

Литература

1. Bachmann P. et al. // Ext. Abstracts-Diamond and Diamond like Materials Synthesis. MRS Spring Meeting, Reno (Nevada), 1988. P. 99.

**КРИТЕРИАЛЬНЫЕ ЗАВИСИМОСТИ ДЛЯ РАСЧЕТА  
ПАРАМЕТРОВ ПЛАЗМЕННЫХ СТРУЙ ПРИ  
ПОВЕРХНОСТНОЙ ОБРАБОТКЕ МАТЕРИАЛОВ**

*Бублиевский Д.А.<sup>\*)</sup>, Каролинский В.Г.<sup>\*\*)</sup>, Сазонов М.И.<sup>\*\*)</sup>*

<sup>\*)</sup> Институт тепло- и массообмена АН Беларуси

<sup>\*\*)</sup> Брестский политехнический институт

Одним из существенных результатов длительных и целенаправленных исследований электрических дуг в электродуговых нагревателях газа (плазмотронах) стала разработка различных экспериментальных и теоретических методов определения их характеристик. Эти исследования отражены в ряде монографий, посвященных данной теме, например, в [1,2]. Подобные работы отличаются двумя проблемными особенностями. Первая из них связана с тем, что определение характеристик теоретическими, в частности, численными методами производится, как правило, в физических переменных, хотя использование обобщенных переменных позволяет сократить их количество, найти скрытые связи между ними и привести расчеты в определенную систему. Существует лишь эмпирическое решение этого вопроса, требующее большого числа экспериментальных данных. Вторая особенность заключается в отсутствии комплексного подхода, направленного на установление взаимосвязи между параметрами плазменных струй и потоков, с одной стороны, и характеристиками дуги, с другой.

Некоторые предложения по решению затронутой проблемы в случае сильноточных малорасходных электрических дуг рассмотрены ниже.

В работе [3] разработана так называемая анизотропная модель электрической дуги в канале, позволившая аналитическим путем получить критериальные выражения для расчета ее характеристик. Она основана на использовании степенной аппроксимации зависимости электропроводности  $\sigma$  от приращения "потенциала" теплопроводности  $\Delta S$  с различными показателями степеней для продольной и поперечной составляющих этого приращения, появляющихся при разделении переменных. Допускается  $C_p/\lambda = \text{const}$ ,  $\rho V_z = \text{const}$ .

Поле "потенциала" теплопроводности в электропроводной зоне согласно [3] описывается критериальным выражением

$$\Delta \bar{S}_1(\bar{r}, \bar{z}) = \left\{ \frac{Po}{10,6k_0 \bar{r}_*^2 (1 + 0,17K_0 \bar{r}_*^2)} \times \left[ 1 - \exp \left( - \frac{5,78(n_0 + 1)(1 + 0,17K_0 \bar{r}_*^2)}{Pe \bar{r}_*^2} \bar{z} \right) \right] \right\}^{\frac{1}{n_0 + 1}} J_0 \left( \mu_1 \frac{\bar{r}}{\bar{r}_*} \right) \quad (1)$$

Радиус электропроводной зоны определяется из неявного трансцендентного уравнения.

Частные случаи  $\bar{z}/Pe \bar{r}_*^2 \rightarrow \infty$ ,  $\alpha_*^2 \bar{z}/Pe \rightarrow \infty$  (асимптотическая область) и  $\bar{z}/Pe \bar{r}_*^2 \ll 1$ ,  $\alpha_*^2 \bar{z}/Pe \ll 1$  (начальная область) рассмотрены в [4-6]. В предельном случае  $\bar{z}/Pe \bar{r}_*^2 \rightarrow \infty$ ,  $\alpha_*^2 \bar{z}/Pe \rightarrow \infty$  радиус электропроводной зоны определяется по формуле [4]

$$\bar{r}_* = \exp \left[ -0,8K_0 \left( \frac{Po}{10,6k_0 \bar{r}_*^2 (1 + 0,17K_0 \bar{r}_*^2)} \right)^{\frac{1}{n_0 + 1}} \right] \quad (2)$$

Рассмотрим подробнее переходную область. Полученные в [3] общие расчетные зависимости применительно к данной области можно упростить. Для этого принимаем, что радиус электропроводной зоны здесь не зависит от  $\bar{z}$  и равен радиусу дуги в асимптотической области согласно (2). Еще более простая ситуация возникает, если этот радиус в нулевом приближении принять равным единице, что имеет место при больших значениях  $Po$ . На выходе из канала дуга занимает практически все сечение и осредненный "потенциал" можно определять, к примеру, по несколько видоизмененной формуле (1), не учитывая вклад неэлектропроводной зоны.

При решении задач в области струйного течения принимаются те же упрощения и допущения, которые использовались в дуговой области. Кроме того, в отличие от предыдущего, пренебрегается излучением и рассматривается плоская струя. Естественно, отсутствует источник джоулевого тепловыделения. Тогда уравнение энергии для струи будет иметь достаточно простой вид

$$\frac{\partial \Delta \bar{S}}{\partial \bar{z}} = \frac{1}{Pe} \frac{\partial \Delta \bar{S}}{\partial \bar{x}^2} \quad (3)$$

Оно аналогично рассматриваемым в [5] уравнениям теплопроводности при решении задач для полубесконечных твердых тел. Подобная аналогия используется в [7] при расчете газовых факелов методом эквивалентной задачи теплопроводности.

Решение (3) при условиях

$$\overline{\Delta S}(0, \bar{x}) = \begin{cases} \overline{\Delta S}_L = \text{const} & \text{при } 0 \leq \bar{x} \leq 1, \\ 0 & \text{при } 1 \leq \bar{x} \leq \infty \end{cases} \quad (4)$$

можно записать в форме [7,8]

$$\overline{\Delta S} = \frac{\overline{\Delta S}_L}{2} \left( \operatorname{erf} \frac{\bar{x}+1}{2\sqrt{\frac{z}{\text{Pe}}}} - \operatorname{erf} \frac{\bar{x}-1}{2\sqrt{\frac{z}{\text{Pe}}}} \right) \quad (5)$$

При  $\bar{x} = 0$  получим закон изменения  $\overline{\Delta S}$  на оси

$$\overline{\Delta S}_{00} = \overline{\Delta S}_L \operatorname{erf} \left( \frac{1}{2\sqrt{\frac{z}{\text{Pe}}}} \right) \quad (6)$$

Определив  $\overline{\Delta S}_L$  из (1), используя то обстоятельство, что при  $\bar{r}_* \approx 1$  бесселевым профиле осредненное по радиусу значение  $\overline{\Delta S}$  в 2,32 раза меньше  $\overline{\Delta S}$  на оси, и подставив его в (6), окончательно получим

$$\overline{\Delta S}_{00} = \frac{1}{2,32} \left\{ \frac{\text{Po}}{10,6k_{\sigma}(1+0,17K_{\sigma})} \times \right. \\ \left. \times \left[ 1 - \exp \left( -\frac{5,78(n_{\sigma}+1)(1+0,17K_{\sigma})}{\text{Pe}} \bar{L} \right) \right] \right\}^{\frac{1}{n_{\sigma}+1}} \operatorname{erf} \left( \frac{1}{2\sqrt{\frac{z}{\text{Pe}}}} \right) \quad (7)$$

Такую же подстановку можно сделать и в (5).

Таким образом, в результате данного исследования предложена аналитическая методика расчета полей температуры плазменных струй, используемых в технологиях поверхностной обработки материалов. Методика основана на модельных представлениях, позволяющих связать параметры струи с характеристиками сильноточных малорасходных электрических дуг в плазматронах. Расчетные зависимости получены в критериальном виде.

### Обозначения

$C_p$  - изобарная теплоемкость;  $\sigma$  - электропроводность;  $\lambda$  - теплопроводность;  $\gamma$  - плотность;  $V$  - скорость;  $G$  - расход газа;  $T$  - температура;  $E$  - напряженность электрического поля;  $I$  - сила тока;  $r, z, x$  - радиальная, продольная и поперечная координаты;  $R$  - радиус канала;  $Q$  - плотность объемного излучения;

$S = \int_0^r \lambda dT$  - "потенциал" теплопроводности;  $\bar{r} = r/R$ ;  $\bar{z} = z/R$ ;  $\bar{x} = x/R$ ;  $\bar{L} = L/R$ ;

$\Delta S = S - S_*$ ;  $\overline{\Delta S} = \Delta S / \Delta S_0$ ;  $J_0$  - функция Бесселя;  $Pe = P/R^2 s_0 \Delta S_0$  - критерий Помранцева;  $Pe = GC_{p0} / \pi R \lambda_0$  - модифицированный критерий Пекле;  $K_Q = Q_0 R^2 / \Delta S_0$  - критерий излучения;  $K_S = -\Delta S / \Delta S_0$  - параметрический критерий;  $ns, ks$  - постоянные;  $\mu_1, \alpha_n$  - корни характеристических уравнений. Индексы: \* - граница электропроводной зоны; 0 - определяющее значение; 00 - осевое значение; I - электропроводная зона, z - осевая составляющая; L - относится к выходному сечению электрода.

### Литература

1. Жуков М.Ф., Смоляков В.Я., Урюков Б.А. Электродуговые нагреватели газа (плазмотроны). - М.: Наука, 1973. - 232 с.
2. Теория термической электродуговой плазмы. Ч.1. Методы математического исследования плазмы / Жуков М.Ф., Урюков Б.А., Энгельшт В.С. и др. - Новосибирск: Наука, 1987. - 288 с.
3. Бублиевский А.Ф. Анизотропная модель излучающей электрической дуги // ИФЖ. - 1995. - Т.68, №5. - С. 820-826.

## ОПЕРАТОРНЫЙ МЕТОД РЕШЕНИЯ ЗАДАЧИ О РАСПРОСТРАНЕНИИ ВОЛН В СТЕРЖНЕ ПРЯМОУГОЛЬНОГО СЕЧЕНИЯ В ТРЕХМЕРНОЙ ПОСТАНОВКЕ

*Акимов В.А., Прусова А.В.*

*Белорусская государственная политехническая академия*

Наличие граничных поверхностей даже одного семейства (упругий слой) оказывает значительное влияние на структуру волнового поля. Если граничные поверхности принадлежат разным семействам, то картина распространения волн существенно усложняется. Простейшим примером та-