

УДК 527.925

Д.Г. КУПРИЯНОВИЧ, И.Н. МЕЛЬНИКОВА

Брест, БрГУ имени А.С. Пушкина

НЕКОТОРЫЕ СВОЙСТВА РЕШЕНИЙ СИСТЕМ ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫХ УРАВНЕНИЙ

Пусть представление полиномов, определяющих систему уравнений

$$\frac{dx_i}{dz} = \frac{P_i(x_1, x_2, x_3, z)}{Q_i(x_1, x_2, x_3, z)}, (i=1, 2, 3) \quad (1)$$

по степеням x_1, x_2, x_3 , имеют вид

$$\begin{aligned} P_i &= \sum_{k=0}^{p_{i1}} P_k^{(i)}(x_2, x_3, z) x_1^{p_{i1}-k} = \sum_{l=0}^{p_{i2}} P_l^{(i)}(x_1, x_3, z) x_2^{p_{i2}-l} = \\ &= \sum_{m=0}^{p_{i3}} P_m^{(i)}(x_1, x_2, z) x_3^{p_{i3}-m} \\ Q_i &= \sum_{k=0}^{q_{i1}} Q_k^{(i)}(x_2, x_3, z) x_1^{q_{i1}-k} = \sum_{l=0}^{q_{i2}} Q_l^{(i)}(x_1, x_3, z) x_2^{q_{i2}-l} = \\ &= \sum_{m=0}^{q_{i3}} Q_m^{(i)}(x_1, x_2, z) x_3^{q_{i3}-m}. \end{aligned}$$

Нами найдены условия, при выполнении которых система (1) будет иметь единственное алгеброидное решение, одна из компонент которого стремится к бесконечности при $z \rightarrow z_0$. Это позволило выделить системы вида (1), не имеющих решений, одна компонента которых при приближении к особой точке не имеет определенного предела, конечного или бесконечного.

Очевидно, если $Q_i(x_{10}, x_{20}, x_{30}, z_0) \neq 0 (i=1, 2, 3)$, то правые части уравнений системы (1) будут голоморфными функциями в окрестности точки $(x_{10}, x_{20}, x_{30}, z_0)$ и система будет иметь единственное решение, удовлетворяющее начальным условиям

$$f_i(z_0) = x_{i0}, (i=1, 2, 3). \quad (2)$$

Нами также были рассмотрены случаи, когда хотя бы одна из функций $Q_i(x_{10}, x_{20}, x_{30}, z) (i=1, 2, 3)$ в точке $(x_{10}, x_{20}, x_{30}, z_0)$ обращается в 0. Очевидно, что происходит нарушение голоморфности правых частей системы (1) в окрестности указанной точки. Нам удалось обобщить теорему существования и единственности и на такие случаи.