На рис. 5, 6 показаны зависимости относительной скорости  $V_2/V_T$  от параметров **n** и **m**  $(V_T = \sqrt{\lambda/c_v \alpha_0} = c_1/\sqrt{n}$  - скорость распространения тепловой волны).



Рисунок 5 – Зависимость безразмерной скорости распространения поверхности разрыва  $V_2/V_T$  от параметра *n* при разных значениях параметра *m* : *1 m* =1; 2 - *m* =5; 3 - *m* =20.

Из рис. 5 и 6 следует, что скорость распространения термоупругой волны  $V_2$  не превышает скорости распространения тепловых возмущений (считаем, что время релаксации теплового потока  $\alpha_0$  эквивалентно времени  $\tau$ ). С увеличением  $\alpha_0$  скорость  $V_2$  также возрастает, причем кривые  $V_2/V_T$  незначительно отличаются друг от друга при разных значениях параметра m (рис. 5). При возрастании второго времени релаксации  $\alpha$  скорость  $V_2$  уменьшается, но для больших значений времени  $\alpha_0$  величина скорости  $V_2$  мало изменяется по сравнению со скоростью распространения тепловых возмущений  $V_T$  (рис. 6).

УДК 539.3

Мартыненко М.Д., Босяков С.М.

## ПОСТРОЕНИЕ ТРЕХМЕРНЫХ ВОЛНОВЫХ ПОВЕРХНОСТЕЙ И ИХ СЕЧЕНИЙ В ДИНАМИЧЕСКОЙ ТЕОРИИ УПРУГОСТИ КУБИЧЕСКИ АНИЗОТРОПНЫХ СРЕД

## введение

Теория плоских упругих волн в анизотропных средах относится к достаточно хорошо изученным разделам механики деформируемых сред и акустики. Результаты исследований нашли свое отражение в известных работах [1—4], где при описании распространения упругих волн в анизотропных средах применялись различные поверхности, характеризующие волновой процесс (поверхности скоростей и обратных скоростей, волновые и лучевые поверхности). Однако в большинстве случаев анизотропии эти трехмерные поверхности построить не удается, поскольку соответствующие дисперсионные уравнения аналитически могут быть решены только для особых направлений или плоскостей (исключение составляют гексагонально-анизотропные среды) [4]. Данная работа в определенной степени компенсирует этот пробел в отношении кубически анизотропных сред.

## ТРЕХМЕРНЫЕ ВОЛНОВЫЕ ПОВЕРХНОСТИ

Рассмотрим разрешающую систему уравнений движения кубически анизотропной упругой среды в отсутствие объемных сил:

$$\left(A_4 \Delta + \boldsymbol{\omega}_i^2\right) \boldsymbol{u}_i + \left(A_2 + A_4\right) \boldsymbol{\partial}_i \sum_{k=1}^3 \boldsymbol{\partial}_k \boldsymbol{u}_k = \boldsymbol{\rho} \boldsymbol{u}_i, \quad (1)$$

где 
$$\vec{u} = (u_1, u_2, u_3)$$
 - вектор перемещений,

Мартыненко Михаил Дмитриевич. Д.ф.-м.н., профессор каф. теоретической и прикладной механики Белорусского государственного университета.

Беларусь, БГУ, 220050, г. Минск, пр. Ф. Скорины, 4.

Машиностроение, автоматизация, ЭВМ





В заключение отметим, что метод характеристик, развитый выше применительно к одномерным динамическим моделям теплопроводности, достаточно легко может быть перенесен на трехмерные случаи.

## СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ

- 1. Энгельбрехт Ю.К. / / Изв. АН ЭССР. Сер. физ.-мат. наук. 1973. Т. 22, № 2. С. 188—195.
- 2. Иванов Ц., Энгельбрехт Ю.К. / / ИФЖ. 1978. Т. 35, № 2. С. 344—351.
- Шашков А.Г., Бубнов В.А., Яновский С.Ю. Волновые явления теплопроводности: системно-структурный подход. Мн. 1993.
- 4. Смирнов В.И. Курс высшей математики. Т. IV, ч. 2. М. 1980.
- Haddow J. B., Wegner J. L. Plane harmonic waves for three thermoelastic theories / / Math. And Mech. Solids. – 1996. – Vol. 1, № 1. – P. 111–127.

 $\boldsymbol{\varepsilon} = A_1 - A_2 - 2A_4$ ,  $A_1, A_2, A_4$  - постоянные упругости в основной кристаллографической системе координат,  $\boldsymbol{\rho}$  -

плотность среды, 
$$\Delta = \partial_1^2 + \partial_2^2 + \partial_3^2$$
,  $\partial_i = \frac{\partial}{\partial x_i}$ ,  $i = \overline{1,3}$ 

точка обозначает дифференцирование по времени.

Уравнение характеристик для системы (1) имеет следующий вид [5]:

$$\begin{pmatrix} A_4 g^2 - \rho p_0^2 \end{pmatrix}^3 + (A_1 + A_4) g^2 (A_4 g^2 - \rho p_0^2)^2 + \\ + (A_1 + A_2) \varepsilon (A_4 g^2 - \rho p_0^2) \sum_{k \neq l=1}^3 p_k^2 p_l^2 + \qquad (2) \\ + \varepsilon^2 (A_1 + A_4 + 2A_2) p_1^2 p_2^2 p_3^2 = 0. \\ 3_{\text{десь}} p_0 = \frac{\partial Z}{\partial t}, \quad p_k = \frac{\partial Z}{\partial x_k}, \quad g^2 = \sum_{k=1}^3 p_k^2.$$

Уравнение для скорости распространения поверхности разрыва по направлению нормали к характеристической поверхности  $V = p_0/g$  получим из (2):

$$(A_{4} - \rho V^{2})^{3} + (A_{1} - A_{4})(1 - \rho V^{2})^{2} + \varepsilon (A_{1} + A_{2})(1 - \rho V^{2})m + \varepsilon^{2}(A_{1} + 2A_{2} + A_{4})n = 0,$$
(3)  
rge  $m = \sum_{i \neq j=1}^{3} \cos^{2} \alpha_{i} \cos^{2} \alpha_{j}, n = \cos^{2} \alpha_{1} \cos^{2} \alpha_{2} \cos^{2} \alpha_{3},$ 

 $\cos \alpha_i = p_i / g$  - направляющие косинусы нормали к поверхности характеристик,  $i = \overline{1,3}$ .

Запишем (3) в следующем виде

$$y^3 + py + q = 0, \qquad (4)$$

где  $y = (3 + \overline{\varepsilon} + \overline{\sigma})/3 - \overline{\rho}V^2$ ,  $p = \overline{\varepsilon}(\overline{\varepsilon} + 2\overline{\sigma})m - (\overline{\sigma} + \overline{\varepsilon})^2/3$ ,  $\overline{\rho} = \rho/A_4$ ,  $q = 2(\overline{\varepsilon} + \overline{\sigma})^3/27 - \overline{\varepsilon}(\overline{\varepsilon} + \overline{\sigma})(\overline{\varepsilon} + 2\overline{\sigma})m/3 + \overline{\varepsilon}^3(\overline{\varepsilon} + 3\overline{\sigma})n$ ,  $\overline{\varepsilon} = (A_1 - A_2)/A_4 - 2$ ,  $\overline{\sigma} = A_2/A_4 + 1$ .

Приведенное кубическое уравнение (4) имеет три действительных корня при неположительном дискриминанте  $D = (q/2)^2 + (p/3)^3$ . В этом случае скорости распространения упругих волн могут быть представлены в следующем виде:

$$V_{k} = \sqrt{\left(3 + \overline{\varepsilon} + \overline{\sigma} - 6\sqrt{-p/3}\cos(A_{k}/3)\right)/3\overline{\rho}}, \quad (5)$$
$$A_{k} = \arccos\left(-q\sqrt{-(3/p)^{3}}/2\right) + 2\pi k, \quad k = \overline{1,3}.$$

Заметим, что для абсолютного большинства кубически анизотропных сред выполняется  $D \leq 0$ . Этот факт проверен нами численно на примере известных кубически анизотропных сред [6, 7] (исключение составляют материалы с отрицательным коэффициентом поперечной деформации, например, кристаллы пирита и некоторые сорта фанеры [8, 9]). Для направляющих косинусов нормали к характеристической поверхности, соответствующих осям симметрии четвертого и третьего порядка, два корня, определяющие скорости распро-

странения поперечных волн, совпадают, в остальных случаях все три корня различны.

Формулы (5) позволяют не только рассчитать значения скоростей распространения упругих волн, но и построить поверхности обратных скоростей квазипродольных  $(R_1 = V_1^{-1})$  и квазипоперечных  $(R_{2,3} = V_{2,3}^{-1})$  волн. Среди них наибольший интерес представляют поверхности  $R_{2,3}$ , поскольку имеют особенности, которые свидетельствует о возникновении лакун на волновых поверхностях упругих волн. На рис. 1 представлены поверхности обратных скоростей для кубически анизотропного свинца с константами  $A_1 = 46.6$  ГПа,  $A_2 = 39.2$  ГПа,  $A_4 = 14.4$  ГПа,  $\rho = 11342$  кг/м<sup>3</sup>.



Рисунок 1 - Поверхности обратных скоростей  $R_{2,3}$ , ×10<sup>-3</sup>  $(_{M/C})^{-1}$ .

Из рис. 1 следует, что обе поверхности обратных скоростей  $R_{2,3}$  имеют как выпуклые, так и вогнутые участки, т.е. те особенности, которые согласно [3] указывают на возникновение лакун. Чтобы получить полное представление о количестве лакун и их формах, построим волновые поверхности квазипоперечных волн. Для этого из уравнения (2) выразим  $p_0$ :

$$p_{0}^{(k)} = \sqrt{\left(\left(3 + \overline{\varepsilon} + \overline{\sigma}\right)g^{2} - 6\sqrt{-p^{*}/3}\cos\left(\Lambda_{k}^{*}/3\right)\right)/3\overline{\rho}}, (6)$$
  
FIGE  $p^{*} = \overline{\varepsilon}(\overline{\varepsilon} + 2\overline{\sigma})m^{*} - (\overline{\sigma} + \overline{\varepsilon})^{2}g^{4}/3, m^{*} = \sum_{i\neq j=1}^{3}p_{i}^{2}p_{j}^{2},$   
 $n^{*} = p_{1}^{2}p_{2}^{2}p_{3}^{2},$   
 $q^{*} = 2(\overline{\varepsilon} + \overline{\sigma})^{3}g^{6}/27 - \overline{\varepsilon}(\overline{\varepsilon} + \overline{\sigma})(\overline{\varepsilon} + 2\overline{\sigma})g^{2}m^{*}/3 + \overline{\varepsilon}^{3}(\overline{\varepsilon} + 3\overline{\sigma})n^{*}, \Lambda_{k} = \arccos\left(-q^{*}\sqrt{-\left(3/p^{*}\right)^{3}}/2\right) + 2\pi k,$   
 $k = \overline{I,3}.$ 

Дифференцируя (6) по  $p_1, p_2$  и  $p_3$ , после несложных преобразований получим:

$$\begin{split} \frac{\partial p^{(k)}}{\partial p_{j}} &= \frac{1}{6\rho p_{0}^{(k)}} (2p_{j}(3+\bar{\varepsilon}+\bar{\sigma})+ \\ &+ \sqrt{3} \left(\frac{1}{\sqrt{-p}} \frac{\partial p^{*}}{\partial p_{j}} \cos A_{k} + \frac{1}{3} \frac{\sqrt{4p^{3}} \sin A_{k}}{\sqrt{4p^{3}+27q^{2}}} \times \\ &\times \sqrt{-\left(\frac{3}{p}\right)^{3}} \left(\frac{\partial q^{*}}{\partial p_{j}} + \frac{9\sqrt{3}}{2} \frac{q}{p} \frac{\partial p^{*}}{\partial p_{j}}\right) \right), j = \overline{1,3}, \\ \text{гле} \quad \frac{\partial p^{*}}{\partial p_{j}} &= 2\bar{\varepsilon}(\bar{\varepsilon}+\bar{\sigma})p_{j}(g^{2}-p_{j}^{2}) - 4(\bar{\varepsilon}+\bar{\sigma})^{2}p_{j}g^{2}/3. \\ \frac{\partial q^{*}}{\partial p_{j}} &= 4(\bar{\varepsilon}+\bar{\sigma})^{3}/9 - 2\bar{\varepsilon}(\bar{\varepsilon}+\bar{\sigma})(\bar{\varepsilon}+2\bar{\sigma})(p_{j}m^{*}+ \\ + g^{2}p_{j}(g^{2}-p_{j}^{2}))/3 + 2n^{*}\bar{\varepsilon}^{2}(\bar{\varepsilon}+3\bar{\sigma})/p_{j}. \\ \text{Разделим числитель и знаменатель (2.42) на g:} \\ \frac{\partial p_{0}^{(k)}}{\partial p_{j}} &= \frac{1}{6\rho V_{k}} (2\cos\alpha_{j}(3+\bar{\varepsilon}+\bar{\sigma}) + \\ &+ \sqrt{3} \left(\frac{1}{\sqrt{-p}}p_{j}^{*}\cos A_{k} + \frac{1}{3} \frac{\sqrt{4p^{3}} \sin A_{k}}{\sqrt{4p^{3}+27q^{2}}} \times (7) \\ &\times \sqrt{-\left(\frac{3}{p}\right)^{3}} \left(q_{j}^{*} + \frac{9\sqrt{3}}{2} \frac{q}{p}p_{j}^{*}\right) \right) \right), \\ p_{j}^{*} &= 2\bar{\varepsilon}(\bar{\varepsilon}+\bar{\sigma})\cos\alpha_{j}(1-\cos^{2}\alpha_{j}) - \\ &- 4(\bar{\varepsilon}+\bar{\sigma})^{2}\cos\alpha_{j}/3, \\ q_{j}^{*} &= 4(\bar{\varepsilon}+\bar{\sigma})^{3}/9 - 2\bar{\varepsilon}(\bar{\varepsilon}+\bar{\sigma})(\bar{\varepsilon}+2\bar{\sigma})(\cos\alpha_{j}m + \\ &+ \cos\alpha_{j}(1-\cos^{2}\alpha_{j}))/3 + \\ &+ 2\bar{\varepsilon}^{2}(\bar{\varepsilon}+3\bar{\sigma})\cos\alpha_{j}(m-\cos^{2}\alpha_{j}(1-\cos^{2}\alpha_{j})). \\ \end{array} \right]$$
Выражения для бихарактеристик

(.)

 $(x_1^{(k)}, x_2^{(k)}, x_3^{(k)}), k = \overline{1,3}$ , запишем в следующем виде:

$$\frac{dx_{j}^{(k)}}{dt} = \frac{\partial p_{0}^{(k)}}{\partial p_{j}}, k, j = \overline{1,3}.$$
(8)

Правая часть (8) определяется выражениями (7) и не зависит от времени t, поэтому

$$\mathbf{x}_{j}^{(k)} = \frac{\partial p_{0}^{(k)}}{\partial p_{j}} t, \, k, \, j = \overline{1,3} \,. \tag{9}$$

Формулы (9) определяют координаты  $x_j^{(k)}, k, j = \overline{1,3}$ точек упругой среды, до которых к данному моменту времени t дошла энергия волнового возмущения. На рис. 2 показаны волновые поверхности  $L_{2,3}$  квазипоперечных волн в момент времени t = 1, распространяющихся в свинце.



Рисунок 2 - Волновые поверхности  $L_{2,3}$  квазипоперечных волн, *км/с*.

Рис. 2 показывает, что при распространении квазипоперечной волны  $L_2$  возникают двенадцать лакун в виде узких полос, сходящихся у координатных осей, причем вблизи оси  $x_1$  (или  $x_2$ ) лакуны выглядят иначе, чем у оси  $x_3$ . Шесть лакун возникают при распространении квазипоперечной волны  $L_3$ , причем сами лакуны имеют вид конусов, осями которых являются оси координат. С точки зрения практических приложений важным представляется расчет количественных характеристик лакун, например, таких как телесный угол Y (содержащий лакуну, возникающую на поверхности  $L_3$ ), вершина которого совпадает с началом системы координат. Результаты такого расчета для некоторых кубически анизотропных сред представляены в таблице.

Таблица - Значения телесных углов лакун.

Материал	серебро	золото	германий	медь	никель	свинец
Угол <b>У</b>	0.583	0.498	0.085	0.660	0.448	0.781

Отметим, что построение поверхностей  $L_{2,3}$  проведено в параметрической координат  $x_1^{(k)} = x_1^{(k)}(u, v), x_2^{(k)} = x_2^{(k)}(u, v),$  $x_{3}^{(k)} = x_{3}^{(k)}(u,v), k = \overline{1,3}$  на основании формул (9), где  $\cos \alpha_1 = \cos u \cos v, \cos \alpha_2 = \sin u \cos v$ и  $\cos \alpha_3 = \sin v$ , построение поверхностей обратных скоростей  $R_{2,3}$  выполнено в сферической системе координат  $(r, \theta, \varphi)$ , где принято r = 1,  $\cos \alpha_1 = \sin \theta \cos \phi$ ,  $\cos \alpha_2 = \sin \theta \sin \phi$ ,  $\cos \alpha_2 = \cos \theta$ . Некоторые погрешности в построении волновых поверхностей вызваны тем, что бихарактеристики (7) определены не для всех значений углов наклона нормали к характеристической поверхности. Так, для направлений осей симметрии четвертого  $(\cos^2 \alpha_1 = 1)$ ,  $\cos^2 \alpha_2 = \cos^2 \alpha_3 = 0$ И третьего порядка  $(\cos^2 \alpha_k = 1/\sqrt{3}, k = \overline{1,3})$  выражения (7) не имеют смысла, так как происходит деление на ноль.

## СЕЧЕНИЯ ВОЛНОВЫХ ПОВЕРХНОСТЕЙ

С помощью (5) достаточно легко построить кривые обратных скоростей  $R_{2,3}$  в любой плоскости системы координат  $(x_1, x_2, x_3)$ , начало которой принадлежит этой плоскости, задавая соответствующим образом направляющие коси-

Машиностроение, автоматизация, ЭВМ

нусы  $\cos \alpha_k$ , k = 1,3. Так, принимая в (5)  $\cos \alpha_1 = 0$ ,  $\cos \alpha_2 = \sin \alpha$ ,  $\cos \alpha_3 = \cos \alpha$ , получим формулы для скоростей распространения упругих волн в плоскости  $x_1 = 0$ . Кривые обратных скоростей для квазипоперечных волн в плоскости  $x_1 = 0$  свинца показаны на рис. 3. Заметим, что аналогичный вид имеют кривые обратных скоростей в координатных плоскостях  $x_{2,3} = 0$ .



Рисунок 3 - Кривые обратных скоростей  $R_{2,3}$  в плоскости

 $x_1 = 0$ ,  $\times 10^{-3}$  (*m/c*)<sup>-1</sup>.

Рисунок 4 - Волновые фронты  $L_{2,3}$  в плоскости  $x_1 = 0$ ,  $\times 10^3$  (м).

Кривая  $R_3$  имеет особенности, описанные [3, 9], и указывающие на возникновение лакун на волновом фронте  $L_3$ квазипоперечной волны. Так, в [3] (а также в [1]) описаны особенности кривой  $R_3$ , которые заключаются в существовании касательных, имеющих с  $R_3$  две точки касания. В [9] проведен анализ особенностей кривых  $R_3$  по точкам перегиба с позиций общей теории кривых четвертого порядка. Возникновение лакун происходит на волновом фронте в интервале углов касания [3] (то есть в тех координатных квадрантах, где находятся участки вогнутости [9]). Сечение волновой поверхности  $L_3$  плоскостью  $x_1 = 0$  в момент времени t = 1 показано на рис. 4. Кривая  $R_2$  является окружностью и не обладает выше указанными особенностями (рис. 3), тем не менее, на волновом фронте  $L_2$  в плоскости  $x_1 = 0$  кубически анизотропного тела существуют лакуны (рис. 2). На волновом фронте  $L_2$ , который в плоскости  $x_1 = 0$  кубически анизотропного тела является окружностью, точки ветвления волнового фронта отсутствуют (рис. 4), поскольку сечение проходит вдоль лакун. Для того, чтобы показать существование лакун на поверхности  $L_2$ , следует рассмотреть другие ее сечения. Однако исследования кривых обратных скоростей в плоскостях, не являющихся координатными плоскостями основной кристаллографической системы, крайне редки и носят единичный характер ввиду их сложности и громоздкости. Подобный анализ кривых обратных скоростей в плоскости  $x'_1 = 0$   $(x'_2 = 0)$  системы координат  $(x'_{1}, x'_{2}, x_{3})$  кубически анизотропного тела, повернутой около оси  $x_3$  на 45<sup>0</sup> (поворот против часовой стрелки, если смотреть со стороны положительного направления оси  $x_3$ ) проведен в [4]. Однако, полученные в [4, стр. 164] кривые обратных скоростей не являются сечением трехмерных поверхностей обратных скоростей  $R_{2,3}$  плоскостью  $x'_2 = 0$ , и не могут быть получены из  $R_{2,3}$  никаким другим сечением. С помощью формул (5) можно получить кривые обратных скоростей сечением поверхности  $R_{2,3}$  любой плоскостью, проходящей через начало координат основной кристаллографической системы  $(x_1, x_2, x_3)$ . Так, на рис. 5 представлены кривые обратных скоростей  $R_{2,3}$  плоскостью  $x'_1 = 0$ , когда  $\cos \alpha_1 = \cos \alpha_2 = \cos \alpha / \sqrt{2}$ ,  $\cos \alpha_3 = \sin \alpha$ .



Рисунок 5 - Кривые обратных скоростей  $R_{2,3}$  в плоскости

 $x'_1 = 0$ , ×10<sup>-3</sup> (*м*/*c*)<sup>-1</sup> (кривая  $R_2$  проведена тонкой линией).



Рисунок 6 - Волновые фронты  $L_{2,3}$  квазипоперечных волн в плоскости  $x'_1 = 0$ ,  $\times 10^3$  (м).

Из рис. 5 следует, что как кривая  $R_2$ , так и кривая  $R_3$ имеют особенности, которые указывают на возникновение лакун при распространении квазипоперечных волн, причем кривая  $R_3$  для кубически анизотропных сред в литературе не описана. Количество точек перегиба (четыре точки перегиба) на  $R_3$  не совпадает с количеством двойных точек касания касательных к  $R_3$  (шесть пар точек касания). Поэтому, учитывая поверхности  $L_2$  и  $L_3$  (см. рис. 2), можно сказать, что один из подходов к анализу особенностей кривых обратных скоростей не всегда однозначно позволяет указать на существование лакун на волновом фронте.

Для построения волновых фронтов в плоскости  $x'_1 = 0$ применим формулы (9), подставив выше приведенные выражения для направляющих косинусов нормали к поверхности. Результат построения  $L_{2,3}$  в момент времени t = 1 представлен на рис. 6. Как следует из рис. 6, волновые фронты  $L_2$ и  $L_3$  имеют по две лакуны, расположенные около осей  $x'_2$  и  $x_3$  соответственно, причем плоский угол, содержащий лакуну на  $L_2$ , мал по сравнению с углом лакуны на  $L_3$ . Также отметим, что углы лакун на волновом фронте  $L_3$  в плоскостях  $x_1 = 0$  и  $x'_1 = 0$  не равны друг другу, то есть основание лакуны, возникающей на поверхности  $L_3$  при распространении квазипоперечной волны не является окружностью (телесный угол Y касается лакуны в точках, лежащих в координатных плоскостях  $x_i = 0$ ,  $i = \overline{1,3}$ ).

#### вых фронтов квазипоперечных волн в анизотропных средах недостаточно для проведения полного анализа закономерностей и особенностей распространения упругих волн, тем более, что набор таких кривых ограничен количеством координатных плоскостей. Описанные в литературе особенности кривых обратных скоростей не всегда однозначно указывают на наличие лакун, и несут крайне мало информации о волновом фронте упругой волны. Выполненные выше построения поверхностей обратных скоростей и трехмерных волновых фронтов позволяют сформировать наглядные физикомеханические представления о поведении волн в кубически анизотропных средах и получить те сечения волновых поверхностей, которые представляют исследовательский интерес. Также отметим, что визуализация волновых движений в кубически анизотропных упругих средах позволяет уточнить и дополнить классификацию кубически анизотропных сред [9, 10].

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Построения кривых обратных скоростей и сечений волно-

#### СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ

- 1. Федоров Ф.И. Теория упругих волн в кристаллах. М. 1965.
- 2. Musgrave M.J.P. Crystal Acoustics. San-Francisco. 1970.
- Петрашень Г. И. Распространение волн в анизотропных упругих средах. Л. 1980.
- 4. Дьелесан Э., Руайе Д. Упругие волны в твердых телах. Применение для обработки сигналов. М. 1982.
- Скляр О. Н., Босяков С. М. // Материалы, технологии, инструменты. 2000. Т. 5. № 4. С. 26—28.
- Современная кристаллография Т. IV. Физические свойства кристаллов. М. 1984.
- 7. Хантингтон Г. // УФН. 1961. Т. 74. № 3. С. 461—520.
- Лехницкий С.Г. Теория упругости анизотропного тела. М. 1977.
- 9. Будаев В. С. // Известия АН СССР. МТТ 1978. № 3. С. 33—40.
- 10. Musgrave M. J., Payton R. G. // J. Elast. 1984. Vol.14. № 3. P. 269—285.

УДК 621.32:658.562

## Овсянников Г.Н., Смаль А.С.

# УТОЧНЁННАЯ ОЦЕНКА КАЧЕСТВА ЛАМП НАКАЛИВАНИЯ

Исходя из основных потребительских свойств источников света, в частности ламп накаливания (л.н.), оценка их качества согласно [1] можно представить в виде:

$$K = \frac{\boldsymbol{\Phi}_{\boldsymbol{v}} \cdot \boldsymbol{T}}{\boldsymbol{P} \cdot \boldsymbol{C}} \tag{1}$$

где  $\boldsymbol{\varPhi}_{\boldsymbol{\nu}}$  – световой поток;  $\boldsymbol{T}$  – срок службы (час);  $\boldsymbol{P}$  – мощность (Вт);  $\boldsymbol{C}$  – стоимость изделия в условных единицах.

Анализ приведенного выражения показывает, что необходимы некоторые уточнения:

- Обобщённый количественный критерий качества должен выражать конкретный физический смысл и учитывать потребительские свойства источника света. Из выражения (1) следует, что параметр мощности *Р* косвенно учитыва
  - ется в световом потоке  $\boldsymbol{\varPhi}_{\boldsymbol{\nu}}$  Без показателя мощности

оценка качества физически представляет количество световой энергии, полученной за время горения л.н., приходящееся на единицу затрат.

$$K = \frac{\boldsymbol{\Phi}_{\boldsymbol{v}} \cdot \boldsymbol{T}}{\boldsymbol{C}} \tag{2}$$

2. Лучистый поток  $\boldsymbol{\Phi}_{\boldsymbol{\lambda}}$  как основной технологический и потребительский показатель, является функцией длины волны  $\boldsymbol{\lambda}$  спектра излучения и воспринимается глазами только частично в диапазоне  $\boldsymbol{\lambda}$ =(0,38–0,76) мкм. Функциональная зависимость воспринимаемого глазом светового потока,  $\boldsymbol{\Phi}_{\boldsymbol{\mu}}$ 

$$\boldsymbol{\Phi}_{\boldsymbol{\nu}} = \boldsymbol{\Phi}_{\boldsymbol{\lambda}} \int_{\boldsymbol{\lambda}_{I}}^{\boldsymbol{\lambda}_{2}} \boldsymbol{V}_{\boldsymbol{\lambda}} d\boldsymbol{\lambda} = \boldsymbol{\Phi}_{\boldsymbol{\lambda}} \boldsymbol{K}_{\boldsymbol{\lambda}}, \text{ где } \boldsymbol{\lambda}_{I} = 380 \text{ мкм}, \boldsymbol{\lambda}_{2} = 760 \text{ мкм},$$

принята Международной комиссией по освещению (МКО) в

**Овсянников Герман Николаевич.** Доцент каф. автоматизации технологических процессов и производства Брестского государственного технического университета.

**Смаль Александр Сергеевич.** Ст. преподаватель каф. автоматизации технологических процессов и производства Брестского государственного технического университета.

Беларусь, БГТУ, 224017, г. Брест, ул. Московская, 267.

Машиностроение, автоматизация, ЭВМ