

ко, практически не учитывают фрактальных особенностей строения моделируемых объектов. Попытка построения стохастических имитационных моделей образования тонкопленочных покрытий, основанная на генерации случайных процессов формирования потока частиц материала, их переноса к подложке и последующей адсорбции позволяет, в простейшем случае, получить лишь объекты, близкие к гауссовым (броуновским) поверхностям [8].

Очевидно, что негауссовы поверхности можно строить лишь при учете в моделях термодинамических особенностей зародышеобразования, сложных процессов кластеризации частиц, образования и коалесценции зародышей, перекристаллизации и т.п. Предлагаются, например, различные подходы к моделированию механизмов кластеризации и роста кристаллитов [10,11], или к моделированию процессов диффузии в виде процесса перколяции (протекания) в кристаллических решетках [1,12]. В целом, однако, это направление нельзя считать разработанным хотя бы в удовлетворительной степени, что представляет широкий простор для дальнейших исследований. Практически полезным результатом исследований в этом направлении должны явиться не только методы и средства моделирования процессов формирования микроструктур (в том числе – пленочных), но и выявленные закономерности, связывающие геометрические особенности структур (в том числе – фрактальную размерность), с одной стороны, с технологическими параметрами отдельных процессов, с другой – с достигаемыми электрофизическими характеристиками.

### ВЫВОДЫ

При выполнении экспериментальных и теоретических исследований твердотельных тонкопленочных структур целесообразно привлечение фрактальных подходов, что может повысить адекватность описания параметров строения и связывания их с электрофизическими свойствами изучаемых объектов.

Некоторые известные экспериментальные методы исследования структурно-морфологических характеристик твердотельных объектов вполне применимы и для изучения их фрактальных свойств. Для повышения надежности получаемых результатов необходимо выполнить соответствующую адаптацию этих методов, а также разработать оригинальные специализированные методики измерений.

Необходима разработка новых, эффективных в вычислительном отношении методов и алгоритмов определения фрактальных размерностей поверхностей: алгоритмов, использующих различные двумерные частотные преобразования, а также методов определения размерности по косым и сферическим шлифам микроструктур. Для проверки и сравнительной оценки этих методов полезно использовать модельные поверхности с требуемыми фрактальными свойствами, сгенерированные известными способами.

УДК 681.324

**Головко Вл.А., Головко Вал.А.**

## ПАРАДИГМЫ ОБУЧЕНИЯ НЕЙРОННЫХ СЕТЕЙ

### Введение

Проблема создания искусственных систем, способных к обучению, самоорганизации и адаптации не является новой. Ее пытались решить еще на начальном этапе становления вычислительной техники [1,2]. В данных работах исследовались в

Наиболее обширной областью перспективных исследований является разработка методов и средств моделирования различных физических процессов, происходящих при формировании и модификации пленочных микроструктур и существенно влияющих на их структурные и электрофизические характеристики. В первую очередь, речь идет о процессах кластеризации частиц в переносимых потоках вещества, их адсорбции и миграции на подложке, зародышеобразования, роста и коалесценции зародышей, перекристаллизации пленок в результате термообработок и межфазных реакций. Представляется, что привлечение фрактальных подходов к рассмотрению упомянутых процессов существенно повысит адекватность моделирования тонкопленочных структур.

### СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ

1. Федер Е. Фракталы. – М.: Мир, 1991. – 262 с.
2. Иванова В.С., Баланкин А.С., Бунин И.Ж., Оксогоев А.А. Синергетика и фракталы в материаловедении. – М.: Наука, 1994. – 384 с.
3. Дереченник С.С., Мороз О.В. Стохастическое моделирование процесса формирования тонкопленочных структур металл-кремний // Вестник БГТУ: Серия «Машиностроение, автоматизация, ЭВМ». – 2001, № 4(10). – С. 68-72.
4. Броудай И., Мерей Дж. Физические основы микротехнологии. – М.: Мир, 1985. – 496 с.
5. Аппаратные средства контроля параметров твердотельных структур в производстве СБИС / В.А. Емельянов, В.В. Баранов, Т.В. Петликая и др.; Под ред. А.П. Достанко. – Мн.: НПО «Интеграл», 1997. – 71 с.
6. Дереченник В.С., Дереченник С.С. Оценка фрактальной размерности поверхностей по их цифровым топографическим образам // Известия Белорусской инженерной академии. – 2002, № 1(13)/2. – С. 42-45.
7. Мандельброт Б. Фрактальная геометрия природы. – М.: Институт компьютерных исследований, 2002. – 656 с.
8. Дереченник С.С., Мороз О.В., Дереченник В.С. Стохастическое трехмерное моделирование микрорельефа тонкопленочных покрытий в металл-кремниевых структурах / Проблемы проектирования и производства радиоэлектронных средств: Материалы II Международной НТК (15-17 Мая 2002, Новополоцк). – Новополоцк: ПГУ, 2002. – Т. II. – С. 249-252.
9. Плазменные процессы в производстве изделий электронной техники. В 3-х т. Том 1 / А.П. Достанко, С.П. Кундас, М.Н. Босьяков и др.; Под общ. ред. А.П. Достанко. – Мн.: ФУАинформ, 2000. – 424 с.
10. Vicsek T. Fractal Growth Phenomena. – N.Y.: World Scientific Pub. Co, 1992. – 488 p.
11. Gaylord R.J., Tyndall W. Diffusion-Limited Aggregation // Mathematica in Education. – 1992, Vol.1. – P. 6-10.
12. Эфрос А.Л. Физика и геометрия беспорядка. – М.: Наука, 1982. – 264 с.

**Головко Владимир Адамович**, д.т.н., профессор, зав. каф. интеллектуальных информационных технологий Брестского государственного технического университета

Беларусь, БГТУ, 224017, г. Брест, ул. Московская, 267.

**Головко Валерий Адамович**, к.п.н., доцент каф. германской филологии Вильнюсского университета.

новый импульс в развитии нейронных сетей.

В настоящее время рынок продуктов в области нейроинтеллекта стремительно растет. Разработано большое число нейросетевых моделей, применяемых в различных областях: прогнозирование, управление, диагностика в медицине и технике, распознавание образов и т.д. Большое значение при этом имеет разработка эффективных алгоритмов обучения нейронных сетей. В общем случае существуют следующие методы обучения: обучение с учителем, подкрепляющее обучение и обучение без учителя. В данной статье проводится анализ основных концепций обучения нейронных сетей.

### 1. Обучение с учителем

При обучении с учителем используется *алгоритм обратного распространения ошибки*, который был предложен в [4] и является эффективным средством для обучения многослойных нейронных сетей. Рассмотрим нейронную сеть, состоящую из четырех слоев. Обозначим слои нейронных элементов от входа к выходу соответственно через  $k, i, j$ .

Тогда выходное значение  $j$ -го нейрона последнего слоя

$$y_j = F(S_j), S_j = \sum_i \omega_{ij} y_i - T_j, \quad (1)$$

где  $S_j$  – взвешенная сумма  $j$ -го нейрона выходного слоя;  $y_i$  – выходное значение  $i$ -го нейрона предпоследнего слоя;  $\omega_{ij}$  и  $T_j$  – соответственно  $i$ -й весовой коэффициент и порог  $j$ -го нейрона выходного слоя.

Аналогичным образом выходное значение  $i$ -го нейрона предпоследнего слоя определяется, как

$$y_i = F(S_i), S_i = \sum_k \omega_{ki} x_k - T_i. \quad (2)$$

Алгоритм обратного распространения ошибки минимизирует квадратичную ошибку нейронной сети. Для этого с целью настройки синаптических связей используется метод градиентного спуска в пространстве весовых коэффициентов и порогов нейронной сети. Согласно методу градиентного спуска изменение весовых коэффициентов и порогов нейронной сети происходит по следующему правилу:

$$\omega_{ij}(t+1) = \omega_{ij}(t) - \alpha \frac{\partial E}{\partial \omega_{ij}(t)}, \quad (3)$$

$$T_j(t+1) = T_j(t) - \alpha \frac{\partial E}{\partial T_j(t)}, \quad (4)$$

где  $E$  – квадратичная ошибка нейронной сети для одного образа.

Она определяется, как

$$E = \frac{1}{2} \sum_j (y_j - t_j)^2, \quad (5)$$

где  $t_j$  – эталонное выходное значение  $j$ -го нейрона.

Ошибка  $j$ -го нейрона выходного слоя равняется

$$\gamma_j = y_j - t_j. \quad (6)$$

Рассмотрим ряд теорем, определяющих алгоритм обратного распространения ошибки [7-9].

**Теорема 1.1.** Для любого скрытого слоя  $i$  ошибка  $i$ -го нейронного элемента определяется рекурсивным образом через ошибки нейронов следующего слоя  $j$

$$\gamma_i = \sum_{j=1}^m \gamma_j F'(S_j) \omega_{ij}, \quad (7)$$

где  $m$  – количество нейронов следующего слоя по отношению к слою  $i$ ;  $\omega_{ij}$  – синаптическая связь между  $i$ -м и  $j$ -м нейроном различных слоев;  $S_j$  – взвешенная сумма  $j$ -го нейрона.

Используя результаты данной теоремы можно определить ошибки нейронов скрытого слоя через ошибки нейронов следующего слоя по отношению к скрытому слою [7-9].

**Теорема 1.2.** Производные среднеквадратичной ошибки по весовым коэффициентам и порогам нейронных элементов для любых двух слоев  $i$  и  $j$  многослойной сети определяются следующим образом

$$\frac{\partial E}{\partial \omega_{ij}} = \gamma_j F'(S_j) y_i, \quad \frac{\partial E}{\partial T_j} = -\gamma_j F'(S_j). \quad (8)$$

**Следствие 1.1.** Для минимизации квадратичной ошибки сети весовые коэффициенты и пороги нейронных элементов должны изменяться с течением времени следующим образом:

$$\omega_{ij}(t+1) = \omega_{ij}(t) - \alpha \gamma_j F'(S_j) y_i, \quad (9)$$

$$T_j(t+1) = T_j(t) + \alpha \gamma_j F'(S_j), \quad (10)$$

где  $\alpha$  – скорость обучения.

Данное следствие является очевидным. Оно определяет правило обучения многослойных нейронных сетей в общем виде, которое называется *обобщенным дельта правилом*.

Алгоритм обратного распространения ошибки характеризуется эмпирическим выбором подходящего шага обучения, что может привести к медленной сходимости и неустойчивости процесса обучения.

В настоящее время существует множество модификаций алгоритма обратного распространения ошибки, которые базируются как на выборе подходящего шага обучения на каждой итерации алгоритма, так на применении различных методов оптимизации, позволяющих в той или иной степени устранить описанные выше недостатки. Рассмотрим различные модификации алгоритма обратного распространения ошибки.

С целью адаптации шага обучения в ряде работ используются эмпирические правила уменьшения его размера в процессе выполнения каждой обучающей итерации  $t$ . В работе [10] используется стратегия уменьшения шага  $\alpha$  с каждой новой итерацией обучения. Изменение шага обучения выполняется по следующему эмпирическому правилу:

$$\alpha(t) = \alpha(0) / (1+t/r), \quad (11)$$

где  $r > 0$  – параметр, подбираемый опытным путем.

В работе [11] предложено модифицировать веса нейронов в процессе обучения, используя уникальные значения шагов обучения  $\alpha_{ij}(t)$  для каждого веса  $\omega_{ij}$ . Адаптация этих шагов выполняется использованием двух последних градиентов. Для каждого веса нейронов сети инициализируются начальные значения шагов  $\alpha_{ij}(0)$ . Адаптация осуществляется по правилам:

$$\alpha_{ij}(t) = \alpha_{ij}(t-1)u, \quad \text{если } \frac{\partial E}{\partial \omega_{ij}}(t) \cdot \frac{\partial E}{\partial \omega_{ij}}(t-1) \geq 0, \quad (12)$$

$$\alpha_{ij}(t) = \alpha_{ij}(t-1)d, \quad \text{в противном случае.}$$

Модификация связей выполняется по формуле

$$\Delta \omega_{ij}(t) = -\alpha_{ij}(t) \cdot (\frac{\partial E}{\partial \omega_{ij}} + \varepsilon \cdot \Delta \omega_{ij}(t-1)). \quad (13)$$

Здесь  $u, d, \varepsilon$  – параметры обучения, подбираемые эмпирически.

В алгоритме обучения RPROP [11] с целью уменьшения осцилляций обучения применяется стратегия ограниченного локального шага обучения. При этом адаптация уникального

для каждого веса сети шага  $\alpha_{ij}(t)$  выполняется по правилам (12) с учетом следующих ограничений:

$$\begin{aligned} \alpha_{ij}(t) &= \alpha_{\max}, \text{ если } \alpha_{ij}(t) \geq \alpha_{\max}, \\ \alpha_{ij}(t) &= \alpha_{\min}, \text{ если } \alpha_{ij}(t) \leq \alpha_{\min}. \end{aligned} \quad (14)$$

Модификация связей производится в соответствии со следующими выражениями:

если  $\partial E / \partial w_{ij}(t) \partial E / \partial w_{ij}(t-1) \geq 0$  то:

$$\begin{cases} \Delta w_{ij}(t) = -\alpha_{ij}(t) \cdot d, & \text{если } \partial E / \partial w_{ij}(t) > 0 \\ \Delta w_{ij}(t) = +\alpha_{ij}(t) \cdot u, & \text{если } \partial E / \partial w_{ij}(t) < 0 \end{cases}$$

иначе  $w_{ij}(t+1) = w_{ij}(t-1)$ ;  $\partial E / \partial w_{ij}(t) = 0$  (15)

В данных работах приводятся оптимальные значения констант  $\alpha_{\max}, \alpha_{\min}, u, d$ , при использовании которых были получены наилучшие результаты обучения.

Несомненными достоинствами вышеописанных правил является их относительно малая вычислительная сложность. Однако наличие в них ряда констант обучения приводит к необходимости индивидуального подбора их значений опытным путем отдельно для каждой обучающей выборки, что является весьма трудоемким процессом. Аналогичные недостатки присущи методу сопряженных градиентов и методам второго порядка.

В ряде работ [7,9,12] предложены подходы для вычисления адаптивного шага обучения, который на каждой итерации алгоритма изменяется таким образом, чтобы минимизировать квадратичную ошибку. В том случае нет необходимости подбора шага обучения эмпирическим путем.

## 2. Подкрепляющее обучение

Подкрепляющее обучение (reinforcement learning) применяется в тех случаях, когда неизвестна обучающая выборка, но известен сигнал подкрепления (рис. 1).

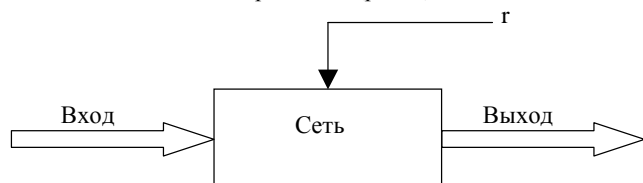


Рис. 1. Подкрепляющее обучение.

Такой сигнал характеризует качество взаимодействия обучающего агента с внешней средой. Существует различные варианты подкрепляющего обучения [13]. Рассмотрим общую постановку задачи при использовании данного метода обучения.

Предположим, что агент, находящийся в состоянии  $X(t)$  осуществляет акцию (управление)  $Y(t)$ . В результате он изменяет свое состояние

$$X(t+1) = F(X(t), Y(t)). \quad (16)$$

Качество изменения состояния агента характеризуется сигналом подкрепления (премией)

$$r(t+1) = R(X(t), Y(t)). \quad (17)$$

Цель подкрепляющего обучения – найти такое управление объектом, которое максимизирует кумулятивную сумму всех будущих премий

$$V(X(t)) = \sum_{i=t}^{\infty} \gamma^{i-t} r(i+1), \quad (18)$$

где  $\gamma \in [0, 1]$  характеризует степень учета сигналов подкрепления (discount factor).

Существует два основных варианта подкрепляющего обучения: АНС обучение и Q-обучение [13].

АНС (адаптивное эвристическое управление) метод состоит из следующих частей: определение целевой функции  $V(X)$ ; определение сигнала управления  $Y(t)$ , используя целевую функцию.

В соответствии с этим архитектура сети состоит из модуля критики и модуля управления (актор) (рис. 2).

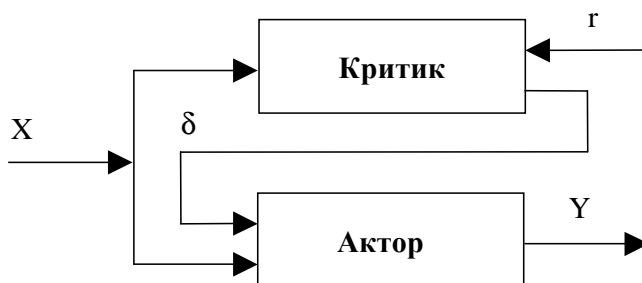


Рис. 2. Архитектура АНС сети.

Задача «критика» состоит в формировании целевой функции и определении на основе её корректного внутреннего подкрепляющего сигнала  $r$ . «Актор» обучается отображать текущее состояние  $X$  в корректную акцию  $Y$ . Для обучения используется метод временной ошибки (ВО). Найдем соотношение между целевыми функциями  $V(X)$  в два последовательных момента времени  $t$  и  $t+1$ . Тогда, используя выражение (18) получим

$$V(X(t)) = r(t+1) + \gamma V(X(t+1)). \quad (19)$$

Если последнее равенство не выполняется, то существует временная ошибка, которая определяется следующим образом:

$$\delta(t) = r(t+1) + \gamma V(X(t+1)) - V(X(t)). \quad (20)$$

Она характеризует ошибку прогнозирования подкрепляющего сигнала  $r(t)$  при переходе от одного состояния в другое.

Основной алгоритм обучения критика состоит в минимизации квадратичной временной ошибки:

$$\delta^2 = \frac{1}{2} (r(t+1) + \gamma V(X(t+1)) - V(X(t)))^2. \quad (21)$$

Пусть, например, критик представляет собой линейную нейронную сеть с одним обрабатывающим элементом. Тогда выходное значение сети, которое соответствует целевой функции  $V$ , определяется, как

$$V(X(t)) = \sum_{i=1}^n v_i x_i(t). \quad (22)$$

Используя метод градиентного спуска, можно получить следующее выражение для модификации весовых коэффициентов  $v_i$ :

$$v_i(t+1) = v_i(t) + \alpha \delta(t) x_i(t), \quad (23)$$

где  $\alpha$  - скорость обучения.

Рассмотрим обучение актора. Как уже отмечалось, задачей его является генерация подходящего действия в соответствии с текущей ситуацией. Пусть совокупность акций

$$Y(t) \in R^m. \quad (24)$$

Тогда структуру актора можно представить в виде двухслойной нейронной сети, выходной слой которой, содержит  $m$  нейронных элементов. При этом

$$y_j(t) = F\left(\sum_i \omega_{ij} x_i(t)\right), \quad (25)$$

где в качестве  $F$  можно использовать пороговую функцию активации.

Весовые коэффициенты изменяются только для нейронного элемента, выходное значение которого равняется единице. Для этого можно использовать следующее правило [13]:

$$\begin{aligned} \omega_{ij}(t+1) &= \omega_{ij}(t) + \alpha \delta(t) x_i(t), \text{ если } y_j = 1 \\ \omega_{ij}(t+1) &= \omega_{ij}(t), \text{ иначе.} \end{aligned} \quad (26)$$

Таким образом, временная ошибка является главным обучающим сигналом как для критика, так и для актора.

Как уже отмечалось, вторым вариантом подкрепляющего обучения является  $Q$ -обучение [13]. В этом случае пространство действий является дискретным и определяется функция  $Q(X, Y)$ , которая характеризует качество акции  $Y$ , когда агент находится в состоянии  $X$ . Для каждой акции  $Y$  существует отдельная функция  $Q(X, Y)$ . Чем больше будущая награда за осуществление акции, тем больше значение функции  $Q$ . Алгоритм обучения корректным значениям функции  $Q$  получается из уравнения Беллмана и базируется на минимизации временной ошибки

$$\begin{aligned} \delta^2(t) &= \frac{1}{2} (r(t+1) + \\ &+ \gamma \max_y Q(X(t+1), Y) - Q(X(t), Y))^2 \end{aligned} \quad (27)$$

Тогда

$$Q(X(t+1), Y(t+1)) \leftarrow Q(X(t), Y(t)) + \alpha \delta(t), \quad (28)$$

где

$$\delta(t) = r(t+1) + \gamma \max_Y Q(X(t+1), Y) - Q(X(t), Y) \quad (29)$$

В процессе обучения исследуются различные акции. После обучения акция выбирается в соответствии со следующим критерием:

$$Y = \arg \max_{l \in Y} Q(X, l), \quad (30)$$

где  $Y$  – дискретное множество возможных акций.

Основной недостаток подкрепляющего обучения является его большая трудоемкость, что будет показано в следующих разделах.

### 3. Обучение без учителя

В соответствии с данным методом обучения нейронная сеть учится формировать выходное пространство решений только на основе входных воздействий (рис. 3).

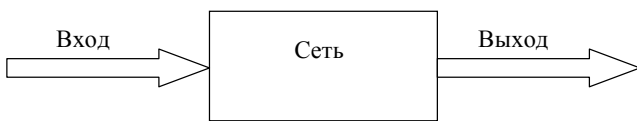


Рис. 3. Обучение без учителя.

К таким сетям традиционно относят различные варианты ассоциативной памяти (сеть Хопфилда, Хэмминга, двусторонняя ассоциативная память, сети адаптивного резонанса), нейронные сети Кохонена и рециркуляционные нейронные сети [7,9].

Существуют различные варианты обучения без учителя. Так в ассоциативной памяти наиболее распространенным методом обучения является правило Хебба [9], которое имеет биологические предпосылки. Согласно этому правилу, обучение происходит в результате усиления силы связи (синаптического веса) между одновременно активными нейронами. Исходя из этого, часто используемые в сети связи усиливаются, что объясняет феномен обучения путем повторения и при-

выкания. В математической форме правило обучения Хебба можно представить следующим образом:

$$\omega_{ij}(t+1) = \omega_{ij}(t) + x_i y_j, \quad (31)$$

где  $t$  – время;  $x_i$  и  $y_j$  – соответственно выходные значения  $i$ -го и  $j$ -го нейронов;  $\omega_{ij}$  – сила связи между  $i$ -м и  $j$ -м нейронами.

В начальный момент времени предполагается, что

$$\omega_{ij}(t=0) = 0, \quad \forall i, j. \quad (32)$$

Нейронные сети Кохонена [14] осуществляют топологическое упорядочивание входного пространства образов. Для их обучения используется конкурентный метод. В соответствии с ним для нейрона-победителя синаптические связи усиливаются, а для остальных нейронов не изменяются. При этом модификация связей происходит с целью минимизации квадратичной ошибки нейрона-победителя:

$$E = \frac{1}{2} \sum_i (\omega_{in} - x_i)^2 \quad (33)$$

Тогда в соответствии с методом градиентного спуска изменение весовых коэффициентов нейрона-победителя осуществляется следующим образом:

$$\omega_{in}(t+1) = \omega_{in}(t) + \gamma (x_i - \omega_{in}), \quad (34)$$

где  $\gamma$  – скорость обучения.

Следующей парадигмой, применяемой при обучении без учителя, является максимизация взаимной информации между входами и выходами сети [15]. Взаимная информация  $H(X, Y)$  характеризует уменьшение неопределенности в отношении  $X$  при получении сведений об  $Y$

$$H(X, Y) = H(X) - H(X/Y), \quad (35)$$

где  $H(X)$  – энтропия входных сигналов  $X$ ,  $H(X/Y)$  – условная энтропия  $X$  относительно  $Y$ .

Условная энтропия  $H(X/Y)$  характеризует степень неопределенности  $X$ , после того как состояние системы  $Y$  полностью определилось.

Следует отметить, что максимизация последнего выражения эквивалентна

$$\max H(X, Y) \sim \min H(X/Y) \sim \max H(Y). \quad (36)$$

При применении данного подхода к линейной рециркуляционной нейронной сети можно получить Ойя – правило [16], которое эквивалентно методу главных компонент [9] и базируется на том, что максимизация взаимной информации эквивалентна минимизации суммарной среднеквадратичной ошибки между входным и реконструированным образами

$$\max H(X, Y) \sim \min E_s, \quad (37)$$

где  $E_s$  – суммарная квадратичная ошибка:

$$E_s = \frac{1}{2} \sum_{k=1}^L \sum_{i=1}^n (\bar{x}_i^k - x_i^k)^2. \quad (38)$$

Здесь  $\bar{x}_i^k$ ,  $x_i^k$  – соответственно  $i$ -ая компонента реконструированного и исходного  $k$ -го образа.

Для линейной рециркуляционной сети

$$\bar{x}_i = \sum_{j=1}^P \omega_{ji} y_j, \quad (39)$$

где  $y_j$  –  $j$ -ая компонента сжатого образа.

Квадратичная ошибка для одного образа определяется как

$$E = \frac{1}{2} \sum_{j=1}^n (\bar{x}_i - x_i)^2. \quad (40)$$

Тогда в соответствии с методом градиентного спуска

$$\frac{\partial E}{\partial w'_{ji}} = \frac{\partial E}{\partial x_i} \frac{\partial x_i}{\partial w'_{ji}} =$$

$$= -(x_i - \bar{x}_i) y_j = -y_j (x_i - \sum_{j=1}^p w'_{ji} y_j) \quad (41)$$

Отсюда получается Ойя правило для обучения рекуррентной сети

$$w'_{ji}(t+1) = w'_{ji}(t) + \alpha y_j (x_i - \sum_{j=1}^p w'_{ji} y_j). \quad (42)$$

В соответствии с методом главных компонент [9] матрица весовых коэффициентов  $W$  прямого слоя

$$W = (W')^T \quad (43)$$

Тогда правило изменения весовых коэффициентов прямого слоя можно представить как

$$w_{ij}(t+1) = w_{ij}(t) + \alpha y_j \left( x_i - \sum_{j=1}^p w_{ij} y_j \right). \quad (44)$$

Теоретически доказано [16], что Ойя-правило эквивалентно методу главных компонент, однако его применение приводит к слишком длительной процедуре обучения.

#### Заключение

В работе рассмотрены основные парадигмы обучения нейронных сетей: обучение с учителем, подкрепляющее обучение и обучение без учителя. Проведен анализ алгоритмов обратного распространения ошибки, АНС и  $Q$ -обучения, правила Хебба, конкурентного обучения и правила Ойя.

#### СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ

1. McCulloch W., Pitts W. A logical calculus of the ideas immanent in nervous activity // Bulletin of Mathematical Biophysics. - 1943. - N5. - P. 115 - 133.

УДК 681.324:519.711.7

Гладкий И.И., Маньяков Н.В., Махнист Л.П.

## ТЕОРЕТИЧЕСКИЕ ОСНОВЫ АЛГОРИТМОВ ОБУЧЕНИЯ ГЕТЕРОГЕННЫХ НЕЙРОННЫХ СЕТЕЙ ДВУХСЛОЙНОЙ АРХИТЕКТУРЫ

### 1. ВВЕДЕНИЕ

Двухслойные нейронные гетерогенные сети прямого распространения являются наиболее используемым классом нейронных сетей. Более 80% прикладных задач, решаемых в нейросетевом базисе, используют данный тип архитектуры [1]. Широкое применение таких сетей основано на способности данного класса сетей быть универсальным аппроксиматором [2], что позволяет любую задачу приближения решать с их использованием. Их применение встречается в задачах прогнозирования, классификации, кластеризации, управления

и многих других. В связи с этим возникает вопрос о создании эффективной методики их обучения.

### 2. ЗАДАЧА ОБУЧЕНИЯ ДВУХСЛОЙНОЙ СЕТИ И ЕЕ МАТРИЧНАЯ АЛГОРИТМИЗАЦИЯ

Рассмотрим двухслойную гетерогенную нейронную сеть, состоящую из  $m_0$  нейронных элементов распределительного слоя,  $m_1$  нейронов скрытого слоя и  $m_2$  – выходного слоя (рис.1).

*Гладкий Иван Иванович, ст. преподаватель каф. высшей математики Брестского государственного технического университета.*

*Маньяков Николай Владимирович, ст. преподаватель каф. высшей математики Брестского государственного технического университета.*

*Махнист Леонид Петрович, к.т.н., доцент каф. высшей математики Брестского государственного технического университета.*

*Беларусь, БГТУ, 224017, г. Брест, ул. Московская, 267.*

*Машиностроение, автоматизация, ЭВМ*