— отсутствует возможность гибко реагировать на любые трудности, возникающие у российской стороны;

— учитывая специфику строительного производства, организации несут значительные издержки, связанные с перебазировкой кадров, оснастки, организацией строительного процесса, обеспечением условий проживания.

Для получения возможности работать с крупными государственными заказчиками Российской Федерации организациям необходимо вступление в саморегулируемые организации СРО. Это является основным направлением деятельности по обеспечению экспорта. В настоящее время членами СРО являются все крупнейшие подрядные организации области.

Экспорт строительных услуг в 2016 году сводился, как правило, за исключением организаций крупнопанельного домостроения, к вывозу только рабочей силы. Опыт работ подрядных организаций области за пределами республики показывает низкую экономическую эффективность работы на субподряде у зарубежных компаний.

При больших трудозатратах, в конечном итоге, в объем экспорта строительных услуг, в доход организации и объем подрядных работ включается лишь заработная плата за выполненные виды работ (в редких случаях компенсация за эксплуатацию машин и механизмов). Объем работ, идущий за счет экспорта, составляет в таких случаях порядка 20–25% от аналогичного объема работ, выполненного в республике при выполнении полного комплекса работ по объекту.

Одним из направлений для минимизации затрат на объектах Российской Федерации - создание строительными организациями области обособленных подразделения (филиалов) в российских регионах.

На сегодня видно, что количество экспортных объектов на территории Республики Беларусь сокращается. Учитывая, что программа развития экспорта рассчитана до 2020 года, единственная возможность ее выполнения — это наращивание объемов за пределами страны.

## Список цитированных источников

1. Белорусский комитет по статистике [Электронный ресурс]. – Режим доступа: http:// belstat.gov.by – Дата доступа: 26.02.2017.

2. Итоги работы строительного комплекса Брестской области. Статистический сборник Брестской области. – Брест, 2016.

3. Инвестиции и строительство в Республике Беларусь. Статистический сборник – Минск, 2016.

УДК 624.012 Горбат Я.В., Лизогуб А.А. Научный руководитель: к.т.н. Тур А.В.

## РАСЧЕТ ПЛОСКИХ МОНОЛИТНЫХ ДИСКОВ ПЕРЕКРЫТИЯ С ПОМОЩЬЮ СЕТОЧНОГО МЕТОДА

**Введение.** В настоящее время все больше внимания уделяется вопросам, связанным с нелинейным поведением конструктивных систем в различных расчетных ситуациях. В связи с этим достаточно остро встала проблема адекватного выполнения таких расчетов. Это относится как к описанию свойств материалов при расчете, так и при описании самой расчетной схемы и степени ее идеализации.

При расчете плоских дисков перекрытия особую сложность вызывает описание и врезка линейного пластического шарнира. Для выполнения нелинейного расчета таких плит был выбран метод сеток [1], в котором основные параметры сетки разбиения, жесткостные характеристики и свойства пластических шарниров должны быть скорректированы в соответствии с действительной работой системы.

Цель нашей работы состоит в том, чтобы применить модель сетки [1] для нелинейного статического анализа монолитной плоской плиты. Рассматриваемая модель описывает линейное поведение плоских плитных конструкций. Пластическая реакция конструкции сосредоточена в точечных шарнирах, введенных в балочные конечные элементы, которые моделируют реакции при изгибе, кручении и сдвиге. Этот тип модели позволяет оценивать внутренние воздействия на стыки «плита–колонна». Описание их нелинейного поведения позволяет оценить полную реакцию конструкции. В частности, можно оценить надежность соединений в отношении продавливания и конструктивной деформативности.

Основные положения сеточного метода. Плита моделируется сеткой из стержневых конечных элементов, закрепленных в узлах, расположенных в двух ортогональных направлениях (рисунок 1, а). Колонны моделируются двумя стержневыми элементами — один сверху и один под плитой. Стержневые конечные элементы воспринимают эффекты от изгиба, кручения, осевой и сдвиговой деформации. Каждый узел обладает шестью степенями свободы.





Элементы сетки работают по линейно-упругой модели. Нелинейную работу описывают с помощью врезки в узлы этих элементов пластических шарниров, которые моделируют изгиб, срез и кручение в пластической стадии. Два главных изгибных шарнира расположены на концах элемента, где достигается максимальный изгибающий момент. Шарнир кручения и шарнир сдвига расположены в центре, так как сдвиг и кручение постоянны на всей длине элемента сетки (рисунок 1, б).

Шаг сетки должен быть достаточно густым рядом с колоннами, чтобы получить хорошее приближение влияния нагрузки на плиту, так как в этих зонах существует концентрация напряжений. Элементы сетки могут быть расставлены с большим шагом в других местах.

Жесткие вставки с длиной равной поперечному сечению колонны, размещены в центре сопряжения плиты с колонной (рисунок 1, б). Элементы, пересекающие колонну, имеют ширину, равную с + d (где с — длина стороны колонны и d — средняя рабочая высота сечения плиты), которая является шириной критического сечения сдвига в соответствии с определением ACI 318 [2] и является такой же для кручения в поперечном направлении. Пластический шарнир сдвига врезается в каждый из этих элементов на расстоянии d / 2 от торца колонны.

Изгибное нелинейное поведение сосредоточено на большей ширине, чем сдвиговое, и считается равным с + 3d согласно ACI 318 [2]. Часть его моделируется шарнирами изгиба элементов, обрамляющих колонны, а остальная часть — шарнирами соседних элементов. Что касается других элементов сетки, существуют следующие решения:

1) постоянный шаг с + d для всех элементов, что упрощает геометрию, а также определение свойств элемента;

2) постоянный шаг 2d, приводящий к довольно густой сетке.

Эти два типа сеток приводят к эквивалентным результатам с точки зрения реакции всей конструкции.

Элементы сетки имеют жесткость, определенную с учетом влияния трещинообразования, по этой причине для всех элементов назначается скорректированная исходная жесткость.

Пластический шарнир изгиба описывается упрощенной трехлинейной диаграммой «момент-кривизна» (рисунок 2). Исходными параметрами для получения аналитической зависимости «момент–кривизна» являются геометрические характеристики сечения, характеристики бетона и арматуры.



**Рисунок 2** – Аналитическая и аппроксимированная трехлинейная диаграмма «момент–кривизна»

Полученная из расчета зависимость затем аппроксимируется трехлинейной диаграммой, которая будет представлена в качестве входных данных для модели. Длина пластических шарниров изгиба принимается равной d (рабочая высота сечения плиты). При расчете не учитывается эффект проскальзывания.

**Численный эксперимент.** Для проверки принятых предположений, при назначении параметров элементов сетки, был выполнен численный эксперимент с целью верификации полученных результатов на фоне опытных данных, полученных в экспериментальных исследованиях ряда авторов [3], [4].



Рисунок 3 – Схемы плит и их армирование

Данные плиты были выбранны нами из-за характера их разрушения, так как в данном численном эксперименте нас интерисует образование пластических шарниров изгиба в плоских плитах перекрытия. Основные характеристики образцов представлены в таблице 1.

<b>Таблица 1 –</b> Основные характеристики	плит
--	------

Автор	Закрепле- ние	Нагрузка, Р	Класс бето- на	Класс арма- туры	Продольное армирование			Поперечное армирование		
					ρ <sub>x</sub> , %	Ø, MM	шаг , мм	ρ <sub>ν</sub> , %	Ø, MM	шаг, мм
McNiec e [3]	Шарнирно закрепле- на в углах	Сосредото- ченная нагрузка	C <sup>30</sup> / <sub>37</sub>	S400	0.85	14	120	0.85	14	120
Gaston Kruger [4]	Оперта по контуру	в центре плиты	C <sup>35</sup> / <sub>45</sub>	S400	0.86	14	120	0.86	14	120

Моделирование плит сеточным методом выполнялось в программном комплексе SAP2000. Разбиение сетки принималось согласно правилам, описанным выше. Ширина и шаг балок принимались 2d, где d — это рабочая высота сечения. Нагрузка прикладывалась в виде сосредоточенных сил в центральных узлах плит.





Плита, шарнирно закрепленная в углах, сосредоточенная нагрузка приложена в центр плиты (McNiece 1976) Плита оперта по контуру, сосредоточенная нагрузка приложена в центр плиты (Gaston Kruger 1998)

Рисунок 4 – Сеточная модель плит в SAP2000

Характеристики пластического шарнира изгиба описываются диаграммой «момент–кривизна», полученной аналитически с учетом средних характеристик материалов (таблица 2).

McNiece 1976				Gaston Kruger 1998					
Характеристики пластического шарнира									
Displacement Control Parameters			٠D	Displacement Control Parameters					
				Γ					
Point	Moment/SF	Curvature/SF			Point	Moment/SF	Curvature/SF		
E-	-340000	-0.000463			E	-21400000	-0.000114		
D-	-330000	-0.0002785			D-	-20500000	-0.0000699		
C-	-320000	-0.000097			C-	-19500000	-0.0000258		
B-	-320000	0			B-	-19500000	0		
A	0	0			A	0	0		
В	320000.	0.	•••••		В	19500000	0.		
C	320000.	9.700E-05			С	19500000	2.580E-05		
D	330000.	2.785E-04	E Cummahia		D	20500000	6.990E-05	V Summetric	
E	340000.	4.630E-04	J <b>∨</b> Symmetric		E	21400000	1.140E-04	je synnedic	
	Модифицированные характеристики пластического шарнира (0.5М)								
Displacement Control Parameters									
	1		-	- I					
Point	Moment/SF	Curvature/SF	_		Point	Moment/SF	Curvature/SF		
E.	-170000	-0.000463	- ├──┼─∲───●		E	-10700000	-0.000114	╴╷╴╷╴╻╸	
	-165000	-0.0002785			D-	·10225000	-0.0000699		
	-160000	-0.000097			C-	-9750000	-0.0000258		
B-	-160000	0	-		B-	-9750000	0		
	160000	0	╴╏ <mark>╺╾┥</mark> ╧┥╴┼╴╴		A	0	0		
	160000	9 700E-05			В	9750000.	0.		
	165000	2 785E-04			C	9750000.	2.580E-05		
F	170000.	4.630E-04	<ul> <li>Symmetric</li> </ul>		D	10225000	6.990E-05	Symmetric	
	110000.	1 10002 04	_		E	10700000	1.140E-04	i ojimiono	

Таблица 2 – Характеристики пластических шарниров изгиба в SAP2000

Первоначально расчету подвергалась схема с немодифицированными характеристиками жесткостей элементов сетки как в линейно-упругой стадии (диаграмма 2, рисунок 5), так и в пластической стадии работы элементов, при которой их работа осуществляется с активироваванными пластическими шарнирами. После сравнения диаграммы «сила-перемещение», полученной при данном расчете, с экспериментальной, было установлено значительное завышение силы, соответствующей началу пластической работы.



McNiece 1976

Gaston Kruger 1998

Рисунок 5 – Диаграмма «сила-перемещение»

Это может свидетельствовать о том, что углы поворота и, как следствие, перемещения, соответствующие началу пластической работы в немодифицированной системе, достигаются значительно позже, чем при проведении эксперимента. Это может быть связано с неадекватным описанием жесткостных параметров либо в линейно-упругой стадии, либо в пластической стадии, либо в обеих стадиях вместе.

Для исследовали влияния изменения жесткости в линейно-упругой и пластической стадии работы элементов были произведены расчеты с модифицированными характеристиками жесткостей элементов сетки в упругой стадии работы элементов. Как видно из полученной диаграммы 4 (рисунок 5), значение силы, соответствующей началу пластической работы элементов, не изменилось, но изменился начальный модуль упругости системы.

Это говорит о том, что изменение характеристик жесткостей в упругой стадии не приводит к адекватному описанию работы системы (рисунок 5).

Как известно, жесткостью сечения является тангенс угла наклона касательной к диаграмме момент-кривизна, т. е. в более жесткой системе тому же углу поворота будет соответствовать большее значение момента чем в менее жесткой. Таким образом, снизить жесткость в пластической стадии — это подобрать такое значение момента, при котором соответствующее ему значение угла поворота будет соответствовать реальному поведению конструктивной системы (рисунок 6, а).





о) корректировка жесткости с учеток момента трещинообразования

Рисунок 6 – Диаграмма «момент-кривизна»

Так как изменение жесткости только в упругой стадии не привело к адекватному решению (диаграммы 4, 5; рисунок 5), снижаем значение момента при той же кривизне в 2 раза, тем самым снизив в 2 раза тангенс угла наклона и жесткость системы. Результат снижения жесткости системы в линейноупругой и пластической стадиях (уменьшение момента в 2 раза) показан на диаграмме 3 (рисунок 5).

Учитывая, что упругий расчет плиты, описанный четырехугольными элементами, был выполнен без учета изменения жесткости в результате трещинообразования и показал хорошую сходимость с упругим расчетом (график 6, рисунок 5), выполненным сетками, и начальной частью экспериментальной диаграммы, можно сделать вывод о том, что до момента трещинообразования и плита, описанная сетками, и плита, описанная плитными элементами, адекватно описывает поведение системы.

Таким образом, в задании пластического шарнира необходимо заложить момент трещинообразования, и корректировку жесткости выполнять после момента трещинообразования путем уменьшения момента в два раза (рисунок 6). Результат расчета с учетом такой корректировки представлен на рисунке 7.



**Рисунок 7** – Диаграмма «сила-перемещение», полученная с учетом трещинообразования

Заключение. Сравнив результаты, мы можем сделать вывод, что изменение жесткости в линейно-упругой стадии не требуется, необходима корректировка жесткости в пластической стадии.

Дальнейшее расхождение в экспериментальной диаграмме и диаграмме, полученной сеточным методом, связано с изменением жесткости после образования трещин. Данная корректировка жесткости должна быть учтена при задании свойств пластического шарнира и описания переходной части диаграммы из линейно-упругой (до образования трещин), в пластическую.

Описанная выше сеточная модель позволяет оценивать воздействия на стыки «плита-колонна». Описание их нелинейного поведения позволяет оценить полную реакцию конструкции. В частности, можно оценить надежность соединений в отношении продавливания и конструктивной деформативности.

## Список цитированных источников

1. CORTI G. Grid model for the non-linear behavior of R/C flat-slab subjected to gravity and lateral loads. – 2010.

2. ACI Committee 318. Building Code Requirements for Structural Concrete (ACI 318-05) and Commentary (318R-05). American Concrete Institute, Farmington Hills. – Michigan, 2005.

3. Bashur, F.K. Nonlinear model for reinforced concrete slabs / F.K. Bashur, D. Darwin – University of Kansas Center for Research, Inc., 1976.

4. Krüger, G. Punching tests on RC flat slabs with eccentric loading / G. Krüger, O. Burdet, R. Favre. // Proceedings of the 2nd Int. Ph. D. Symposium in Civil Engineering, Budapest 1998. – Proceedings of the 2nd Int. Ph. D. Symposium in Civil Engineering, Budapest 1998, 1998. – №. EPFL-CONF-111634. – C. 1–8.