	-0,060
1,7	0,296
2,3	0,262
4,1	-0,793
4,7	-0,832
5,3	-0,530
5,9	-0,058
6,5	0,765

X	Y
1,1	-0,060
1,7	0,296
2,3	0,262
4,1	-0,793
4,7	-0,832
5,3	-0,530
5,9	0,055
6,5	0,765

Рисунок 22 – Определение характерных отрезков

Дополнение «Solver»

Доступ к дополнению **Solver** осуществляется с помощью пункта **Главного меню – Дополнения/Solver**. Если такой пункт отсутствует, то необходимо установить соответствующее дополнение:

- Выберите пункт **Главного меню – Дополнения/Установить дополнения**;
 - В строке поиска укажите «**Solver**»;
 - Среди результатов поиска выберите дополнение **Solver**;
 - Нажмите кнопку **Установить** и в процессе установки согласитесь со всеми требованиями.
- После выполнения этих действий пункт **Главного меню – Дополнения/Solver** будет доступен.

Уточнение нулей и экстремумов функции с помощью дополнения «Solver»

Порядок уточнения нулей и экстремумов (минимум/максимум) функции одной переменной с помощью дополнения **Solver** во многом однообразен:

- Введите на рабочий лист исходные данные и формулы;
- Откройте дополнение **Solver**;
- На боковой панели инструментов **Solver** укажите целевую ячейку (**Set Objective**) и направление поиска (**Min/Max**);
- Укажите изменяемые ячейки (**By Changing**);
- Добавьте ограничения (**Subject To**);
- Выберите метод поиска (**Solving Method – Standard LSGRG Nonlinear** или **Standard LP/Quadratic**);
- Позвольте процедуре поиска решения выполнить поставленную задачу (**Solve**).

На его основе рассмотрим пример уточнения локального максимума, отмеченного на рисунке 22. Для этого скопируем с помощью **Специальной вставки** значения координат трех точек, в диапазоне которых содержится локальный максимум, в ячейки A2:B4 (рисунок 23). В отдельной ячейке A6 зададим значение X средней точки, в соседней ячейке B6 определим по известной формуле значение Y от указанного значения X .

Для корректной работы дополнения необходимо изменить региональные настройки приложения в меню **Файл/Настройки таблицы**. Выбрать вместо региона **Россия** регион **Соединенные Штаты**. Теперь в дробных числах будет использоваться десятичная точка.

Далее на боковой панели инструментов **Solver** задаем целевую ячейку B6 (в целевой ячейке обязательно должна находиться формула). Поскольку наша цель – максимизировать значение в этой ячейке, устанавливаем переключатель в положение **Max**. Затем определяем изменяемые ячейки, которые в данном случае состоят из одной ячейки A6. Далее задаем ограничения по нажатию кнопки **Add** ($A6 \leq A4$ и $A6 \geq A2$, т.е. найденное значение X должно быть больше начала отрезка A2 и одновременно меньше конца отрезка A4). Выбираем метод поиска – **Standard LSGRG Nonlinear**. Заданные параметры показаны на рисунке 24.

	A	B
1	X	Y
2	1.1	-0.06
3	1.7	0.296
4	2.3	0.262
5	Уточненное значение	
6	1.7	0.296

Рисунок 23 – Исходные данные для определения локального максимума

Set Objective
B6

To Max Min Value Of

By Changing Variable Variable
A6

Subject to the constraint
A6 >= A2
A6 <= A4

Add Change Delete

Solving Method
Standard LSGRG Nonlinear

Рисунок 24 – Боковая панель инструментов Solver

	A	B
1	X	Y
2	1.1	-0.06
3	1.7	0.296
4	2.3	0.262
5	Уточненное значение	
6	1.938153462	0.325

Solver
Solver found a solution. All constraints and optimality conditions are satisfied

Рисунок 25 – Результат работы дополнения Solver

Чтобы начать процесс решения задачи, щелкните по кнопке **Solve**. В случае удачного поиска в нижней части боковой панели инструментов **Solver** через некоторое время отобразится информация о том, что решение найдено (рисунок 25). В ячейке A6 появится значение X , при котором функция имеет максимальное значение на участке [1,1..2,3].

Значение локального минимума определяется аналогично. Все отличие состоит в том, что в отдельные ячейки копируются координаты трех точек, входящих в отрезок, содержащий локальный минимум, и в настройках дополнения **Solver** указывается направление поиска – **Min**.

Похожая ситуация с уточнением нуля функции. В отдельные ячейки копируются координаты двух точек, входящих в отрезок, содержащий нуль функции, и в настройках дополнения **Solver** указывается направление поиска – **Value Of** равное нулю.

Решение СЛАУ с помощью дополнения «Solver»

В этом примере покажем, как можно с помощью дополнения **Solver** решить систему из двух линейных алгебраических уравнений с двумя неизвестными. Пусть имеется следующая система линейных уравнений:

$$\begin{cases} 2 \cdot x + 3 \cdot y = 15 \\ -9 \cdot x + 6 \cdot y = 18 \end{cases}$$

Задача формулируется так: найти такие значения переменных X и Y , которые удовлетворяли бы двум уравнениям.

Вводим на рабочий лист исходные данные и формулы (рисунок 26).

	x	y	
	0	0	
ур-ние 1	2	3	15
ур-ние 2	-9	6	18

Рисунок 26 – Исходные данные для решения системы уравнений

Set Objective: \$A\$1
 To: Max Min Value Of
 By Changing Variable Cells: \$B\$2:\$C\$2
 Subject to the Constraint: \$D\$5:\$D\$6 = \$F\$5:\$F\$6

Рисунок 27 – Боковая панель инструментов **Solver**

На листе используем две ячейки B2 и C2, которые до запуска дополнения **Solver** будут содержать начальные приближения переменных X и Y (здесь, например, мы задали их равными нулю). Диапазон ячеек B5:C6 содержит коэффициенты при неизвестных X и Y в первом и втором уравнениях. Ячейки D5 и D6 содержат формулы, по которым определяются значения левых частей обоих уравнений. В ячейки F5 и F6 заносим известные значения правых частей уравнений.

Настраиваем дополнение **Solver** (рисунок 27). В этой задаче нет целевой ячейки, однако мы укажем намеренно ссылку на пустую ячейку A1, без которой дополнение работает некорректно. Изменяемые ячейки – B2 и C2: от них зависит значения левых частей уравнений, которые в свою очередь должны быть равны правым частям этих уравнений. Отсюда вытекают следующие ограничения – D5=F5 и D6=F6 (равенство обеих частей уравнений). Зададим эти ограничения в виде равенства элементов массивов – D5:D6=F5:F6.

	x	y	
	0,92308	4,38462	
ур-ние 1	2	3	15
ур-ние 2	-9	6	18

Рисунок 28 – Результат работы дополнения **Solver**

По завершении процедуры поиска (метод – **Standard LP/Quadratic**) ячейки B2 и C2 будут содержать решение ($X=0,92308$ и $Y=4,38462$) заданной системы линейных алгебраических уравнений (рисунок 28).

Работа с формулами массивов

При вычислении по формулам Google Таблицы часто самостоятельно распознают, что результат будет представлен в виде массива. Поэтому ввод формулы, как правило, завершается нажатием клавиши <Enter>. Тем не менее, в некоторых случаях требуется намеренно указать, что действия совершаются над массивами, и завершить ввод формулы с помощью комбинации клавиш <Ctrl+Shift+Enter>. Автоматически вся набранная формула вставляется аргументом в функцию ArrayFormula(). Только после этого пользователь нажимает клавишу <Enter>.

Если результат вычисления размещается в нескольких ячейках, то работать с этими ячейками можно только в режиме чтения. При редактировании ячеек (кроме той ячейки, где находится формула) результаты вычисления автоматически пропадают.

Решение СЛАУ с помощью обратной матрицы

Вспользуемся предыдущим условием и решим систему из двух линейных алгебраических уравнений с двумя неизвестными, используя формулы массивов. В матричной форме система уравнений выглядит так:

$$A \cdot z = b,$$

где A – массив, содержащий коэффициенты при неизвестных;

z – вектор-столбец, содержащий неизвестные X и Y ;

b – вектор-столбец, содержащий свободные члены уравнений.

Чтобы найти вектор неизвестных, необходимо обратную матрицу A (A^{-1}) умножить на вектор b . Для нахождения обратной матрицы можно использовать встроенную функцию МОБР(массив), а для скалярного произведения матриц ($A^{-1} \cdot b$) – функцию МУМНОЖ(массив_1; массив_2). Прделаем эти операции на рабочем листе Google Таблицы (рисунок 29).

	A	B	C	D	E	F	G
1	A=	2	3		b=	15	
2		9	6			18	
3							
4	A	39	определитель матрицы				
5							
6	A ⁻¹	0,153846	0,07692		z= (x)	0,923077	
7		0,230769	0,051282		(y)	4,384615	

Рисунок 29 – Решение СЛАУ матричным способом

Ячейку B4 используем для вычисления определителя матрицы A (=МОПРЕД(B1:C2)). Если определитель матрицы A не равен нулю (матрица невырожденная), значит существует ей обратная матрица.

Диапазон B6:C7 содержит элементы обратной матрицы A (B6=МОБР(B1:C2)), а диапазон F6:F7 – результат решения СЛАУ (F6=МУМНОЖ(B6:C7;F1:F2)).

СИСТЕМА КОМПЬЮТЕРНОЙ МАТЕМАТИКИ MATHCAD

MathCAD является математическим редактором, позволяющим проводить разнообразные научные и инженерные расчеты, начиная от элементарной арифметики и заканчивая сложными реализациями численных методов. Отличительной чертой MathCAD от большинства других современных математических приложений является его построение по принципу "что вы видите, то и получите".

Важно помнить, что по умолчанию вычисления в документе производятся в режиме реального времени (сверху вниз и слева на право), т. е. как только пользователь вводит в формулу оператор численного или символического равенства, MathCAD пытается вычислить это выражение (и все остальные формулы, находящиеся ниже по тексту).

Панель инструментов Математика

Помимо элементов управления, характерных для типичного текстового редактора, MathCAD снабжен дополнительными средствами для ввода и редактирования математических символов, одним из которых является панель инструментов **Math** (Математика) – **View/Toolbars** (Вид/Панели инструментов).

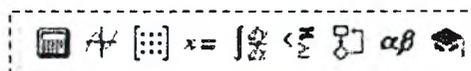


Рисунок 30 – Панель инструментов Математика

Панель **Математика** предназначена для вызова на экран еще девяти панелей, с помощью которых, собственно, и происходит вставка математических операций в документы. Чтобы вызвать какую-либо из них, нужно нажать соответствующую кнопку на панели **Математика**.

Перечислим назначение математических панелей:

- **Calculator** (Калькулятор) – служит для вставки основных математических операций, получила свое название из-за схожести набора кнопок с кнопками типичного калькулятора;
- **Graph** (График) – для вставки графиков;
- **Matrix** (Матрица) – для вставки матриц и матричных операторов;
- **Evaluation** (Выражения) – для вставки операторов управления вычислениями;
- **Calculus** (Вычисления) – для вставки операторов интегрирования, дифференцирования, суммирования;
- **Boolean** (Булевы операторы) – для вставки логических (булевых) операторов;
- **Programming** (Программирование) – для программирования средствами MathCAD;
- **Greek** (Греческие символы) – для вставки греческих символов;
- **Symbolic** (Символика) – для вставки символьных операторов.

Ввод и редактирование выражений

Во время ввода и редактирования выражений необходимо обращать внимание на следующие элементы интерфейса MathCAD:

- – визир – крестик красного цвета, который отмечает пустое место в документе, куда можно вводить текст или формулу;
- ▭ – курсор ввода – горизонтальная и вертикальная линии синего цвета, выделяющие в тексте или формуле определенную часть;
- – маркер символа – черный прямоугольник;
- – маркер оператора – черная прямоугольная рамка.

Ввести математическое выражение можно в любом пустом месте документа MathCAD. Для этого поместите визир в желаемое место документа, щелкнув в нем мышью, и просто начинайте вводить выражение, нажимая клавиши на клавиатуре. При этом в документе создается математическая область, которая обрамляется тонкой сплошной черной линией.

Покажем некоторые ситуации при вводе выражений.

Таблица 3 – Последовательность операций при вводе и редактировании математических выражений

Исходная ситуация	Операнд	Результат	Исходная ситуация	Операнд	Результат
$5 + 3$	\times (+, -)	$(5 + 3)$	$5 + 3$	\times (+)	$5 \cdot (5 + 3)$
$5 + 3$	/	$\frac{5 + 3}{}$	$5 + 3$	/	$\frac{5}{5 + 3}$
$5 + 3$	\times (+, -)	$5 + 3 \cdot$	$5 + 3$	\times (+)	$5 + 3 \cdot 3$
$5 + 3$	/	$5 + \frac{3}{}$	$5 + 3$	/	$5 + \frac{3}{3}$
$x := 5 + 3$	\times (+, -, /)	нет	$k := 5 + 3$	\times (+, -, /)	нет
$x := 5 + 3$	\times (+, -)	$x := (5 + 3) \cdot$	$x := 5 + 3$	\times (+)	$x := 5 \cdot (5 + 3)$
$6 \cdot 5 + 3 \cdot 2$	Del	$6 \cdot 5 = 3 \cdot 2$		-	$6 \cdot 5 - 3 \cdot 2$
$6 \cdot 5 + 3 \cdot 2$	←	$6 \cdot 5 = 3 \cdot 2$		-	$6 \cdot 5 - 3 \cdot 2$
$6 \cdot 5 - 3 \cdot 2$	()	$6 \cdot (5 - 3) \cdot 2$		Del	$6 \cdot 5 - 3 \cdot 2$

При вводе выражения нажатие клавиши <Ins> меняет направление ввода символов слева направо (уголок курсора ввода справа) или справа налево (уголок курсора ввода слева). Попеременное нажатие на клавишу <Space> приводит к изменению объема обрамленной части выражения курсором ввода.

Операторы численного и символьного вывода

Для того чтобы показать численное значение выражения необходимо:

- Ввести выражение;
- Нажать знак численного равенства «=» (панель **Калькулятор**).

При нажатии клавиши «=>» знак численного равенства появится в конце выражения вне зависимости от того где в этот момент в выражении находился курсор ввода. В случае присутствия в выражении неизвестных величин на экране появится сообщение об ошибке (рисунок 31).

Для того чтобы показать аналитическое (символьное) значение выражения необходимо:

- Ввести выражение;
- Нажать знак символьного равенства «=>» (панель **Вычисления**).

При нажатии комбинации клавиш <Ctrl>+<> знак символьного равенства появится в конце выражения вне зависимости от того где в этот момент в выражении находился курсор ввода.

Символьное вычисление используется при определении интеграла или производной (рисунок 32), элементы которых находятся на панели **Вычисления**, а также других операций, операторы которых находятся на панели **Символика**. Один из них, например оператор **Solve**, находит корни уравнения в символьном виде (рисунок 32).



Рисунок 31 – Примеры использования операторов вывода

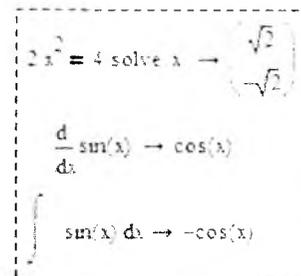


Рисунок 32 – Примеры символьного вывода

Форматирование результатов

MathCAD вычисляет все выражения с точностью до 20 знаков, но выводит на экран не все значащие цифры.

Установив указатель мыши на пужном численном результате расчета, откройте окно форматирования чисел **Result/Format** (Формат/Результат) на закладке **Number Format** (Формат числа). В этом окне можно выбрать следующие форматы (рисунок 33):

- **General** (Основной) – принят по умолчанию. Число знаков после запятой определяется в пункте **Number of decimal pieces** (Число десятичных знаков).
- **Decimal** (Десятичный) – десятичное представление чисел с плавающей точкой.
- **Scientific** (Научный) – числа отображаются только с порядком.
- **Engineering** (Инженерный) – числа отображаются только с порядком, кратным 3.
- **Fraction** (Дробный) – числа отображаются в виде правильной или неправильной дроби.

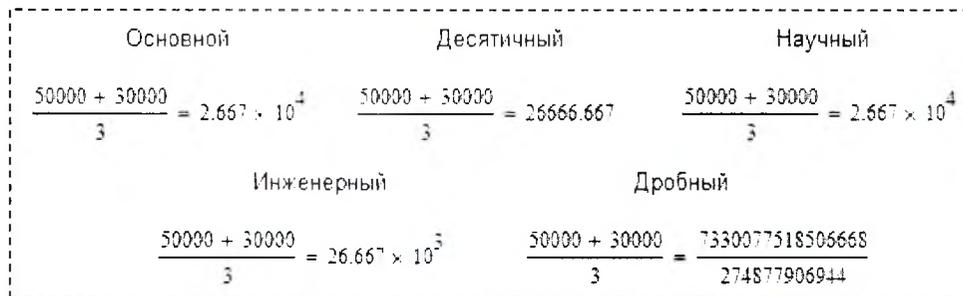


Рисунок 33 – Примеры форматов численных результатов

Можно установить выбранный формат для всех результатов в документе. Для этого необходимо перед настройкой формата визир установить на свободном месте документа. Важно помнить, что выбранный формат применится только для тех результатов, для которых не применялось форматирование, описанное предыдущим способом.

Присвоение значений переменным

Значения переменным присваиваются с помощью оператора присваивания «:=», по следующему правилу:

$$\text{имя переменной} := \text{выражение}.$$

Оператор «:=» удобнее набирать с клавиатуры, нажав сочетание клавиш <Shift> + <:=>.

Имена переменных могут состоять из латинских, русских, греческих и других букв и цифр, знаков подчеркивания «_», штриха «'», символа процента «%», вводимых с клавиатуры (рисунок 34).

$$a := 3 \quad a_1 := 3 \quad a^2 := a - 3 \quad a' := a_1 - a$$

Рисунок 34 – Примеры использования оператора присваивания

Имена переменных не могут начинаться с цифры, знака подчеркивания, штриха, символа процента, не могут включать в себя пробелы.

Если вместо непрерывной переменной используется ряд чисел, выстроенных в порядке возрастания или убывания, такая переменная называется дискретной. Определение дискретной переменной имеет вид:

$$\begin{aligned} \text{имя переменной} &:= \text{первое значение} .. \text{последнее значение}; \\ \text{имя переменной} &:= \text{первое значение}, \text{второе значение} .. \text{последнее значение}. \end{aligned}$$

Дискретная переменная может задавать как целые, так и дробные значения переменной, но обязательно равноотстоящие друг от друга, например:

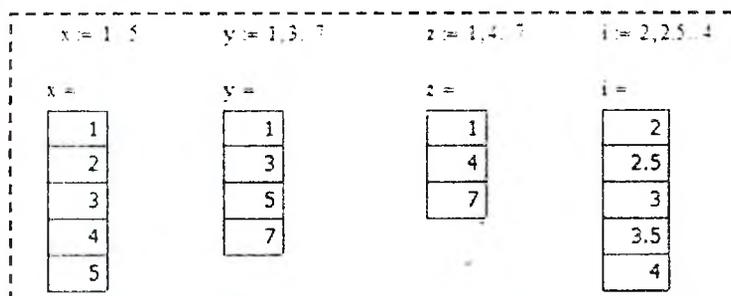


Рисунок 35 – Примеры создания дискретной переменной

Двоеточие – знак диапазона нельзя набирать с клавиатуры, нажимая два раза клавишу точка. Надо на клавиатуре нажать клавишу <> (точка с запятой) или в математической панели **Матрица** выбрать значок $m..n$.

Встроенные функций и функции пользователя

MathCAD позволяет использовать в расчетах как встроенные функции, так и функции, создаваемые пользователем.

Получить доступ к встроенным функциям MathCAD можно путем нажатия на стандартной панели кнопки $f(x)$. В левой части открывшегося окна находятся группы функций. Щелкнув мышью на любой из групп функций, вы увидите справа перечень функций, входящих в эту группу.

Вставить встроенную функцию в выражение можно через панель **Калькулятор**, через главное меню **Вставка/Функция** или набрать вручную с клавиатуры.

Функция пользователя создается вручную. При этом необходимо придерживаться следующего правила:

$$\text{имя функции(аргументы)} := \text{выражение}.$$

$$f(x) := \sin(x) + 3 \quad w_1(x, y) := x^2 + 5 \quad y12(a, b, c) := 2a^2 + 5b + c$$

Рисунок 36 – Примеры создания пользовательских функций

Имена функций создаются по тем же правилам, что и имена переменных.

Функции пользователя можно создавать как на основе встроенных функций, так и уже созданных пользовательских функций либо их комбинаций (рисунок 36).

Например, для создания разветвляющихся функций используется встроенная функция «if» (аналог функции ЕСЛИ()) – Google Таблицы) (таблица 4).

Таблица 4 – Примеры создания разветвляющихся функций с помощью встроенной функции «if»

Разветвляющаяся функция	Листинг в MathCAD
$f(x) = \begin{cases} 2 \cdot x, & \text{если } x < 0 \\ x^2, & \text{если } x \geq 0 \end{cases}$	$f(x) := \text{if}(x < 0, 2 \cdot x, x^2)$
$f(x) = \begin{cases} 2 \cdot x, & \text{если } x < 0 \\ x^2, & \text{если } 0 \leq x \leq 3 \\ e^{2x}, & \text{если } x > 3 \end{cases}$	$f(x) := \text{if}(x < 0, 2 \cdot x, \text{if}(x \leq 3, x^2, e^{2 \cdot x}))$

Построение плоского графика

Для построения плоского графика функции следует:

- установить визир в то место, где должен появиться график;
- на математической панели щелкнуть мышью по кнопке **График**. На панели **График – X-Y Plot** (График X-Y);

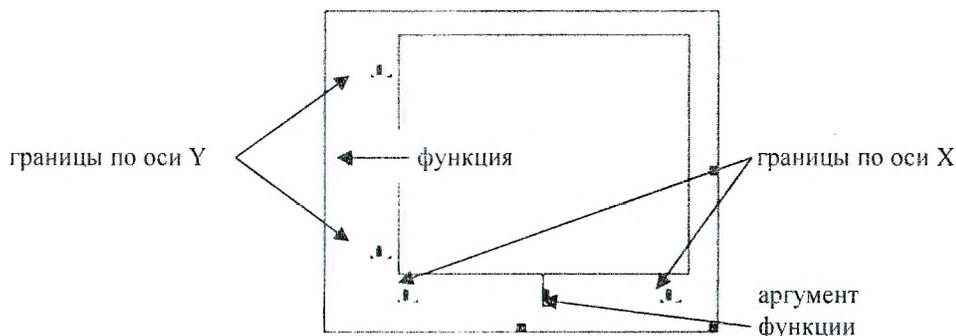


Рисунок 37 – Шаблон для построения плоского графика функции

- в появившемся на месте визира шаблоне плоского графика ввести на оси абсцисс имя аргумента, на оси ординат – имя функции;
- щелкнуть мышью вне шаблона графика.

Если диапазон значений аргумента не задан, по умолчанию график будет построен в диапазоне значений аргумента от -10 до 10.

Если ввести на осях ординат и абсцисс имена двух функций одного аргумента, например $x(t)$ и $y(t)$, то будет отображен параметрический график функции.

Чтобы на одном шаблоне разместить несколько графиков, надо, набрав на оси ординат имя первой функции, нажать клавишу запятой (уголок курсора при этом обязательно должен находиться в конце имени функции). В появившемся маркере впишите имя второй функции и т. д.

Если две функции имеют разные аргументы, например, $f_1(x)$ и $f_2(y)$, то на оси ординат нужно ввести (через запятую) имена обеих функций, а на оси абсцисс (также через запятую) – имена обоих аргументов, x и y . Тогда первый график будет построен для первой функции по первому аргументу, а второй график – для второй функции по второму аргументу.

Покажем пример построения график функции одной переменной $\sin(x)$ в диапазоне x от 0 до 4 и дополнительно на том же шаблоне отобразим две точки принадлежащие функции $\sin(x)$ при $x=2$ и $x=3$.

При реализации такого примера (рисунок 38) необходимо изменить настройки графиков функций. Для этого сделайте двойной щелчок мышью в поле шаблона – откроется окно форматирования графиков.

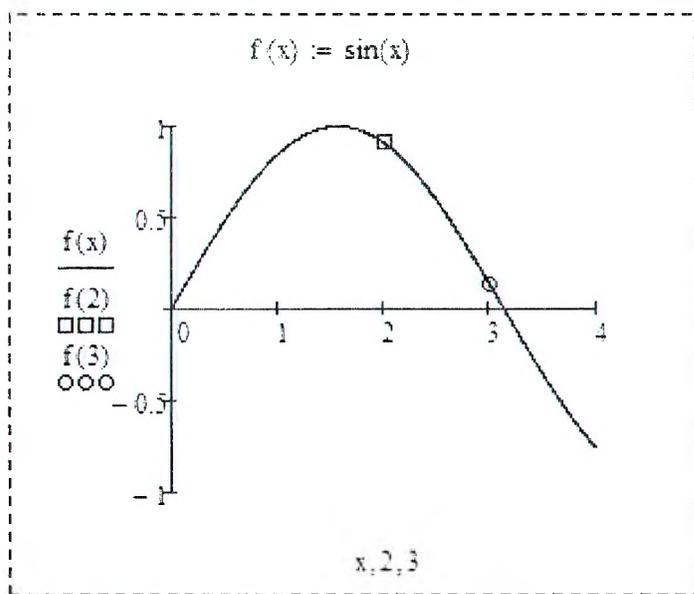


Рисунок 38 – Пример создания нескольких функций на одном шаблоне

На первой закладке **Оси X, Y** выберите опцию **Отображение осей** – по центру.

На второй закладке **Трассировка** для трех функций установите следующие настройки, показанные на рисунке 39:

Обозначение в легенде	Несота символов	Символ	Линия символов	Линия	Толщина линии	Цвет	Тип	Объём
Кривая 1	1		1		1		тонкая	Y
Кривая 2	1	□	1		1		тонкая	Y
Кривая 3	1	○	1		1		тонкая	Y

Рисунок 39 – Фрагмент закладки **Трассировка** диалогового окна **Форматирования графиков**

Действия над матрицами

Чтобы определить вектор или матрицу, следует:

- записать имя матрицы, ввести оператор присваивания «:=»;
- на панели **Математика** нажать кнопку с изображением матрицы. Откроется панель **Матрица**, на которой нужно вновь нажать кнопку с изображением матрицы. На этот раз откроется диалоговое окно, в котором надо ввести число строк и число столбцов матрицы и нажать кнопку **ОК**. На экране появится шаблон матрицы. То же действие вызывается нажатием комбинации клавиш <Ctrl>+<m>;
- каждый маркер символа в шаблоне заполнить числами или буквенными выражениями.

Доступ к любому элементу матрицы можно получить, задав имя матрицы с двумя индексами. Первый индекс обозначает номер строки, второй – номер столбца. Произвольный элемент вектора задается одним индексом.

$i := 0..2 \quad j := 0..2$

$A_{i,j} := 5 \quad A = \begin{pmatrix} 5 & 5 & 5 \\ 5 & 5 & 5 \\ 5 & 5 & 5 \end{pmatrix} \quad B_{i,i} := 2 \quad B = \begin{pmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 2 \end{pmatrix}$

$A_{i,j} := 2 \quad A = \begin{pmatrix} 3 & 3 & 3 \\ 2 & 2 & 2 \\ 3 & 3 & 3 \end{pmatrix} \quad B_{i,j} := 3 \quad B = \begin{pmatrix} 3 & 3 & 3 \\ 3 & 3 & 3 \\ 3 & 3 & 3 \end{pmatrix}$

$A_{2,j} := 1 \quad A = \begin{pmatrix} 2 & 2 & 2 \\ 1 & 1 & 1 \\ 3 & 4 & 3 \end{pmatrix} \quad B_{i,i} := 2 \quad B = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 3 \\ 3 & 2 & 3 \\ 3 & 3 & 2 \end{pmatrix}$

$A_{1,i} := 4 \quad A = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 2 \\ 1 & 4 & 1 \\ 3 & 4 & 3 \end{pmatrix}$

Рисунок 40 – Пример использования индексов массивов

Для набора нижнего индекса можно щелкнуть на кнопке **Subscript** (Индекс) на панели **Матрица**, но лучше использовать клавишу <[>, так как при работе с матрицами ставить нижний индекс приходится очень часто.

Нумерация элементов массива (вектора или матрицы) может начинаться с 0, 1 или с любого другого числа (положительного или отрицательного). Порядком нумерации элементов массива управляет встроенная переменная **ORIGIN**. По умолчанию **ORIGIN = 0**. Это означает, что первый элемент массива имеет номер 0.

Чтобы нумерация членов векторов и матриц начиналась, как обычно принимается в математике, с 1, нужно перед вводом матрицы, а лучше в начале документа, напечатать **ORIGIN:=1** (все буквы прописные).

$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{pmatrix} \quad \text{ORIGIN} := 0 \quad A_{1,1} = 5 \quad A_{2,1} = 8$

$\text{ORIGIN} := 1 \quad A_{1,1} = 1 \quad A_{2,1} = 4$

Рисунок 41 – Пример использования системной переменной **ORIGIN**

Операции сложения, вычитания и умножения выполняются тем же способом, что и над обычными переменными. Для операций транспонирования, обращения и вычисления определителя матрицы есть специальные элементы, расположенные на панели **Матрица**.

Используя символ **Столбец матрицы** можно получить доступ к указанному столбцу массива. Чтобы получить доступ к строке матрицы необходимо предварительно транспонировать матрицу, а затем использовать символ **Столбец матрицы**.

$$A := \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{pmatrix} \quad A^{-1} = \begin{pmatrix} 2 \\ 5 \\ 8 \end{pmatrix} \quad (A^{-1})^{-1} = \begin{pmatrix} 1 \\ 5 \\ 6 \end{pmatrix} \quad (A^{-1})^{-1,T} = (4 \ 5 \ 6)$$

Рисунок 42 – Пример использования символа **Столбец матрицы** с панели **Матрица**

Функции для работы с массивами

Таблица 5 – Примеры использования встроенных функций при работе с массивами

Функция	Описание	Пример (листинг MathCAD)
augment(A,B)	формирует матрицу, где в первых столбцах располагаются элементы матрицы A, а в последних матрицы B	$A := \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix} \quad B := \begin{pmatrix} 5 & 6 \\ 7 & 8 \end{pmatrix} \quad \text{stack}(A, B) = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \\ 5 & 6 \\ 7 & 8 \end{pmatrix}$ $\text{augment}(A, B) = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 5 & 6 \\ 3 & 4 & 7 & 8 \end{pmatrix}$
stack(A,B)	формирует матрицу, где в первых строках располагаются элементы матрицы A, а в последних матрицы B	
submatrix(A,ir,jr,ic,jc)	формирует матрицу, которая является блоком матрицы A, расположенным в строках от ir до jr и столбцах ic от jc	$A := \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{pmatrix} \quad \text{ORIGIN} := 1$ $\text{submatrix}(A, 1, 2, 1, 2) = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 4 & 5 \end{pmatrix}$ $\text{submatrix}(A, 3, 3, 1, 2) = \begin{pmatrix} 7 & 8 \end{pmatrix}$ $\text{submatrix}(A, 1, 3, 2, 2) = \begin{pmatrix} 2 \\ 5 \\ 8 \end{pmatrix}$ $\sum_{i=1}^3 A_{1,i} = 12 \quad \prod_{j=1}^3 A_{2,j} = 120$
min(A)	определяет минимальный элемент массива	
max(A)	определяет максимальный элемент массива	
mean(A)	определяет среднее арифметическое элементов массива	
rows(A), cols(A)	определяет количество строк или столбцов массива	
$\sum_{i=0}^n$ $\prod_{k=1}^n$	определяет сумму или произведение n элементов аргумента	

Решение СЛАУ

Последовательность действий при решении СЛАУ с помощью блока **Given..Find**:

- задать начальные приближения для всех неизвестных, входящих в систему;
- напечатать ключевое слово **Given** (Дано). Убедитесь, что при печати вы не находитесь в текстовой области. Если нажать клавишу пробела, то математическое выражение становится текстовой областью и слово **Given** перестает восприниматься как ключевое;
- ввести уравнения и неравенства. Между левой и правой частями уравнения должен стоять знак логического равенства. Ввести его можно с панели **Булевы операторы** либо используя комбинацию клавиш <Ctrl>+<=>;
- введите любое выражение, содержащее функцию **Find**.

Пример:

Условие	Решение (листинг MathCAD)
$\begin{cases} 2 \cdot x + 3 \cdot y = 15 \\ -9 \cdot x + 6 \cdot y = 18 \end{cases}$	$x := 1 \quad y := 1$ <p>Given</p> $2 \cdot x + 3 \cdot y = 15 \quad -9 \cdot x + 6 \cdot y = 18$ $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} := \text{find}(x, y) \quad \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0.923 \\ 4.385 \end{pmatrix}$

Последовательность действий при решении СЛАУ с помощью обратной матрицы (рисунок 43) совпадает с последовательностью действий при решении СЛАУ в Google Таблицах.

$$A := \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ -9 & 4 \end{pmatrix} \quad b := \begin{pmatrix} 15 \\ 10 \end{pmatrix}$$

$$|A| = 39$$

$$\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = A^{-1} \cdot b$$

$$\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0.923 \\ -4.605 \end{pmatrix}$$

Рисунок 43 – Пример решения СЛАУ с помощью обратной матрицы

Определение нулей и экстремумов функции

Для нахождения нулей функции в MathCAD используется функция `root()`:

$$\text{root}(\text{функция}, \text{начальное приближение}[\text{, начало отрезка, конец отрезка}])$$

Перед началом решения желательно построить график функции, чтобы проверить, есть ли корни, т.е. пересекает ли график ось абсцисс. Начальное приближение лучше всего выбрать по графику поближе к значению корня.

В функции `root()` достаточно использовать два первых параметра. В этом случае необходимо предварительно задавать начальное приближение.

Если указывать в функции `root()` все четыре параметра, тогда начальное приближение предварительно можно не задавать. Необходимо помнить, что внутри указанного интервала должен быть только один нуль функции.

$$f(x) := \sin(x)$$

$$x := 5$$

$$\text{root}(f(x), x) = 5.142 \quad \text{или} \quad \text{root}(f(x), x, 5, 4) = 5.142 \quad \text{или} \quad \text{root}(f(x), x, 5, 4) \rightarrow \pi$$

Рисунок 44 – Пример использования функции `root()`

Для нахождения локальных экстремумов в MathCAD используются функции `maximize()` и `minimize()`:

$$\text{maximize}(\text{имя функции}, \text{аргументы}),$$

$$\text{minimize}(\text{имя функции}, \text{аргументы}).$$

Использование функций `maximize()` и `minimize()` аналогично функции `find()`. Ключевое слово `Given` можно опустить – оно необходимо только при наличии ограничений (рисунок 45).

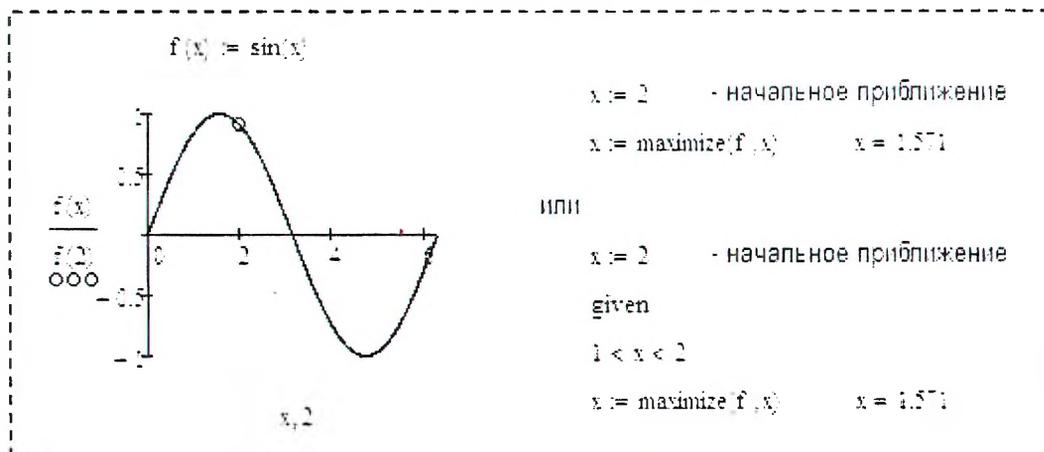


Рисунок 45 – Пример использования функции `maximize()`

Элементы программирования

Элементы программирования в MathCAD служат для создания программных модулей, которые содержат в себе множество строк и фактически являются составными выражениями.

Программный модуль состоит из названия, следующего за ним знака присвоения значения и необходимых выражений в правой части, записанных в столбик и объединенных слева вертикальной чертой.

Для создания программного модуля надо:

- ввести имя программного модуля и, если это необходимо, в скобках указать входные переменные;
- ввести оператор присваивания «:=»;
- щелкнуть на панели **Программирование** по кнопке **Add Line** (Добавить строку) столько раз, сколько строк должна содержать программа;
- в появившиеся маркеры ввести нужные операторы, лишние маркеры удалить.

Чтобы создать недостающие маркеры, надо поставить уголок курсора ввода в конец строки, после которой нужно будет вводить новую строку. Клавишей пробела следует выделить полностью всю строку и нажать кнопку **Добавить строку**.

Присваивание значений переменным и константам в программном модуле производится с помощью программного оператора присваивания «←», который вводится с панели **Программирование** нажатием кнопки «←». При создании программы, когда этот знак приходится использовать часто, полезно пользоваться клавишей <{>.

Любой программный модуль представляет собой сочетание обычных математических выражений с операторами условия и цикла. Разберем действие одного из этих операторов.

Действие условного оператора if состоит из двух частей. Сначала проверяется условие, записанное справа от оператора if. Если оно верно, выполняется выражение, стоящее слева от if, если не верно, происходит переход к следующей строке программы. Она может содержать новое условие или быть обычным выражением.

Разветвляющаяся функция	Листинг в MathCAD
$f(x) = \begin{cases} 2 \cdot x, & \text{если } x < 0 \\ x^2, & \text{если } 0 \leq x \leq 3 \\ e^{2 \cdot x}, & \text{если } x > 3 \end{cases}$	<div style="border: 1px dashed black; padding: 5px; margin-bottom: 10px;"> $f(x) := \begin{cases} 2 \cdot x & \text{if } x < 0 \\ x^2 & \text{if } 0 \leq x \leq 3 \\ e^{2 \cdot x} & \text{otherwise} \end{cases} \quad f(2) = 4$ </div> <p style="text-align: center;">или</p> <div style="border: 1px dashed black; padding: 5px;"> $f(x) := \begin{cases} \text{if } x < 0 \\ \quad \left \begin{array}{l} v \leftarrow \text{"1 ветвь"} \\ r \leftarrow 2 \cdot x \end{array} \right. \\ \text{if } 0 \leq x \leq 3 \\ \quad \left \begin{array}{l} v \leftarrow \text{"2 ветвь"} \\ r \leftarrow x^2 \end{array} \right. \\ \text{otherwise} \\ \quad \left \begin{array}{l} v \leftarrow \text{"3 ветвь"} \\ r \leftarrow e^{2 \cdot x} \end{array} \right. \end{cases}$ $f(2) = \begin{pmatrix} 4 \\ \text{"2 ветвь"} \end{pmatrix}$ <div style="display: flex; justify-content: space-between; align-items: center; margin-top: 5px;"> (r) (v) + </div> </div>

Часто встречается условие с двумя вариантами действия: «Если..., то ..., иначе...». Для слова «иначе» на панели **Программирование** имеется оператор otherwise (иначе), который вводится так же, как if.

На практике условие «если-то-иначе» необходимо вводить в таком порядке:

- в создаваемой программе установить курсор на свободное место ввода, где должен появиться условный оператор;
- на панели **Программирование** щелкнуть на кнопке «if». В программе появится шаблон оператора с двумя маркерами;
- в правый маркер ввести условие. Пользуйтесь при этом логическими операторами, вводя их с панели **Булевы операторы**;

Арифметические операции

мат. запись	G Таблицы	MathCAD	мат. запись	G Таблицы	MathCAD
$-a$	$-a$	$-a$	$a : b$	a / b	$\frac{a}{b}$
$a + b$	$a + b$	$a + b$	a^n	$a^{\wedge}n$	a^n
$a - b$	$a - b$	$a - b$	$-a^n$	$-(a^{\wedge}n)$	$-a^n$
$a \cdot b$	$a * b$	$a \cdot b$	$\sqrt[n]{a}$	$a^{(1/n)}$	$\sqrt[n]{a}$

ЭЛЕМЕНТЫ БЛОК-СХЕМ

	Начало или конец алгоритма		Проверка условия
	Ввод или вывод информации		Порядок выполнения действий
	Линейная последовательность команд		Комментарий

Примеры блок-схем.

Найти площадь треугольника по трем сторонам	Вычислить функцию: $f(x) = \begin{cases} x^2 + 3, & \text{если } x > 0 \\ 2 \cdot x + 3, & \text{если } x \geq 0 \end{cases}$

Лабораторная работа № 1

ТЕМА. Знакомство с веб-приложениями **Google Почта** (Gmail) и **Google Класс** (Google Classroom).

ЗАДАНИЕ 1. Выполнить первоначальную настройку веб-приложения **Google Почта**.

- Получить у преподавателя адрес корпоративной электронной почты БрГТУ (login@g.bstu.by) и первоначальный пароль.
- Открыть браузер.
- Перейти на сайт по адресу <https://google.com>.
- Ввести корпоративный аккаунт.
- В правом верхнем углу нажать символ **Меню веб-приложений Google** (точки) и выбрать приложение **Почта**. В браузере откроется соответствующее приложение.
- В правом верхнем углу выбрать символ **Настройки** (шестерня) и в раскрывшемся меню выбрать пункт **Настройки**.
- В меню **Настройки / Общие** создать подпись для отправляемых писем.
- В меню **Настройки / Расширенные** включить следующие опции: **Значок непрочитанных сообщений**, **Область просмотра**, **Чат с правой стороны**. Внизу страницы нажать кнопку **Сохранить изменения**.
- В правом верхнем углу возле символа **Показывать несколько папок** нажать на пиктограмму треугольника и в раскрывшемся меню выбрать пункт **Разделение по вертикали** либо **Разделение по горизонтали**.
- В левой части страницы выделить последнее полученное письмо и в правой части страницы просмотреть его содержимое. Сделать снимок экрана (Alt+PrtSc) и прикрепить его к ответу в качестве выполненного задания.

2. Присоединиться к существующим курсам в веб-приложении **Google Класс**.

- Выбрать через **Меню приложений** приложение **Google Класс** (Classroom) (в последней строке списка приложений).
- При входе в **Класс** необходимо указать ваш корпоративный аккаунт и вашу роль **Учащийся**. Если все было сделано верно, то у вас в **Классе** будут отображены курс или курсы, в которые вас предварительно пригласили в качестве учащегося.
- Присоединиться ко всем курсам нажав на кнопку **Присоединиться** и изучить их структуру. Перемещаться между курсами можно с помощью кнопки навигации **Главное меню**.

3. Скриншоты результатов работы отправить на проверку.

Лабораторная работа № 2

ТЕМА. Знакомство с веб-приложениями **Google Календарь** (Google Calendar) и **Google Drive** (Google Диск).

ЗАДАНИЕ 1. Выполнить первоначальную настройку веб-приложения **Google Календарь**.

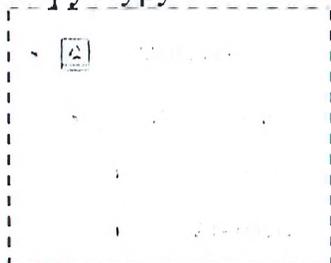
- Открыть браузер.
- Перейти на сайт по адресу <https://google.com> и ввести на открывшейся странице свои корпоративные данные.
- В правом верхнем углу нажать символ **Меню веб-приложений Google** (точки) и выбрать приложение **Календарь**. В браузере откроется соответствующее приложение.
- В правом верхнем углу выбрать символ **Настройки** (шестерня) и в раскрывшемся меню выбрать пункт **Настройки**.
- Слева в группе настроек **Общие** установить следующие настройки: язык и регион, мероприятия, режим просмотра и рабочее время
- Слева в группе настроек **Настройки моих календарей** установить следующие настройки для **Личного календаря** (ваше ФИО): разрешения на доступ, уведомления о мероприятиях и Общее уведомления.

2. Заполнить **Личный календарь** своим расписанием на семестр.

- Установить **Режим отображения календаря – Неделя**.
- Пользуясь элементами навигации пролистать календарь на сентябрь, щелкнуть левой клавишей мыши в область дня начала первого занятия и нажать по кнопке **Другие параметры**.
- Заполнить созданное мероприятие необходимой информацией: название, дата, время, аудитория и комментарий.
- Аналогичным образом заполнить все расписание на семестр.

3. Создать структуру папок в веб-приложении **Google Диск**.

- В правом верхнем углу нажать символ **Меню веб-приложений Google** (точки) и выбрать приложение **Диск**. В браузере откроется соответствующее приложение.
- Изучить интерфейс веб-приложения **Google Диск**.
- Создать указанную структуру папок на своем Диске.



4. Отправить на проверку скриншот созданных папок на **Google Диске**.

Лабораторная работа № 3(1,2)

ТЕМА. Создание комплексного документа в текстовом редакторе Word.

Задание: 1. Открыть в Word файл **Анкета.doc**.

2. Сохранить файл под своей фамилией (краткое имя файла: _____).

3. Заполнить анкету, приведя развернутые ответы на представленные вопросы.

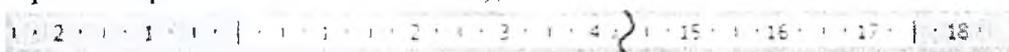
4. Документ привести в соответствии со следующими требованиями:

- *параметры страницы*

- поля (левое – 2,5 см; правое – 1 см; верхнее – 2 см и нижнее – 1,5 см);
- ориентация – книжная;

- *текст вопроса*

- формат абзаца (выравнивание – по ширине; отступ слева и справа – 0 см; первая строка – выступ 0,7 см; междустрочный интервал – одинарный; интервал: перед – 4 пт, после – 2 пт);



- формат шрифта (гарнитура – Courier New; начертание – полужирное; размер – 13 пт).

- *текст ответа*

- формат абзаца (выравнивание – по ширине; отступ слева – 0,7 см; отступ справа – 0 см; первая строка – отступ 0 см; междустрочный интервал – одинарный; интервал перед и после – 2 пт);



- формат шрифта (гарнитура – Arial Narrow; начертание – обычное; размер – 12 пт).

5. Ввести текст и выполнить его форматирование по следующим правилам:

- *ввод текста*

- в новой строке добавить заголовок **Тема 2. ТЕКСТ** и его название – _____;
- со следующей строки ввести текст с карточки индивидуального задания и скопировать введенный текст в два следующих абзаца;

- *формат шрифта для текста*

- формат шрифта (гарнитура – Arial; начертание – обычное; размер – A= _____ пт);

- *формат первого абзаца для текста*

- формат абзаца (выравнивание – по ширине; отступ слева и справа – B= _____ см; первая строка – отступ C= _____ см; междустрочный интервал – D= _____ ед.; интервал перед и после – 4 пт);



- *формат второго абзаца для текста*

- формат абзаца (тот же что и для первого, кроме: отступ слева и справа – 0 см; текст в две колонки).

- *формат третьего абзаца для текста*
 - формат абзаца (тот же что и для первого, кроме: первая строка – нет);
 - добавить сноску в конце абзаца (положение – внизу страницы; текст сноски – название текста).
6. Ввести формулы по следующим правилам:
- *ввод текста*
 - в новой строке добавить заголовок **Тема 3. ФОРМУЛЫ**;
 - *ввод первой формулы*
 - в новой строке добавить заголовок **Тема 3.1. Формула 1**;
 - в следующей строке ввести математическое выражение с карточки индивидуального задания для лабораторной работы №5, **находящееся в числителе дроби** (математическое выражение можно набирать любым доступным редактором формул в приложении Word);
 - *ввод второй формулы*
 - в новой строке добавить заголовок **Тема 3.2. Формула 2**;
 - в следующей строке ввести **первое уравнение** из системы линейных алгебраических уравнений с карточки индивидуального задания для лабораторной работы №7.
7. Ввести списки, расположив их в столбцах таблицы по следующим правилам:
- *ввод таблицы*
 - в новой строке добавить заголовок **Тема 4. СПИСКИ**;
 - в следующей строке вставить таблицу размером 2 строки и 2 столбца;
 - *ввод списков*
 - в первой строке таблицы указать название списков (указаны в карточке) и выполнить заливку ячеек желтым цветом;
 - во второй строке ввести по 7 элементов списка (для задания (а) использовать нумерованный список, для задания (б) – маркированный).
8. Вставить рисунок в документ по следующим правилам:
- *ввод рисунка*
 - в новой строке добавить заголовок **Тема 5. РИСУНОК**;
 - в следующую строку вставить рисунок с номером _____.
9. Проставить нумерацию страниц документа по правилу: номера располагаются вверху страницы и по центру.
10. Оформить заголовки каждой из тем одним и тем же стилем *Заголовок 1*, а заголовки разделов (тема 3.1 и тема 3.2) – стилем *Заголовок 2*.
11. В конце документа вставить разрыв страницы и на новом листе добавить *Оглавление* (уровень оглавления – 2).
12. Оформить колонтитулы: в верхнем колонтитуле указать текущую дату (выравнивание – по правому краю), в нижнем колонтитуле вставить полное имя файла, используя вставку автотекста.
13. Выполнить дополнительное задание _____
- _____
- _____
- _____

Лабораторная работа № 4(1,2)

ТЕМА. Создание совместного документа в приложении Google Документы.

Задание: 1. Открыть в Google Документах файл Анкета.

2. Сохранить файл под своей фамилией (краткое имя файла: _____).

3. Заполнить анкету, приведя развернутые ответы на представленные вопросы.

4. Документ привести в соответствии со следующими требованиями:

- *параметры страницы*

- поля (левое – 2,5 см; правое – 1 см; верхнее – 2 см и нижнее – 1,5 см);
- ориентация – книжная;

- *текст вопроса*

- формат абзаца (выравнивание – по ширине; отступ слева и справа – 0 см; первая строка – выступ 0,7 см; междустрочный интервал – одинарный; интервал: перед – 4 пт, после – 2 пт);

1 2 1 1 | 1 1 2 1 3 1 4 } 15 16 17 | 18

- формат шрифта (гарнитура – Courier New; начертание – полужирное; размер – 13 пт).

- *текст ответа*

- формат абзаца (выравнивание – по ширине; отступ слева – 0,7 см; отступ справа – 0 см; первая строка – отступ 0 см; междустрочный интервал – одинарный; интервал перед и после – 2 пт);

1 2 1 1 | 1 1 2 1 3 1 4 } 15 16 17 | 18

- формат шрифта (гарнитура – Arial Narrow; начертание – обычное; размер – 12 пт).

5. Ввести текст и выполнить его форматирование по следующим правилам:

- *ввод текста*

- в новой строке добавить заголовок **Тема 2. ТЕКСТ** и его название – _____;
- со следующей строки ввести текст с карточки индивидуального задания и скопировать введенный текст в два следующих абзаца;

- *формат шрифта для текста*

- формат шрифта (гарнитура – Arial; начертание – обычное; размер – A= _____ пт);

- *формат первого абзаца для текста*

- формат абзаца (выравнивание – по ширине; отступ слева и справа – B= _____ см; первая строка – отступ C= _____ см; междустрочный интервал – D= _____ ед.; интервал перед и после – 4 пт);

1 2 1 1 | 1 1 2 1 3 1 4 } 15 16 17 | 18

- *формат второго абзаца для текста*

- формат абзаца (тот же что и для первого, кроме: отступ слева и справа – 0 см; текст в две колонки).

- *формат третьего абзаца для текста*
 - формат абзаца (тот же что и для первого, кроме: первая строка – нет);
 - добавить сноску в конце абзаца (положение – внизу страницы; текст сноски – название текста).

6. Ввести формулы по следующим правилам:

- *ввод текста*
 - в новой строке добавить заголовок **Тема 3. ФОРМУЛЫ**;
- *ввод первой формулы*
 - в новой строке добавить заголовок **Тема 3.1. Формула 1**;
 - в в следующей строке ввести математическое выражение с карточки индивидуального задания для лабораторной работы №5, **находящееся в числителе дроби** (математическое выражение можно набирать любым доступным редактором формул в приложении Word);
- *ввод второй формулы*
 - в новой строке добавить заголовок **Тема 3.2. Формула 2**;
 - в следующей строке ввести **первое уравнение** из системы линейных алгебраических уравнений с карточки индивидуального задания для лабораторной работы №7.

7. Ввести списки, расположив их в столбцах таблицы по следующим правилам:

- *ввод таблицы*
 - в новой строке добавить заголовок **Тема 4. СПИСКИ**;
 - в следующей строке вставить таблицу размером 2 строки и 2 столбца;
- *ввод списков*
 - в первой строке таблицы указать название списков (указаны в карточке) и выполнить заливку ячеек желтым цветом;
 - во второй строке ввести по 7 элементов списка (для задания (а) использовать нумерованный список, для задания (б) – маркированный).

8. Вставить рисунок в документ по следующим правилам:

- *ввод рисунка*
 - в новой строке добавить заголовок **Тема 5. РИСУНОК**;
 - в следующую строку вставить рисунок с номером _____.

9. Проставить нумерацию страниц документа по правилу: номера располагаются сверху страницы и по центру.

10. Оформить заголовки каждой из тем одним и тем же стилем *Заголовок 2*, а заголовки разделов (тема 3.1 и тема 3.2) – стилем *Заголовок 3*.

11. В конце документа вставить разрыв страницы и на новом листе добавить *Оглавление*.

13. Выполнить дополнительное задание _____

Задания на защиту лабораторной работы № 5

Задание 1. Вычислить значение арифметического выражения по частям в вычислительных средах MathCAD и G Таблице. Результаты свести в таблицу.

Выражение: _____

Имя переменной	Значение переменной	Адрес ячейки на листе в GT	Формула в ячейке

(восемь цифр после запятой)

выдано: _____
(дата) (подпись)

Задание 2. Вычислить значение арифметического выражения по частям в вычислительных средах MathCAD и G Таблице. Результаты свести в таблицу.

Выражение: _____

Имя переменной	Значение переменной	Адрес ячейки на листе в GT	Формула в ячейке

(восемь цифр после запятой)

выдано: _____
(дата) (подпись)

Лабораторная работа № 6(1,2)

ТЕМА. Работа с матрицами в вычислительных системах (MathCAD, G Таблицы).

Задание: Для матрицы M , сформированной при выполнении лабораторной работы № 5(2), решить задачу в соответствии с вариантом: _____

а) Листинг решения задачи в MathCAD

ORIGIN:=1 – задание начала индексации массивов

$M := \left(\begin{array}{c} \\ \\ \\ \end{array} \right)$
– матрица M

m:=rows(M) m=
 n:=cols(M) n= – определение размерности (количество строк и столбцов) матрицы M

– промежуточные расчеты

z:= z= – результаты

б) Решение задачи в Google Таблицах:

- с помощью условного форматирования;

Форматировать ячейки, если

Ваша формула

= _____

(результат заштриховать карандашом)

- с помощью встроенных функций.

В ячейке _____.

Формула = _____.

Результат _____.

Работа выполнена верно: (дата) _____ (подпись) _____

Задания на защиту лабораторной работы № 6(1,2)

Задание 1. Сформировать матрицу М по заданному выражению по частям
 М=_____.

Диапазон ячеек на листе в G Таблице	Формула в ячейках

выдано: _____
 (дата) (подпись)

Задание 2. Сформировать матрицу М по заданному выражению по частям
 М=_____.

Диапазон ячеек на листе в G Таблице	Формула в ячейках

выдано: _____
 (дата) (подпись)

Задание 3. С помощью «Условного форматирования» для матрицы М найти ячейки, удовлетворяющие условию: _____

В отдельной ячейке найти их количество, сумму или произведение.

выдано: _____
 (дата) (подпись)

Задание 4. С помощью «Условного форматирования» для матрицы М найти ячейки, удовлетворяющие условию: _____

В отдельной ячейке найти их количество, сумму или произведение.

выдано: _____
 (дата) (подпись)

Лабораторная работа № 7(1,2)

ТЕМА. Решение систем уравнений в вычислительных системах.

Условие:

система
уравнений: }

Задание: Решить систему алгебраических линейных уравнений с четырьмя неизвестными с помощью встроенных возможностей.

MathCAD	Google Таблицы																																																																																																						
<p>Начальные значения переменных</p> <p style="margin-left: 40px;">x1 := x2 :=</p> <p style="margin-left: 40px;">x3 := x4 :=</p> <p>Определение блока Given ... Find Given</p> <p style="font-size: 2em;">() := Find()</p> <p>Результат</p> <p style="font-size: 2em;">() = ()</p>	<p style="text-align: center;">Исходные значения и расчетные формулы</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse; text-align: center;"> <tr><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td></td><td></td><td>x1</td><td>x2</td><td>x3</td><td>x4</td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>x=</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td></td><td></td><td>A</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td>Ax</td><td></td><td>b</td></tr> <tr><td>ур1</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td>=</td><td></td></tr> <tr><td>ур2</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td>=</td><td></td></tr> <tr><td>ур3</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td>=</td><td></td></tr> <tr><td>ур4</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td>=</td><td></td></tr> </table> <p>Формулы в ячейках</p> <p>= _____</p> <p>= _____</p> <p>= _____</p> <p>= _____</p> <p>Дополнение Solver</p> <div style="border: 1px dashed black; padding: 10px; margin: 5px;"> <p>By Changing</p> <p>Subject To</p> </div> <p>Результат</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse; text-align: center;"> <tr><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> </table>													x1	x2	x3	x4					x=																						A					Ax		b	ур1								=		ур2								=		ур3								=		ур4								=													
		x1	x2	x3	x4																																																																																																		
x=																																																																																																							
		A					Ax		b																																																																																														
ур1								=																																																																																															
ур2								=																																																																																															
ур3								=																																																																																															
ур4								=																																																																																															

Лабораторная работа № 8(1,2)

ТЕМА. Исследование функции одной переменной в MathCAD и Результат в Google Таблицах. Поиск нулей и экстремумов функций.

Условие:

$y(x) =$ _____ $a =$ _____ $b =$ _____

Задание: 1. Определить функцию $y(x)$ и её первую производную, построить оба графика функции на отрезке $[a, b]$.

MathCAD:
 график X-Y
 отображение осей – по центру
 в легенде: — $y(x)$; ---- $y'(x)$;
 ● нули функции; ■ локальные максимумы; ◆ локальные минимумы
 ориентировочный размер графика – $8 \times 17,5$ см

2. Используя встроенные возможности систем, найти:

– нули функции;

α	β	x	$y(x)$

– локальные максимумы функции.

α	β	x	$y(x)$	$y'(x)$

– локальные минимумы функции.

α	β	x	$y(x)$	$y'(x)$

Задания на защиту лабораторной работы № 8(1,2)

Задание 1. Используя встроенные возможности вычислительных сред MathCAD и Google Таблицы построить график функции $y(x)=$ _____ на участке $[a=$ _____; $b=$ _____] и определить все нули, локальные минимумы и локальные максимумы функции.

– нули / – локальные экстремумы функции.

α	β	x	$y(x)$	$y'(x)$	ТИП

выдано: _____
(дата) (подпись)

Задание 2. Используя встроенные возможности вычислительных сред MathCAD и Google Таблицы построить график функции $y(x)=$ _____ на участке $[a=$ _____; $b=$ _____] и определить все нули, локальные минимумы и локальные максимумы функции.

– нули / – локальные экстремумы функции.

α	β	x	$y(x)$	$y'(x)$	ТИП

выдано: _____
(дата) (подпись)

Задание 3. Используя встроенные возможности вычислительных сред MathCAD и Google Таблицы для функции $y(x)$ из лабораторной работы определить _____ нуль, _____ локальный экстремум (минимумы или максимум) функции после значения конца отрезка b .

– нули / – локальные экстремумы функции.

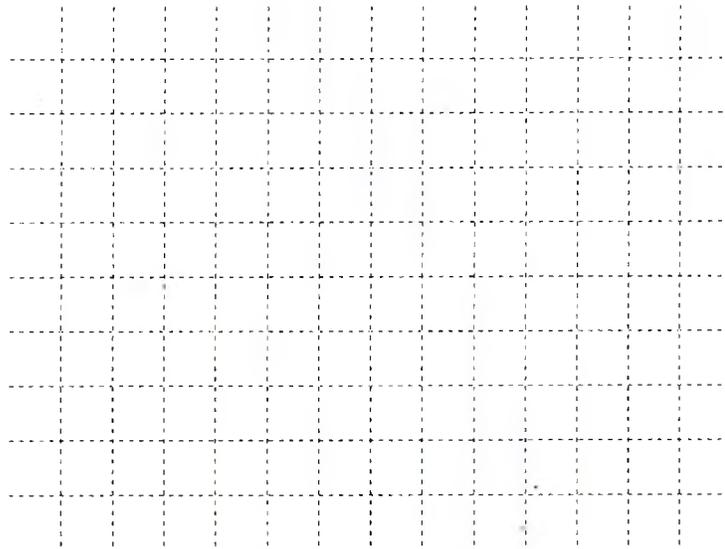
α	β	x	$y(x)$	$y'(x)$	ТИП

выдано: _____
(дата) (подпись)

Лабораторная работа № 9

ТЕМА. Разветвляющиеся функции.

Условие:



Задание: 1. Определить функцию $f(x)$ по её графику.

Функция в аналитическом виде $f(x) = \left\{ \right.$

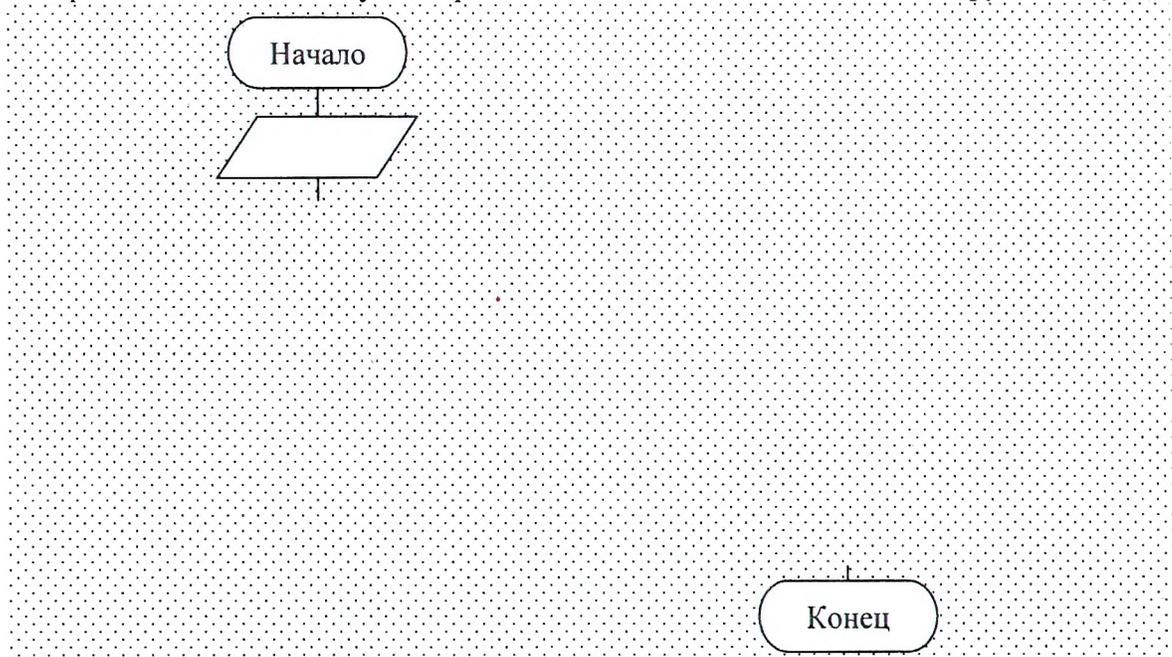
2. Задать функцию $f(x)$ в MathCAD и построить её график.

$f(x) :=$ _____

3. Задать функцию $f(x)$ в Google Таблицах и построить её график.

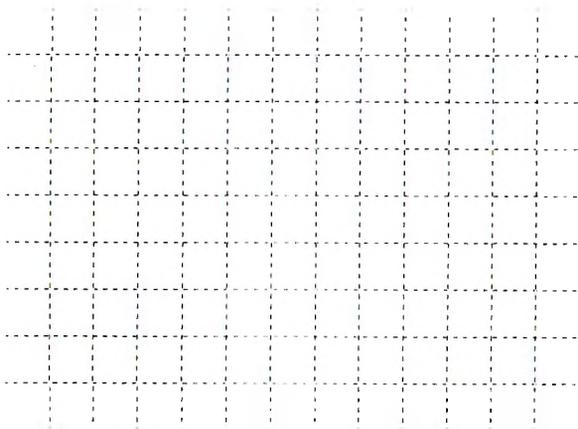
Ячейка _____ = _____

4. Привести блок-схему алгоритма для вычисления значения функции $f(x)$.



Задания на защиту лабораторной работы № 9

Задание 1. Определить функцию $f(x)$ по её графику.



Ячейка _____ = _____

Функция в аналитическом виде

$$f(x) = \left\{ \right.$$

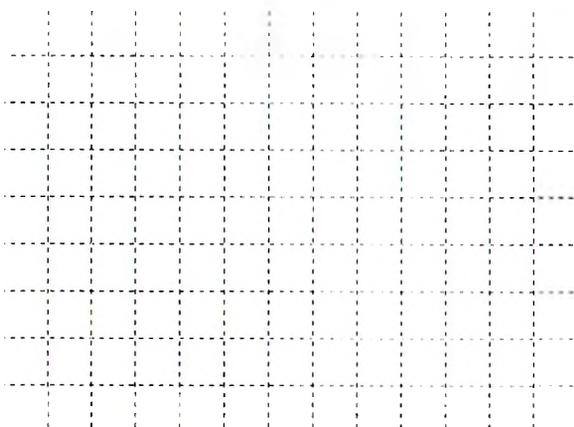
Функция $f(x)$ в MathCAD:

$f(x) :=$ _____

Функция $f(x)$ в Google Таблицах:

выдано: _____
(дата) (подпись)

Задание 2. Определить функцию $f(x)$ по её графику.



Ячейка _____ = _____

Функция в аналитическом виде

$$f(x) = \left\{ \right.$$

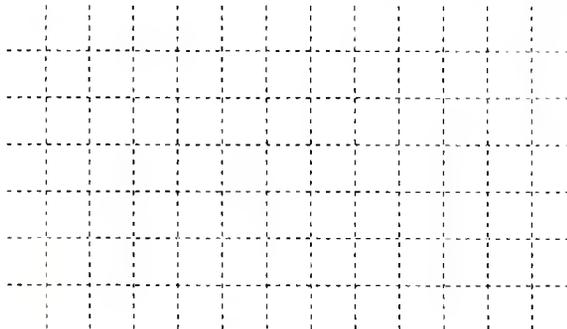
Функция $f(x)$ в MathCAD:

$f(x) :=$ _____

Функция $f(x)$ в Google Таблицах:

выдано: _____
(дата) (подпись)

Задание 3. Привести блок-схему алгоритма для вычисления значения функции $f(x)$.



выдано: _____
(дата) (подпись)



Лабораторная работа № 10(1,2)

ТЕМА. Создание пользовательских функций (с разветвляющейся структурой) в MathCAD.

Условие:

$$u(x, a, b, n) = \left\{ \begin{array}{l} \\ \\ \\ \end{array} \right.$$

Задание: 1. Привести блок-схему решения задачи..

2. Разработать программный блок с использованием встроенных возможностей системы для вычисления значения функции $u(x, a, b, n)$.

3. Выполнить тестирование программного блока.

$u(\quad , \quad , \quad , \quad) =$	$u(\quad , \quad , \quad , \quad) =$
$u(\quad , \quad , \quad , \quad) =$	$u(\quad , \quad , \quad , \quad) =$
$u(\quad , \quad , \quad , \quad) =$	$u(\quad , \quad , \quad , \quad) =$

Работа выполнена верно: (дата) _____ (подпись) _____

Задания на защиту лабораторной работы № 10(1,2)

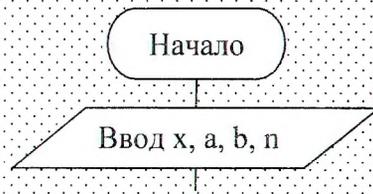
Задание 1. Вычислить значение функции $u(x, a, b, n)$ и показать на блок-схеме последовательность выполнения блоков (пронумеровать), приводящих к этому результату.

$u(\quad , \quad , \quad , \quad) =$	$u(\quad , \quad , \quad , \quad) =$
--	--

выдано: _____
(дата) (подпись)

выдано: _____
(дата) (подпись)

БЛОК-СХЕМА



Конец

Список дополнительной литературы

1. Бондаренко, М. Microsoft Word 2003 в теории и на практике. / М. Бондаренко, С. Бондаренко. – М. : Новое знание, 2004. – 336 с.
2. Кирьянов, Д. В. Mathcad 15 / Mathcad Prime 1.0. – СПб. : БХВ-Петербург, 2012. – 432 с.
3. Таблицы - центр обучения G Suite [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <https://gsuite.google.ru/learning-center/products/sheets>.

Оглавление

Общие указания.....	3
Отметки о защите лабораторных работ	4
Методические указания к выполнению лабораторных работ	5
ТЕКСТОВЫЙ РЕДАКТОР MICROSOFT WORD	5
ВЕБ-ПРИЛОЖЕНИЕ GOOGLE ТАБЛИЦЫ.....	9
СИСТЕМА КОМПЬЮТЕРНОЙ МАТЕМАТИКИ MATHCAD.....	15
ДОПОЛНИТЕЛЬНЫЙ МАТЕРИАЛ.....	24
ЗАПИСЬ АРИФМЕТИЧЕСКИХ ВЫРАЖЕНИЙ В GOOGLE ТАБЛИЦАХ И MATHCAD.....	24
ЭЛЕМЕНТЫ БЛОК-СХЕМ.....	25
Лабораторная работа № 1	26
Лабораторная работа № 2	27
Лабораторная работа № 3(1,2)	28
Лабораторная работа № 4(1,2)	30
Лабораторная работа № 5	32
Задания на защиту лабораторной работы № 5	33
Лабораторная работа № 6(1,2)	34
Лабораторная работа № 6(1,2)	35
Задания на защиту лабораторной работы № 6(1,2).....	36
Лабораторная работа № 7(1,2)	37
Лабораторная работа № 7(1,2)	38
Задания на защиту лабораторной работы № 7(1,2).....	39
Лабораторная работа № 8(1,2)	40
Задания на защиту лабораторной работы № 8(1,2).....	41
Лабораторная работа № 9.....	42
Задания на защиту лабораторной работы № 9	43
Лабораторная работа № 10(1,2)	44
Задания на защиту лабораторной работы № 10(1,2).....	44
Список дополнительной литературы	46

УЧЕБНОЕ ИЗДАНИЕ

Составители:

Кофанов Валерий Анатольевич

Хомицкая Татьяна Георгиевна

Тузик Ирина Владимировна

ЛАБОРАТОРНЫЙ ПРАКТИКУМ

по дисциплине «Информатика» для студентов
строительных специальностей очной формы обучения
первого семестра

издание 4-е, переработанное и дополненное

*Текст печатается в авторской редакции,
орфографии и пунктуации*

Ответственный за выпуск: Кофанов В.А.

Редактор: Боровикова Е.А.

Компьютерная верстка: Кофанов В.А.

Подписано в печать 29.10.2019 г. Формат 60x84 ¹/₈. Бумага «Performer».
Гарнитура «Times New Roman». Усл. печ. л. 5,58. Уч. изд. л. 6,0. Заказ № 1445. Тираж 13 экз.
Отпечатано на ризографе учреждения образования «Брестский государственный
технический университет». 224017, г. Брест, ул. Московская, 267.